

РОЖДЕНИЕ И ЗАХВАТ НЕЙТРОНОВ В ЭЛЕКТРИЧЕСКОМ ПОЛЕ

О.А.Панкратов

Показано, что вблизи заряженной плоской пластины существуют связанные состояния нейтрона, обусловленные взаимодействием его магнитного момента с электрическим полем. Одновременно возникает конечный барионный заряд вакуума, меняющий знак при изменении знака электрического заряда пластины.

Взаимодействие нейтрона с внешним электромагнитным полем описывается уравнением Дирака

$$(i\hbar c \gamma^\mu \partial_\mu + \mu_a \frac{i}{2} \gamma^\mu \gamma^\nu F_{\mu\nu} - Mc^2) \psi = 0, \quad (1)$$

где $\mu_a = -1,91 \mu_\pi$, μ_π – ядерный магнетон Бора. Для стационарного электрического поля \mathbf{E} уравнение (1) сводится к следующему:

$$\begin{pmatrix} Mc^2 - \epsilon & \vec{\sigma} \hat{p} - i\mu_a \vec{\sigma} \mathbf{E} \\ \vec{\sigma} \hat{p} + i\mu_a \vec{\sigma} \mathbf{E} & -Mc^2 - \epsilon \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \psi_1 \\ \psi_2 \end{pmatrix} = 0. \quad (2)$$

Рассмотрим одномерный случай $\mathbf{E}(\mathbf{r}) = (0, 0, E_z(z))$ и будем считать, что асимптотики $E_z(z \rightarrow \pm\infty) = \pm E_\infty$ имеют противоположные знаки. Подобное поле создает, например, равномерно заряженная плоская пластина. Задача о движении нейтрона в таком поле совпадает с рассмотренной ранее ¹ задачей о встречной сегнетоэлектрической доменной стенке в полупроводнике с дираковскими зонами. Согласно ¹, независимо от конкретного вида $E_z(z)$ существуют локализованные вдоль z фермионные состояния, энергия которых не зависит от импульса p_\perp в плоскости, перпендикулярной оси z :

$$\epsilon_\pm = \pm Mc^2. \quad (3)$$

В нашем случае верхний знак в (3) следует брать при положительном заряде пластины, а нижний -- при отрицательном.

Простым унитарным преобразованием можно диагонализировать гамильтониан (2) по спиновой переменной. В результате получим уравнения

$$\begin{pmatrix} Mc^2 - \epsilon & ic\hat{p}_z + \mu_a E_z(z) \pm cp_\perp \\ -ic\hat{p}_z + \mu_a E_z(z) \pm cp_\perp & -Mc^2 - \epsilon \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \phi_1^\pm \\ \phi_2^\pm \end{pmatrix} = 0, \quad (4)$$

в совокупности унитарно эквивалентные (2). Такое преобразование осуществляет переход от функций $\psi_{1,2}$ к спинорам $\phi_{1,2}^{\pm}$, являющимся собственными функциями оператора $\mathbf{n}_z [\sigma \times \mathbf{p}_{\perp}] (\mathbf{n}_z - \text{единичный вектор вдоль оси } z)$. В результате спиновая структура волновой функции с данным импульсом \mathbf{p}_{\perp} оказывается фиксированной, подобно тому, как состояния безмассовой частицы автоматически спиральны.

Положим в уравнении (4), например, $\epsilon = Mc^2$. Тогда $\phi_2^{\pm} = 0$, а ϕ_1^{\pm} удовлетворяет уравнению

$$(-ic\hat{p}_z + \mu_a E_z(z) \pm cp_{\perp}) \phi_1^{\pm} = 0. \quad (5)$$

Решения этого уравнения

$$\phi_1^{\pm}(z) = \phi_1(0) \exp \left\{ -\frac{1}{\hbar c} \int_0^z [\mu_a E_z(z) \pm cp_{\perp}] dz \right\} \quad (6)$$

нормируемы, если $cp_{\perp} \ll |\mu_a E_{\infty}|$. Следовательно, число локализованных состояний (на единицу площади) конечно и равно

$$N_0 = 2 \frac{\pi (p_{\perp}^{max})^2}{(2\pi\hbar)^2} = \frac{\mu_a^2 E_{\infty}^2}{2\pi\hbar^2 c^2}. \quad (7)$$

Двойка в формуле (7) учитывает двукратное вырождение каждого состояния с заданным импульсом \mathbf{p}_{\perp} , которому отвечают две функции (6). Формулу (7) можно переписать в виде $N_0 = 1/2 \pi l_0^2$, где $l_0 = \hbar c / |\mu_a E_{\infty}|$ — длина локализации функций (6). Оценка для поля $E_{\infty} \approx 10^9$ В/см дает $|\mu_a E_{\infty}| \approx 2 \cdot 10^{-5}$ эВ и $l_0 \approx 1$ см. Величина $\mu_a^2 E_{\infty}^2 / 2Mc^2$ имеет смысл энергии связи. Действительно, в постоянном поле $E_z(z) \equiv E = \text{const}$ из (4) находим спектр делокализованных состояний

$$\epsilon_{\pm}(p_z, p_{\perp}) = \pm [M^2 c^4 + c^2 p_z^2 + (cp_{\perp} \pm \mu_a E)^2]^{1/2}. \quad (8)$$

Из формулы (8) видно, что энергетический зазор между уровнями (3) и спектром (8) при $p_z = p_{\perp} = 0$ равен $\approx \mu_a^2 E^2 / 2Mc^2$.

Состояния ϵ_{\pm} являются нулевыми модами гамильтониана Дирака. Их появление приводит, как известно, к ненулевому заряду вакуума посредством механизма дробления фермионов². Это связано с тем, что состояния нулевой моды формируются из обеих дираковских зон¹. При этом число уровней с отрицательной энергией оказывается не равным числу состояний с положительной энергией. В нашем случае, например, при отрицательном заряде пластины число состояний в нулевой моде $\epsilon_- = -Mc^2$ не равно уменьшению числа состояний в дираковской зоне (8) с отрицательной энергией. Поэтому часть состояний нулевой моды (уровни, пришедшие из зоны с положительной энергией) окажутся свободными, что соответствует появлению антинейтронов!

Степень нарушения сохранения барионного числа легко определить, заметив, что задача (4) эквивалентна теории^{3,4} в (1+1) измерениях. Единственное отличие от ситуации, рассмотренной Бразовским, Кировой и Матвеевко⁴ состоит в том, что при $p_{\perp} \neq 0$ конфигурация солитонного поля $W(z) = E_z(z) \pm cp_{\perp}$ не антисимметрична, т.е. $|W(-\infty)| \neq |W(+\infty)|$. Ясно, что это приведет лишь к некоторому численному множителю C (согласно Голдстоуну и Вилчеку³ $1/2 < C < 1$) в формуле для индуцированного заряда^{3,4}. В результате заряд дираковского вакуума равен

$$\langle N \rangle = -\frac{C}{\pi} N_0 \arctg(\mu_a E_{\infty} / Mc^2). \quad (9)$$

¹ Содержащееся в работе¹ утверждение, что нулевая мода отщепляется либо от верхней, либо от нижней зоны, неправильно.

Оценка (9) в поле $E_\infty \approx 10^9$ В/см дает катастрофически малую величину $\langle N \rangle \approx 10^{-14}$ см $^{-2}$. Тем не менее $\langle N \rangle$ не является экспоненциально малой по электрическому полю: $\langle N \rangle \sim \sim E_\infty^3$. Заметим, что с уменьшением массы фермионов величина $\langle N \rangle$ растет как M^{-4} .

Исключая из (4) компоненту ϕ_2^\pm , получим уравнение

$$[c^2 p_z^2 + \hbar c \mu_a E_z'(z) + \mu_a^2 E_z^2(z) \pm 2c p_\perp \mu_a E_z(z) + c^2 p_\perp^2 + M^2 c^4 - \epsilon^2] \phi_1^\pm = 0. \quad (10)$$

Из-за наличия потенциальной ступеньки $2c p_\perp \mu_a E_z(z)$, для энергий

$$\epsilon_-(p_z = 0, p_\perp) < \epsilon < \epsilon_+(p_z = 0, p_\perp) \quad (11)$$

движение инфинитно только в одну сторону. Это означает, что если при фиксированной энергии уменьшать импульс p_z нейтронов, находящихся на ветви $\epsilon_-(p_z, p_\perp)$ (8), при $p_z < < (p_\perp | \mu_a E_\infty | / c)^{1/2}$ будет происходить их полное отражение от пластины.

Изложенные результаты существенно связаны с одномерным характером поля E . Однако подобные эффекты, в принципе, могут проявиться, например, для сильно деформированных ядер, в частности, ядер с высокими спинами^{5,6}.

Автор благодарен И.В.Андрееву, Б.А.Волкову, В.Л.Гинзбургу, Л.В.Келдышу, Д.А.Киржницу за полезные обсуждения.

Литература

1. Волков Б.А., Панкратов О.А. Письма в ЖЭТФ, 1986, 43, 99.
2. Jackiw R., Rebbi C. Phys. Rev. D, 1976, 13, 3398.
3. Goldstone J., Wilczek F. Phys. Rev. Lett., 1981, 47, 986.
4. Бразовский С.А., Кирова Н.Н., Матвеев С.И. ЖЭТФ, 1984, 86, 743.
5. Zeilinger A., Shull C.G., Horne M.A., Finkelstein K.D. Phys. Rev. Lett., 1986, 57, 3089.
6. Hamilton . Progr. in Particle and Nuclear Physics, 1985, 15, 107.