

## КВАНТОВАНИЕ МАГНИТНОГО ПОТОКА В ДИЭЛЕКТРИКАХ

*И.О.Кулик, А.С.Рожавский, Э.Н.Богачек*

Рассчитана осцилляционная зависимость величины магнитного момента в одномерном пайерлсовском диэлектрике (ПД) с удвоением периода и в ПД с несоизмеримой волной зарядовой плотности от потока. Величина эффекта одного порядка с мезоскопическими явлениями в нормально-металлических системах при размерах кольца меньше или порядка корреляционной длины.

Одним из наиболее интересных эффектов, в которых электроны проводимости обнаруживают когерентные свойства в нормальных (несверхпроводящих) макроскопических системах, является квантование потока. Предсказанное в 1970 г. одним из авторов <sup>1</sup>, это явление обусловлено эффектом Ааронова – Бома и заключается в периодической зависимости от магнитного потока термодинамических и кинетических величин полых цилиндрических проводников, либо колец с универсальным периодом, равным нормальному кванту потока  $\Phi_0 = hc/e$ . Согласно <sup>1</sup> амплитуда осцилляций, существенно зависящая от температуры, модулируется множителем  $\cos(k_F L + \alpha)$  ( $k_F$  – фермиевский волновой вектор электрона,  $L$  – периметр образца,  $\alpha$  – некоторая постоянная фаза), который в чистом пределе определяет мезоскопический (по нынешней терминологии <sup>2</sup>) характер эффекта (о наблюдении этого эффекта см. <sup>3-4</sup>). В грязных системах наряду с мезоскопическими осцилляциями с периодом  $hc/e$ , имеют место также осцилляции кинетических величин с периодом, равным половине кванту  $hc/2e$ , обусловленные эффектами слабой локализации <sup>5</sup>. В полупроводниках с прыжковым механизмом проводимости эффект квантования потока изучен в <sup>6,7</sup>.

И, наконец, в <sup>8</sup> показано существование мезоскопических осцилляций квантования потока в режиме одномерной локализации с большой (порядка единицы) относительной амплитудой.

Во всех перечисленных выше случаях квантование потока осуществляется в системах со свободными носителями, хотя результаты <sup>8</sup> применимы и к так называемым андерсоновским изоляторам. Важно, что везде полагалось, что занятые состояния не заполняют целиком зону Бриллюэна. В настоящей работе обращается внимание на возможность квантования потока в диэлектриках, в которых свободных носителей нет. Действительно, рассмотрим энергию основного состояния диэлектрика с произвольным периодическим законом дисперсии

$$\epsilon(k) = \epsilon \left( k + \frac{2\pi}{a} \right), \quad (1)$$

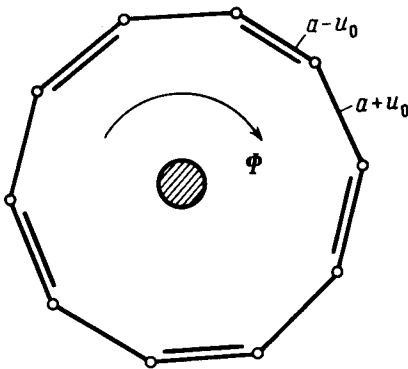
где  $a$  — размер элементарной ячейки. В поле векторного потенциала в геометрии кольца (рисунок)  $A = \Phi/L$ . Тогда для полной энергии имеем

$$W = \sum_{0 < k_n < 2\pi/a} \epsilon \left( k_n - \frac{e}{\hbar c} A \right), \quad k_n = 2\pi n/L. \quad (2)$$

Раскладывая  $\epsilon(k)$  в ряд Фурье, нетрудно убедиться, что

$$W = W_0 + \sum_s W_s \exp(-2\pi i s \Phi / \Phi_0), \quad (3)$$

где  $W_0$  — энергия заполненной зоны, не зависящая от  $\Phi$ ,  $l = sN$ ,  $N$  — число ячеек в кольце,  $s$  — целое число. Наличие высших гармоник в законе дисперсии обусловлено туннелированием электронов между далекими соседями, поэтому в обычном диэлектрике  $W_s \sim \exp(-sL/a)$ , и при  $L \gg a$  эффект квантования потока практически ненаблюдаем. Ситуация изменяется, если число высших гармоник в законе дисперсии велико и малость  $W_s$  компенсируется их большим количеством.



Диэлектрическое кольцо в поле векторного потенциала

Примером такой системы служит пайерлсовский диэлектрик (ПД), в котором при низких температурах электроны занимают полностью заполненную валентную зону, а зона проводимости пуста и отделена от валентной зоны щелью  $2\Delta$ . Величина  $\Delta$  есть модуль комплексного параметра порядка ПД, равного  $\Delta e^{i\varphi}$ , фаза  $\varphi$  которого описывает движение волны зарядовой плотности. Гамильтониан ПД есть

$$H = \sum_{n, \sigma} t_{n, n+1} (a_{n\sigma}^+ a_{n+1\sigma} e^{i\alpha_n} + \text{з.с.}) + \frac{\kappa}{2} \sum_n (u_n - u_{n+1})^2, \quad (4)$$

где  $t_{n, n+1} = t_0 + g(u_n - u_{n+1})$ ,  $u_n$  — смещение  $h$ -го узла решетки,  $a_{u\sigma}^+$  — оператор рождения электрона на узле  $n$  со спином  $\sigma$ ,  $\alpha_n = \frac{e}{\hbar c} A(x_n - x_{n+1})$ ,  $x_n = na + u_n$ ,  $t_{n, n+1}$  — интеграл переноса электронов,  $\kappa$  — упругость решетки. В простейшем случае ПД с димеризованной решеткой типа  $\text{trans}(\text{CH})_x$ ,  $u_n = (-1)^n u_0$ , фазовая степень свободы отсутствует и энергия ПД является только функцией модуля  $\Delta = 2gu_0$ ,  $g$  — константа электрон-фононного взаимодействия. Гамильтониан (4) точно диагонализуется и его спектр есть ( $\epsilon_F = 2|t_0|$ ),

$$\epsilon(k) = \pm \left\{ \Delta^2 + (\epsilon_F^2 - \Delta^2) \cos^2 \left( \left( k - \frac{e}{\hbar c} A \right) a \right) \right\}^{1/2}. \quad (5)$$

Соответственно плотность энергии основного состояния представляется в виде

$$w = \frac{W}{L} = w_0 - \frac{\Delta}{2\pi\xi_0} + w_{osc}, \quad (6)$$

$\xi_0 = \hbar v_F / \Delta$  — длина когерентности ПД. При  $\epsilon_F \gg \Delta$

$$w_{osc} \approx \frac{2\Delta}{\pi L} \sum_{s=1}^{\infty} \frac{1}{s} K_1(sL/\xi_0) \cos \left( 2\pi s \frac{\phi}{\phi_0} - sk_F L \right), \quad (7)$$

где  $K_1$  — функция Макдональда. Выражение (7) содержит как осциллирующий множитель, так и мезоскопический фактор  $\exp(isk_F L)$ ,  $L$  — периметр. Оба фактора типичны для эффекта квантования потока<sup>1</sup>. При четном числе узлов мезоскопический множитель равен  $(-1)^{Ns/2}$ . Если число узлов нечетно, то в кольце возникает поляронное возбуждение<sup>9</sup>, меняющее величину этого множителя. Заметим, что величина  $\Delta$  определяется из условия самосогласования ПД и также содержит осциллирующую компоненту.

В макроскопических образцах  $L \gg \xi_0$  достаточно ограничиться первой гармоникой в (7)

$$w_{osc} \approx \left( \frac{2}{\pi} \right)^{1/2} \frac{\Delta \xi_0^{1/2}}{L^{3/2}} e^{-L/\xi_0} \cos \left( 2\pi \frac{\phi}{\phi_0} - k_F L \right). \quad (8)$$

Видно, что вместо фактора  $\exp(-L/a)$  входит гораздо большая величина  $\exp(-L/\xi_0)$ . Последнее есть отражение того факта, что в законе дисперсии ПД (5) число гармоник с высокими номерами велико.

Выражение (7) получено при  $T=0$ , т. к. в ПД щель обычно велика (порядка  $10^3 \div 4$  К). С другой стороны при формальном обращении  $\Delta \rightarrow 0$  (7) переходит в формулу для нормального металла, в котором гармоники затухают, как  $\exp(-sTL/\hbar v_F)$ .

В  $\text{trans}(\text{CH})_x$  длина когерентности достаточно мала  $\xi_0 \sim 10 \text{ \AA}$  и наблюдение эффекта возможно лишь в кольцах очень малого диаметра ( $\ll 100 \text{ \AA}$ ). Однако, эффект сохраняется и в ПД с большими  $\xi_0 \sim 10^3 \text{ \AA}$  (таких как  $\text{TaS}_3$ ,  $\text{K}_{0,3}$ ,  $\text{MoO}_3$ ,  $\text{NbSe}_3$  и др.<sup>10</sup>), в которых степень соизмеримости выше двукратной ( $K_F a < \pi/2$ ). Действительно, как показано в<sup>9</sup>, энергия основного состояния в этом случае совпадает с (6). Есть основания полагать, что в корреляционных (мott-хатбардовских) диэлектриках, либо в ПД в которых энергетическая щель образуется в результате нестинга ферми-поверхности и не совпадает по своему расположению в  $\mathbf{k}$ -пространстве с границей зоны Бриллюэна, периодически зависящая от потока часть энергии также не обращается в нуль.

Следствием квантования потока являются не только осцилляции термодинамических величин, но и некоторые другие явления. Так, при наличии свободных носителей ( $T \neq 0$ ) будет осциллировать проводимость системы. Из-за немонотонной зависимости  $\Delta$  от  $\Phi$  поглощение света вблизи порога  $\hbar\omega \approx 2\Delta$  также будет немонотонно зависеть от потока.

В кристалле, построенном из связанных посредством дисперсионных сил колец (типа молекул бензола, внутри которых связь ковалентная), магнитная восприимчивость, следующая из (7), при  $L < \xi_0$  имеет порядок

$$|\chi| \sim \frac{e^2}{\hbar v_F} \left( \frac{\epsilon_F}{\Delta} \right)^2 \left( \frac{v_F}{c} \right)^2 \sim 10^{-3} \div 10^{-4}. \quad (9)$$

Принципиальным является общее утверждение, следующее из вышеприведенного анализа, заключающееся в том, что  $\chi$  в подобных диэлектрических кристаллах осциллирует как функция внешнего магнитного поля. Трудность наблюдения эффекта, однако, связана с большой величиной периода ( $\Delta H \sim 10^7$  Э при  $L \sim 10 \text{ \AA}$ ).

Таким образом, в работе показано, что эффект квантования потока присущ не только проводникам, но и диэлектрикам. Для обычных зонных диэлектриков амплитуды осциллирующих гармоник в макроскопических кольцах настолько малы ( $\sim \exp(-L/a)$ ), что эффект практически ненаблюдаем. В диэлектриках со специальным спектром, содержащим много гармоник, роль  $a$  берет на себя макроскопическая величина — длина когерентности. Если диэлектрическое состояние возникает в результате локализации электронов (переход Андерсона), то амплитуда будет определяться соотношением  $L$  и  $\xi$ , где  $\xi$  — радиус локализации электронных состояний.

#### Литература

1. Кулик И.О. Письма в ЖЭТФ, 1970, 11, 407.
2. Ymry Y. Direction in Condensed Matter Physics. Memorial volume in Honor of Shang-keng Ma, ed. by G. Grinstein and G. Mazenko. Singapore: World Scientific Publishing Co. Pte. Ltd., 1986, p. 101.
3. Брандт Н.Б., Богачек Э.Н., Гицу Д.В. и др. ФНТ, 1982, 8, 718.
4. Washburn S., Webb R.A. Adv. Phys., 1986, 35, 375.
5. Альтшулер Б.Л., Аронов А.Г., Спивак Б.З. и др. Письма в ЖЭТФ, 1982, 35, 476.
6. Нгуен В.Л., Спивак Б.З., Шкловский Б.И. Письма в ЖЭТФ, 1985, 41, 35.
7. Поляков Я.Б., Контарев В.Я., Крылов И.П. и др. Письма в ЖЭТФ, 1986, 44, 291.
8. Кулик И.О. ФНТ, 1987, 13, 206.
9. Криве И.В., Рожавский А.С. Кулик И.О. ФНТ, 1986, 12, 1121.
10. Monceau P. Electronic Properties of Inorganic Quasi-one-Dimensional Materials. Dordrecht: D. Reidel Publishing Company, 1985, p. 139.