## Температурная зависимость магнетофононных осцилляций сопротивления в GaAs/AlAs гетероструктурах при больших факторах заполнения

## А.А.Быков<sup>1)</sup>, А.В.Горан

Институт физики полупроводников Сибирского отд. РАН, 630090 Новосибирск, Россия

Поступила в редакцию 15 сентября 2009 г.

Изучена температурная зависимость магнетополевых осцилляций сопротивления, индуцированных акустическими фононами в 2D системе со средней подвижностью и высокой электронной плотностью в диапазоне T = 7.4-25.4 К. Установлено, что в изучаемой системе амплитуда магнетофононных осцилляций сопротивления определяется квантовым временем жизни, модифицированным электронэлектронным рассеянием, в согласии с результатами, полученными недавно в GaAs/AlGaAs гетероструктуре с ультравысокой подвижностью и малой электронной плотностью [A. T. Hatke et al., Phys. Rev. Lett. **102**, 086808 (2009)]. Обнаружен сдвиг основного максимума магнетофононных осцилляций сопротивления с ростом температуры в более сильные магнитные поля.

PACS: 73.23.-b, 73.40.Gk

В работе [1] было установлено, что в 2D системе с высокой электронной подвижностью при больших факторах заполнения, то есть когда выполняется условие  $E_F/\hbar\omega_{
m c} \gg 1$ , где  $E_F$  – энергия Ферми,  $\hbar\omega_{\rm c}$  – расстояние между уровнями Ландау, возникают магнетополевые осцилляции сопротивления, обусловленные взаимодействием электронов с акустическими фононами. Эти осцилляции периодичны в обратном магнитном поле и обусловлены резонансным взаимодействием электронов с фононами, имеющими волновой вектор, равный удвоенному волновому вектору Ферми, и энергию, равную  $\hbar\omega_c$ . Период магнетофононных осцилляций сопротивления при больших факторах заполнения, то есть осцилляций, индуцированных акустическими фононами (phononinduced resistance oscillations), открытых в работе [1], определяется отношением  $\omega_{
m s}/\omega_{
m c} = (2k_F)u_{
m s}/\omega_{
m c} = j,$ где k<sub>F</sub> – волновой вектор Ферми, u<sub>s</sub> – скорость звука,  $\omega_{\rm c}$  – циклотронная частота, а j – целое положительное число.

Совсем недавно была изучена температурная зависимость  $\omega_{\rm s}/\omega_{\rm c}$ -осцилляций в 2D системе с ультравысокой подвижностью ( $\mu \sim 1.2 \cdot 10^7 \, {\rm cm}^2/{\rm Bc}$ ) и малой электронной плотностью ( $n_e \sim 3.8 \cdot 10^{11} \, {\rm cm}^{-2}$ ). Было показано, что амплитуда  $\omega_{\rm s}/\omega_{\rm c}$ -осцилляций  $\Delta \rho_{\rm PIRO}$  определяется соотношением [2]

$$\Delta \rho_{\rm PIRO} \propto \tau_{\rm ph}^{-1}(T) \exp\left[-2\pi/\omega_{\rm c} \tau_{\rm q}^{\rm ee}(T)\right], \qquad (1)$$

где  $\tau_{\rm ph}$  – время релаксации при рассеянии на аккустических фононах,  $\tau_{\rm q}^{\rm ee}$  – компонента квантового вре-

мени жизни, обусловленная электрон-электронным рассеянием. В формуле (1)  $\tau_{\rm ph}^{-1}(T)$  определяет температурный рост амплитуды  $\omega_{\rm s}/\omega_{\rm c}$ -осцилляций, а сомножитель  $\exp(-2\pi/\omega_{\rm c}\tau_{\rm q}^{\rm ee})$  – их температурное подавление. В результате амплитуда  $\omega_{\rm s}/\omega_{\rm c}$ -осцилляций имеет максимум при некоторой оптимальной температуре  $T_0$ , которая возрастает с увеличением магнитного поля *B*. Исходя их того, что  $1/\tau_{\rm ph}(T) \propto T^{\alpha}$ [3-5], а  $1/\tau_{\rm q}^{\rm ee}(T) = \lambda T^2/E_F$  [6, 7], выражение для  $T_0$ имеет следующий вид:

$$T_0 = k_{\rm B}^{-1} (\alpha E_F \hbar \omega_{\rm c} / 4\pi \lambda)^{1/2}, \qquad (2)$$

где  $\alpha$  и  $\lambda$  – безразмерные константы. В работе [2] было обнаружено, что значения  $T_0^2$  для осцилляций с номерами j = 1, 2 и 3 зависят от магнитного поля по линейному закону  $T_0^2 \propto B$ . То есть установлено, что амплитуда  $\omega_s / \omega_c$ -осцилляций определяется квантовым временем жизни, модифицированным электрон-электронным рассеянием.

В настоящей работе приводятся результаты экспериментального исследования температурной зависимости  $\omega_s/\omega_c$ -осцилляций сопротивления в 2D электронной системе с более низкой подвижностью ( $\mu \sim \sim 2 \cdot 10^6 \, {\rm cm}^2/{\rm Bc}$ ), но более высокой электронной концентрацией ( $n_e \sim 8 \cdot 10^{11} \, {\rm cm}^{-2}$ ) по сравнению с 2D системой, исследуемой в работе [2]. Несмотря на более низкую подвижность, удалось показать, что  $\omega_s/\omega_c$ -осцилляции сопротивления проявляются в исследуемой системе в температурном диапазоне, достаточном для экспериментального изучения их температурной зависимости. Полученные эксперимен-

<sup>&</sup>lt;sup>1)</sup>e-mail: bykov@thermo.isp.nsc.ru

тальные данные качественно согласуются с результатами работы [2] и подтверждают роль электронэлектронного рассеяния в температурном подавлении амплитуды  $\omega_s/\omega_c$ -осцилляции сопротивления в 2D электронных системах. Кроме того, обнаружен сдвиг основного максимума магнетофононных осцилляций сопротивления с ростом температуры в более сильные магнитные поля.

Изучаемые в работе гетероструктуры представляли собой симметрично легированные одиночные GaAs квантовые ямы. Ширина квантовой ямы составляла 13 нм. В качестве боковых барьеров к GaAs квантовой яме использовались AlAs/GaAs сверхрешетки [8, 9]. Гетероструктуры выращивались методом молекулярно-лучевой эпитаксии на (100) GaAs подложках. Экспериментальные исследования проводились в диапазоне температур  $T = 4.2 - 30 \, \text{K}$ в магнитных полях B < 2 Тл на мостиках Холла длиной 450 мкм и шириной 50 мкм. Концентрация электронов  $n_e$  в исследуемых образцах составляла  $7.7 \cdot 10^{11} \, \mathrm{сm}^{-2}$ . Подвижность  $\mu = 1/e n_e \rho_0$  вычислялась из величины  $\rho$  в нулевом магнитном поле. При  $T = 4.2 \, {
m K}$  она составляла  $2.1 \cdot 10^6 \, {
m cm}^2/{
m Bc}$ . Измерения сопротивления проводились на переменном электрическом токе частотой 777 Гц, величина которого не превышала  $10^{-6}$  А.

На рис.1а представлена типичная зависимость  $ho_0(T)$  для 2D электронного газа в исследуемых GaAs/AlAs гетероструктурах. Экспериментальные точки достаточно хорошо ложатся на прямую линию. Такое поведение  $\rho_0(T)$  означает, что константа  $\alpha$  в выражении  $1/\tau_{
m ph}(T) \propto T^{lpha}$  порядка единицы [4]. На рис.1b приведены зависимости  $\rho(B)$  в диапазоне T = 7.4 - 25.4 К. При 7.4 К в полях B > 1 Тл проявляются осцилляции Шубникова-де Гааза, период которых в обратном магнитном поле соответствует концентрации n<sub>e</sub>, определенной из холловского сопротивления. С увеличением Т осцилляции Шубникова-де Гааза исчезают, но отчетливо проявляются осцилляции, максимумы которых обозначены номерами 1, 2 и 3. С ростом Т амплитуда этих осцилляций вначале увеличивается, а затем падает. Хорошо видно, что максимум, обозначенный цифрой 3, исчезает полностью при 25.4 К, кроме того видно, что максимум, соответствующий j = 1, с ростом T незначительно сдвигается в более сильные магнитные поля.

Рис.2 показывает, что возникающие с ростом температуры осцилляции сопротивления периодичны в обратном магнитном поле и обусловлены взаимодействием электронов с акустическими волнами, имеющими скорость  $u_s \sim 5.9 \,\mathrm{кm/c}$  [10, 11]. Отметим, что в образцах с более низкой концентрацией скорость зву-



Рис.1. (а) Зависимость  $\rho_0(T)$  для 2D электронного газа в GaAs квантовой яме с AlAs/GaAs сверхрешеточными барьерами. (b) Зависимости  $\rho(B)$  при различных температурах от 7.4 К (нижняя кривая) до 25.4 К (верхняя кривая) с приращением в 1 К. Стрелками указаны максимумы  $\omega_s/\omega_c$ -осцилляций

ка, вычисленная из периода магнетополевых осцилляций сопротивления, индуцированных акустическими фононами, лежит в диапазоне от 2.9 до 4.8 км/с [1, 2]. Наблюдаемая разница в величинах  $u_s$  для 2D систем с отличающимися величинами  $n_e$  была недавно объяснена теоретически взаимодействием электронов с поперечными и продольными модами объемных звуковых волн в GaAs квантовых ямах, выращенных на (100) кристаллографической поверхности [12]. Однако в рамках этой теории не удается объяснить обнаруженный в эксперименте температурный сдвиг основного максимума (j = 1) магнетофононных осцилляций сопротивления в GaAs квантовых ямах с боковыми AlAs/GaAs сверхрешеточными барьерами.

На рис.За представлены зависимости амплитуды  $\omega_s/\omega_c$ -осцилляций от T для j = 1 и 2. Зависимости не являются монотонными. Они имеют максимумы, что согласуется с выражением (1). Причем максимум ( $T_0 = 17 \,\mathrm{K}$ ) для j = 1 расположен в более сильном магнитном поле по сравнению с максимумом ( $T_0 = 12 \,\mathrm{K}$ ) для j = 2. Рис.Зь показывает, что  $T_0^2(B)$  является линейной зависимостью. Такое по-



Рис.2. (а) Зависимости  $\rho(1/B)$  для температуры 14.4 К. Стрелками указаны максимумы, соответствующие  $\omega_s/\omega_c = 1,2$  и 3. (b) Зависимость  $j = \omega_s/\omega_c = 2k_F u_s/\omega_c$  от 1/B. Линия соответствует  $u_s = 5.9$  км/с



Рис.3. (а) Зависимости амплитуды  $\Delta \rho_{\rm PIRO}$  от температуры для j = 1 и 2. Кривые соответствуют расчету по формуле (1) для  $\alpha = 1.5$  и  $\lambda = 2.5$ . (b) Зависимость квадрата оптимальной температуры  $T_0^2$  от магнитного поля *B*. Линейная зависимость соответствует  $\alpha/\lambda = 0.6$ 

ведение полностью соответствует формуле (2). Отметим, что выражение (2) для  $T_0$  позволяет определить отношение констант  $\alpha/\lambda$ , которое оказалось равным  $0.6 \pm 0.05$ . Исходя из того, что в изучаемой 2D системе  $\alpha \sim 1$ , можно сделать оценку  $\lambda$ , которая в этом случае будет равняться 1.7. Однако для величин  $\alpha = 1$  и  $\lambda = 1.7$  не удается получить согласие экспериментальных зависимостей  $\Delta \rho_{\rm PIRO}(T)$  с кривыми, рассчитанными по формуле (1). Для j = 1хорошее согласие получается при величинах  $\alpha = 1.5$ и  $\lambda = 2.5$ . Для j = 2 при этих величинах  $\alpha$  и  $\lambda$  совпадение экспериментальной и расчетной кривых хуже. Точность измерения температурной зависимости для j = 3 мала, поэтому мы ее не приводим.

Тот факт, что температурные зависимости амплитуды  $\omega_{
m s}/\omega_{
m c}$ -осцилляций для j~=~1 и j~=~2 не могут быть описаны одним и тем же набором подгоночных параметров  $\alpha$  и  $\lambda$ , мы объясняем зависимостью  $\alpha$  от T. Сделанное в работе [2] предположение, что  $1/ au_{
m ph}(T) \propto T^{lpha}$ , где lpha – константа, не является строгим, так как в общем случае  $\alpha$  зависит от температуры. В частности, в работе [2] в диапазоне температур от 2 до 7 K величина  $\alpha$  изменяется от 5 до 1.8. Следует отметить, что для получения точной зависимости  $1/ au_{
m ph}(T)$  из зависимости  $\mu(T)$  необходимо знать независимую от Т компоненту подвижности  $\mu_{im} = \mu(T = 0)$ , обусловленную рассеянием на случайном потенциале [5]. Величина  $\mu_{im}$  не может быть определена из эксперимента с малой погрешностью из-за невозможности получить нулевую температуру. На рис.4а представлена зависимость  $1/\mu(T)$ в температурном диапазоне от 4.2 до 30 К. Из этой зависимости следует, что  $\mu_{\mathrm{im}}$  лежит в интервале от  $\mu_{\rm im}^{\rm min} = 2.1 \cdot 10^6 \, {\rm cm}^2 / {
m Bc}$  до  $\mu_{\rm im}^{\rm max} = 3 \cdot 10^6 \, {
m cm}^2 / {
m Bc}$ .

В исследуемом диапазоне температур зависимость  $\mu(T)$  может быть представлена соотношением [5]

$$1/\mu(T) = 1/\mu_{\rm im} + 1/\mu_{\rm ph},$$
 (3)

где  $\mu_{\rm ph}$  – компонента  $\mu$ , обусловленная рассеянием электронов на акустических фононах. На рис.4b представлены экспериментальная зависимость  $\mu(T)$ и рассчитанные из этой кривой по формуле (3) зависимости  $\mu_{
m ph}(T)$  для случаев, когда  $\mu_{
m im}=\mu_{
m im}^{
m max}$  и  $\mu_{
m im} = \mu_{
m im}^{
m min}$ . Если lpha = 
m const, то в log-log масштабе величины  $\mu_{\rm ph}$  должны ложиться на прямую линию, наклон которой и определяет а. Видно, что это справедливо лишь, когда  $\mu_{\mathrm{im}} = \mu_{\mathrm{im}}^{\mathrm{max}}$ . Однако если  $\mu_{
m im}\,=\,\mu_{
m im}^{
m min},$  то кривая  $\mu_{
m ph}(T)$  не описывается соотношением  $\mu_{
m ph}(T) \, \varpropto \, 1/T^{lpha},$  то есть, в общем случае такое приближение неверно и необходимо учитывать зависимость  $\alpha$  от T. В нашем случае из-за большой погрешности в измерении величины  $\mu_{im}$  зависимость  $\mu_{\mathrm{ph}}(T)$  лежит между кривыми  $\mu_{\mathrm{ph}}(T),$  рассчитанными для двух крайних случаев, когда  $\mu_{
m im}$  =  $\mu_{
m im}^{
m max}$  и  $\mu_{
m im} \,=\, \mu_{
m im}^{
m min}$ . В предположении, что  $\mu_{
m ph}(T)\, \propto\, 1/T^{\,lpha},$ где *а* – безразмерная константа, в диапазоне измерения зависимости  $\Delta \rho_{\mathrm{PIRO}}(T)$  для j = 1, величина  $\alpha$ , определенная из  $\mu_{ph}(T)$ , лежит между 1 и 1.3. Несмотря на это, основной вывод работы о доминирую-



Рис.4. (а) Зависимости  $1/\mu$  и  $1/\mu_{\rm im}$  от температуры. Прямая линия соответствует линейной аппроксимации. Пунктирными линиями указаны зависимости  $1/\mu_{\rm im} = 1/\mu_{\rm im}^{\rm max}$  и  $1/\mu_{\rm im} = 1/\mu_{\rm im}^{\rm min}$  от температуры. (b) Зависимости  $\mu$  и  $\mu_{\rm ph}$  от температуры. Прямые линии соответствуют линейной аппроксимации для  $\alpha = 1$  и  $\alpha = 1.3$ 

щей роли электрон-электронного рассеяния в температурном подавлении амплитуды магнетополевых осцилляций сопротивления, индуцированных акустическими фононами, остается в силе.

Таким образом мы изучили температурную зависимость  $\omega_s/\omega_c$ -осцилляций в 2D системе со средней величиной подвижности. Мы показали, что в изучаемой системе амплитуда  $\omega_s/\omega_c$ -осцилляций зависит от температуры немонотонно, а основной максимум этих осцилляций с ростом T сдвигается в более сильные магнитные поля. Из сопоставления экспериментальных зависимостей с расчетными кривыми мы получили для констант  $\alpha$  и  $\lambda$  следующие величины:  $1.4 \pm 0.1$  и  $2.5 \pm 0.2$ , соответственно. Полученные экспериментальные данные качественно согласуются с результатами работы [2] и подтверждают важную роль электрон-электронного рассеяния в транспорте носителей заряда в 2D системах [2, 13–17].

Авторы благодарят А.В. Чаплика, М.В. Энтина и Л.И. Магарилла за полезные дискуссии. Работа была поддержана Российским фондом фундаментальных исследований, проект #08-02-01051.

- M. A. Zudov, I. V. Ponamorev, A. L. Efros et al., Phys. Rev. Lett. 86, 3614 (2001).
- A. T. Hatke, M. A. Zudov, L. N. Pfeiffer, and K. W. West, Phys. Rev. Lett. **102**, 086808 (2009).
- E. E. Mendez, P. J. Price, and M. Heiblum, Appl. Phys. Lett. 45, 294 (1984).
- J. H. English, A. C. Gossard, H. L. Stormer, and K. W. Baldwin, Appl. Phys. Lett. 50, 1826 (1987).
- H. L. Stormer, L. N. Pfeiffer, K. W. Baldwin, and K. W. West, Phys. Rev. B 41, 1278 (1990).
- 6. А.В. Чаплик, ЖЭТФ 60, 1845 (1971).
- G. F. Giuliani and J. J. Quinn, Phys. Rev. B 26, 4421 (1982).
- K.-J. Friedland, R. Hey, H. Kostial et al., Phys. Rev. Lett. 77, 4616 (1996).
- А. А. Быков, А. К. Бакаров, Л. В. Литвин, А. И. Торопов, Письма в ЖЭТФ 72, 300 (2000).
- А. А. Быков, А. К. Калагин, А. К. Бакаров, Письма в ЖЭТФ 81, 646 (2005).
- W. Zhang, M. A. Zudov, L. N. Pfeiffer, and K. W. West, Phys. Rev. Lett. 100, 036805 (2008).
- 12. O.E. Raichev, Phys. Rev. B 80, 075318 (2009).
- Jing-qiao Zhang, Sergey Vitkalov, A.A. Bykov et al., Phys. Rev. B **75**, 081305(R) (2007).
- A. T. Hatke, M. A. Zudov, L. N. Pfeiffer, and K. W. West, Phys. Rev. Lett. 102, 066804 (2009).
- A. T. Hatke, M. A. Zudov, L. N. Pfeiffer, and K. W. West, Phys. Rev. B 79, 161308(R) (2009).
- Е.Б. Ольшанецкий, З.Д. Квон, М.В. Энтин и др. Письма в ЖЭТФ 89, 338 (2009).
- Jing Qiao Zhang, Sergey Vitkalov, and A. A. Bykov, Phys. Rev. B 80, 045310 (2009).