## Самоподдерживающиеся лавины релятивистских убегающих электронов в поперечном поле лидера молнии как источник атмосферных вспышек гамма-излучения

И. М. Куцык, Л. П. Бабич<sup>1)</sup>, Е. Н. Донской

Всероссийский научно-исследовательский институт экспериментальной физики, Российский федеральный ядерный центр, 607188 Саров, Россия

> Поступила в редакцию 7 июля 2011 г. После переработки 29 августа 2011 г.

Анализируется возможность развития самостоятельного разряда в поперечном поле лидера молнии в режиме генераций лавин релятивистских убегающих электронов, поддерживаемых положительной релятивистской обратной связью с участием тормозного излучения высоких энергий и позитронов, порождаемых самими лавинами. Для цилиндрической геометрии лидера получен низкий порог включения обратной связи. Показано, что разряд может быть источником наблюдающихся в корреляции с грозовой активностью импульсов проникающих излучений, характеристики которых удовлетворительно воспроизведены в модели цилиндрического лидера. Проникающие излучения, генерируемые в окрестности лидера, могут представлять опасность для электронного оборудования летательных аппаратов, а также для экипажей и пассажиров самолетов.

Введение. В 1990-х годах начались систематические исследования наблюдавшихся в течение десятилетий кратковременных высотных оптических явлений (Transient Luminous Events, TLEs) над грозовыми облаками, обнаруженных в начале 1990-х годов вспышек жесткого ү-излучения земного происхождения (Terrestrial Gamma-ray Flashes, TGFs) длительностью порядка 1 мс. Эти явления связывались с несамостоятельным разрядом, развивающимся в относительно слабых, но протяженных электрических полях облаков в режиме генерации лавин релятивистских убегающих электронов (ЛРУЭ), инициируемых космическим излучением [1]. Такие лавины развиваются при перенапряжении поля  $\delta = e E / F_{min}$  относительно минимума энергетических потерь электронов  $F_{\min}/P \approx 218\, {
m \kappa 
eal} {
m B}/({
m M} \cdot {
m a} {
m TM})$  выше  $\delta_{th}=1.3$ . В настоящее время считается, что TLEs возбуждаются разрядом на электронах низких энергий в разреженной атмосфере вследствие проникновения поля облака на большие высоты. Вместе с тем в механизме TGF предполагается участие ЛРУЭ.

Сама природа TGF такова, что для их генерации необходимы электроны высоких энергий, размножающиеся в грозовых полях, т.е. ЛРУЭ. Согласно Дуайеру (Dwyer) [2], за переход одиночной ЛРУЭ в самостоятельный разряд на убегающих электронах и возбуждение TGF отвечает положительная релятивистская обратная связь (relativistic feedback, RFB), поддерживающая генерацию серии ЛРУЭ в результа-

Письма в ЖЭТФ том 94 вып. 7-8 2011

647

те инициирования вторичных лавин γ-излучением и позитронами первичной лавины аналогично обратной связи на фотонах низких энергий в обычных лабораторных разрядах [3]. Численное моделирование при мгновенном включении RFB согласуется с данными наблюдений TGF [2].

Предложен подход, согласно которому затравочные УЭ, генерируемые в сильном поле на фронте лидера, размножаются в поле облака вдали от фронта лидера в  $10^4 - 10^5$  раз, в результате чего развивается несамостоятельный разряд [4]. Чтобы число генераций ЛРУЭ в продольном поле перед фронтом было достаточным для воспроизведения характеристик TGF, необходим ток лидера более 100 кA [4], что намного превышает наблюдавшиеся токи [5, 6].

Недостатком подходов, развиваемых в работах [2, 4], является априорное предположение о формировании в грозовом поле долгоживущей области, в которой ЛРУЭ генерируются в течение достаточно длительного времени с усилением  $\sim 10^5$ , что невозможно, поскольку включается RFB: по мере усиления ЛРУЭ ускоряется рождение электрон-ионных пар, растет проводимость атмосферы, поле облака экранируется [7].

В работах по численному моделированию TLEs и TGFs, например [8], предполагается, что поле над облаком, экранированное вначале поляризующейся фоновой плазмой [9], включается возвратным ударом молнии [10]. Модель дает результаты, согласующиеся с данными наблюдений TLEs и TGFs, но принятая конфигурация бесконечно тонких слоев поляри-

<sup>&</sup>lt;sup>1)</sup>e-mail: babich@elph.vniief.ru

зационных зарядов фоновой плазмы и зарядов облака и механизм генерации поля над облаком не вполне адекватны.

В настоящей работе развивается подход к преодолению указанных трудностей на основе представления о самостоятельном разряде, способном развиваться в режиме генерации ЛРУЭ с RFB в поперечном электрическом поле лидера молнии.

Численное моделирование самоподдерживающихся генераций ЛРУЭ в поле положительно заряженного лидера. На возможность снижения порога RFB ниже  $10^4 - 10^5$  за счет геометрии поля указывалось Дуайером без конкретного анализа [11]. В работе [4] допускается возможность развития самостоятельного разряда в режиме генерации ЛРУЭ с RFB в поперечном поле лидера, но выводов также не сделано. Усиление ЛРУЭ  $\sim 10^4 - 10^5$ , необходимое для зажигания самостоятельного разряда, получено для однородного поля [2], когда вторичные лавины инициируются фотонами, эмитированными электроном "назад". Однако вероятность эмиссии фотонов высоких энергий "назад" гораздо меньше, чем "вперед". В поле лидера в форме кругового цилиндра (рис. 1) порог усиления и, соответственно,



Рис. 1. Схема релятивистской обратной связи (RFB) в поперечном поле положительно заряженного лидера

требуемая разность потенциалов снижаются. В случае положительно заряженного лидера это обусловлено тем, что электроны, движущиеся под действием электрической силы к лидеру, излучают фотоны высоких энергий преимущественно в том же направлении.

Найдем условия, необходимые для развития в окрестности положительно заряженного лидера самоподдерживающегося разряда в режиме генераций ЛРУЭ с RFB. Для этого методом Монте-Карло по программе ЭЛИЗА [12] при P = 1 атм смоделируем траектории электронов, фотонов и позитронов в поперечном поле лидера, для которого воспользуемся моделью поля бесконечно длинного заряженного по поверхности цилиндра (рис. 1):

$$E(r) = \left\{ egin{array}{ccc} 0, & r < r_{\min}; \ rac{\lambda}{2\piarepsilon_0 r}, & r \geq r_{\min}, \end{array} 
ight.$$

где r — расстояние от оси цилиндра,  $\lambda$  — линейная плотность заряда,  $\varepsilon_0 = 8.85 \cdot 10^{-12} \, \Phi/{
m M}.$ 

Полагаем, что ЛРУЭ усиливаются в области, ограниченной интервалом [ $r_{\min}, r_{\max}$ ], таким, что на радиусе  $r_{\min} = \lambda/2\pi\varepsilon_0 \cdot E_{br}$  достигается напряженность поля пробоя на электронах низких энергий  $E_{br}$  (кB/см) = 30P (атм), а на радиусе  $r_{\rm max}$  =  $\lambda/2\pi arepsilon_0 \delta_{th} \cdot F_{\min} P$  реализуется пороговое перенапряжение поля  $\delta(r_{\max})$  =  $\delta_{th}$  = 1.3. Введем понятие поколения УЭ с числом электронов  $N_i$ , где i – номер поколения. При этом N<sub>0</sub> затравочных электронов составляют нулевое поколение. Лавину *i*-го поколения составляют УЭ, рожденные только в результате ионизующих столкновений самих УЭ с молекулами. Лавина *i* + 1-го поколения инициируется фотоном, эмитированным лавиной *i*-го поколения (см. рис. 1). Для усиления требуется, чтобы последовательность чисел  $N_i$ , начиная с некоторого номера i, составляла возрастающую геометрическую прогрессию со знаменателем  $q(\lambda) = N_{i+1}/N_i \ge 1$ , что и означает включение RFB.

Расчеты выполнены для плотностей заряда в интервале  $[\lambda_1, \lambda_2] = [1, 2] \, {\rm MKn/M}$  и соответствующих значений  $r_{\min}(\lambda)$  и  $r_{\max}(\lambda)$ . Прослежена история четырех поколений УЭ: i = 0, 1, 2, 3. Уже начиная с i = 1, отношение  $q(\lambda) = N_{i+1}/N_i$  почти не зависит от i. Получены следующие результаты:  $q(\lambda_1) \approx 0.1$ ,  $q(\lambda_2) \approx 10$ , пороговое значение  $q(\lambda_{th}) \approx 1$  достигается при плотности  $\lambda_{th} \approx 1.5 \, {\rm MKn/M}$ , обычной для лидеров  $[5, 6, 13], r_{\min} \approx 9 \, {\rm M}, r_{\max} \approx 100 \, {\rm M}$ . В этой области  $[r_{\min}, r_{\max}]$ , где разность потенциалов  $\Delta \varphi_{th} =$  $= \frac{\lambda_{th}}{2\pi\varepsilon_0} \ln \frac{r_{\max}}{r_{\min}} \approx 65 \, {\rm MB}$ , (обычная для грозовых полей [5, 6]), ЛРУЭ усиливается всего лишь в 270 раз. Полученные значения  $\lambda_{th}$  и  $\Delta \varphi_{th}$  не зависят от давления.

Реальное распределение поля в области  $r < r_{\min}$  не имеет принципиального значения, поскольку основная разность потенциалов приходится на область  $r \ge$  $\ge r_{\min}$ . В диссертации Карлсона (Carlson) [14] содержатся результаты численного моделирования ЛРУЭ с RFB в цилиндрическом поле лидера в предположении однородного распределения заряда в области  $r < r_{\min}$ . Полученная плотность  $\lambda_{th} \approx 1 \,\mathrm{mKn/m}$  приведена без указания  $r_{\min}(\lambda)$  и числа поколений.

Положительно заряженный лидер. Анализ генерации атмосферных гамма-вспышек (TGF). Рассмотрим модель, в которой верхний положительный и нижний отрицательный заряды облака величиной 10 Кл равномерно распределены в шарах радиусом R = 1 км с типичной для грозовых облаков плотностью 2.4 нКл/м<sup>3</sup> [5,6]. Шаровые заряды расположены друг над другом. Центр верхнего заряда на высоте 15 км, нижнего – на высоте 11 км. В такой конфигурации билидер, развивающийся между зарядами, в конце концов инициирует внутриоблачный разряд молнии, приводящий к вариации дипольного момента облака 40 Кл.км, близкой к коррелированной с TGF средней величине 49Кл.км для внутриоблачных разрядов на высотах 12-15 км [9]. Пусть билидер стартует с высоты 13км и его концы движутся с одинаковой скоростью  $v_{\text{lead}} = 10^5 - 10^6 \text{ м/c} [5, 6]$ вдоль вертикальной оси z, проходящей через центры зарядов. Эти предположения непринципиальны, но упрощают анализ: в силу симметрии распределения зарядов потенциал лидера  $\varphi_{\text{lead}} = 0$ . Для оценок можно положить, что падение напряжения в окрестности билидера равно разности потенциалов облака ( $arphi_{cl}$ ) и билидера:  $\Delta \varphi = \varphi_{cl}(z) - \varphi_{ ext{lead}} = \varphi_{cl}(z).$ 

Для строгого анализа необходимо знание зависимости  $\lambda(z)$ . Однако мы ограничиваемся наглядными оценками. Полагаем, что в окрестности положительного лидера в области, где  $|\Delta arphi|$  >  $\Delta arphi_{th},$ выполняется неравенство  $\lambda(z) > \lambda_{th}$ . На рис. 2 изображено распределение  $\varphi_{cl}(z)$  и выделена область  $\Delta z \;=\; z_2 - z_1 \;pprox \; 2 \,$ км, в которой  $|arphi_{cl}(z)| \;>\; \Delta arphi_{th}.$ Длительность самостоятельного разряда, поддерживаемого собственным ү-излучением, можно оценить как  $t_{\rm self} = \Delta z / v_{\rm lead} \approx 2 - 20$  мс, т.е. величиной, близкой к полной длительности TGF [2,13]. Очевидно, что для включения RFB лидер должен развиться на достаточно большую длину  $\Delta z_1$  порядка  $r_{\rm max}$ , т.е. порядка сотни метров. В противном случае фотоны высоких энергий тормозного излучения релятивистских лавин покидают область поля с  $\delta > \delta_{th}$ , не инициируя новых лавин. После генерации серии лавин с RFB поперечное поле лидера экранируется наработанной плазмой, разряд прекращается, прекращается и генерация у-излучения. Разряд вспыхивает вновь в окрестности лидера, прорастающего далее из области атмосферы, где разряд завершился и поперечное поле экранировано, после того как участок лидера вне этой области достигнет длины  $\Delta z_1$  порядка  $r_{\rm max}$ . Поэтому разряд и, следовательно, его ү-излучение состоят из отдельных вспышек. Их длительность гораздо меньше полной длительности TGF,  $\Delta z/v_{
m lead} pprox 2{-}20\,
m мс.$  Она оценивается вели-



Рис. 2. Распределение внутриоблачного потенциала  $\varphi$  вдоль оси вертикального лидера;  $\Delta \varphi_{th}$  – пороговый потенциал включения положительной релятивистской обратной связи (RFB)

чиной  $\tau \approx \Delta z_1/c \approx r_{\rm max}/c$  [2]. На высоте ~12 км, где  $P \approx 0.18$  атм,  $r_{\rm max} = r_{\rm max}(1 \, {\rm atm})/P \approx 540 \, {\rm m}$ и  $\tau \approx 2 \, {\rm mkc}$ . Вследствие блуждания фотонов в атмосфере  $\gamma$ -импульс может ушириться до величины  $28 \pm 3 \, {\rm mkc}$  [13], т.е.  $\gg \tau \approx 2 \, {\rm mkc}$ , что согласуется с наблюдаемой длительностью вспышек, составляющих TGF (25  ${\rm mkc}$  [14]).

Флюенс УЭ через боковую поверхность цилиндра с площадью S ограничивается релаксацией поля из-за роста проводимости, создаваемой самими УЭ, и прилипанием вторичных электронов низких энергий к молекулам кислорода. На высоте 12 км, где  $P \approx 0.18$  атм, флюенс оценивается по формуле [15]

$$\frac{dN_{\rm run}}{dS} = \frac{\varepsilon_0 \Delta \varepsilon}{t_{\rm att} [E(r_{\rm min}), P] F_{\rm min}(P) \mu_e(P)}$$
(2)

величиной  $0.5 \cdot 10^{12} \,\mathrm{m}^{-2}$ , а полное число УЭ в потоке через боковую поверхность цилиндра с радиусом  $r_{\min} = r_{\min}(1 \,\mathrm{atm})/P \approx 49 \,\mathrm{m}$  и площадью  $S = 2\pi r_{\min} \approx 6.4 \cdot 10^5 \,\mathrm{m}^2$  – величиной  $N_{\mathrm{run}} \approx 3.3 \cdot 10^{17}$ , даже несколько большей числа УЭ, необходимого для генерации TGF с наблюдаемыми характеристиками [2]. (Здесь  $\Delta \varepsilon = 34 \,\mathrm{sB}$  – цена образования электронионной пары,  $t_{\mathrm{att}}[E(r_{\min}), P] \approx 200 \,\mathrm{hc}$  – характерное время прилипания при  $P = 0.18 \,\mathrm{atm}$ ,  $\mu_e(P) = 9.4 \cdot 10^{-2} / P(\mathrm{atm}) \,\mathrm{m}^2/(\mathrm{B\cdot c})$  – подвижность электронов низких энергий [2].)

Заключение. Обоснована гипотеза, согласно которой в поперечном поле лидера молнии в большом объеме атмосферы может развиваться самостоятельный разряд в режиме последовательных генераций лавин релятивистских убегающих электронов, поддерживаемых положительной релятивистской обратной связью (RFB) с участием фотонов тормозного излучения высоких энергий и позитронов, порождаемых самими лавинами. Для развития такого разряда не требуется продолжительной генерации лавин с большим усилением (в 10<sup>4</sup>-10<sup>5</sup> раз). Получен низкий порог включения RFB.

Предлагаемая гипотеза позволяет в рамках единого механизма объяснить наблюдавшиеся в корреляции с грозовой активностью импульсы рентгеновского и жесткого гамма-излучений, в том числе атмосферные гамма-вспышки TGF, усиление потоков фотоядерных нейтронов в грозовой атмосфере. Характеристики TGF удовлетворительно воспроизводятся в рамках этого механизма в модели цилиндрического лидера.

Проникающие излучения, генерируемые в окрестности лидера, могут представлять опасность для электронного оборудования летательных аппаратов, а также экипажей и пассажиров самолетов, оказавшихся вблизи лидера. Крайне опасна ситуация, когда лидер сообщает высокий положительный потенциал корпусу самолета, вокруг которого инициируется разряд с генерацией УЭ, так как эффективность тормозного излучения в металле значительно выше, чем в воздухе. Согласно результатам расчетов, выполненных по программе ЭЛИЗА, при флюенсе УЭ на обшивке самолета (Al, 6мм)  $10^{11} - 10^{12}$  м<sup>-2</sup> доза облучения людей составит 0.01-0.1 Зв (1-10бэр) за одну вспышку. Согласно литературным данным, например [16], дозовый предел облучения составляет 5 · 10<sup>-4</sup> Зв в год. В государственной корпорации "Росатом" принят внутриотраслевой предел 2 · 10<sup>-4</sup> Зв в год.

Авторы благодарны академику Р.И.Илькаеву за поддержку исследований по физике атмосферного электричества, академику А.В. Гуревичу, чл.-корр. К.П. Зыбину, профессору Дж. Дуайеру (J. Dwyer), профессору Т. Ньюберту (T. Neubert), профессору К. Халдуопису (C. Halduopis) и профессору Д. Смиту (D. Smith) за сотрудничество при исследованиях по атмосферному электричеству высоких энергий.

- A. V. Gurevich, G. M. Milikh, and R. A. Roussel-Dupre, Phys. Lett. A 165, 463 (1992).
- J. R. Dwyer, J. Geophys. Res. d 113, 10103, doi:10.1029/2007JD009248 (2008).
- 3. Г.А. Месяц, Ю.Д. Королев, УФН 148, 101 (1986).
- B. E. Carlson, N. G. Lehtinen, and U. S. Inan, Geophys. Res. A 115, 10324 doi:10.1029/2010JA015647 (2010).
- 5. Э. М. Базелян, Ю. П. Райзер, Физика молнии и молниезащиты, М.: Физматлит, 2001.
- 6. V. A. Rakov and M. A. Uman, *Lightning Physics and Effects*, Cambridge Univ. Press, N.Y., 2003.
- L. P. Babich, E. N. Donskoy, I. M. Kutsyk, and R. A. Roussel-Dupré, Geophys. Res. Lett. 30, 3000 (2005).
- Л. П. Бабич, Е. Н. Донской, И. М. Куцык, ЖЭТФ 134, 65 (2008).
- T.F. Bell, V.P. Pasko, and U.S. Inan, Geophys. Res. Lett. 22, 2127 (1995).
- S.A. Cummer, Y. Zhai, W. Hu et al., Geophys. Res. Lett. L 32, 08811 (2005); doi:10.1029/2005GL022778.
- J. R. Dwyer, Phys. Plasmas 14, 042901 (2007); doi:10.1063/1.2709652.
- 12. Л. П. Бабич, Е. Н. Донской, Р. И. Илькаев и др., Физика плазмы **30**, 666 (2004).
- B. W. Grefenstette, D. M. Smith, J. R. Dwyer, and G. J. Fishman, Geophys. Res. Lett. L 35, 06802 (2008; doi:10.1029/2007GL032922.
- B. E. Carlson, Terrestrial gamma ray flash production by lightning, Ph.D. thesis, Leland Stanford Junior University, Stanford, 2009.
- 15. Л.П. Бабич, Р.И. Илькаев, А.Ю. Кудрявцев и др., ДАН **381**, 247 (2001).
- В. Ф. Козлов, Справочник по радиационной безопасности, М.: Энергоатомиздат, 1987.