

## ФЛУКТУАЦИОННЫЙ НЕЛОКАЛЬНЫЙ ДИАМАГНИТНЫЙ ОТКЛИК В ОКРЕСТНОСТИ ТЕМПЕРАТУРЫ ПЕРЕХОДА В СВЕРХПРОВОДЯЩЕЕ СОСТОЯНИЕ

Ю.С.Бараш, А.В.Галактионов

Физический институт им. П.Н.Лебедева РАН  
117924, Москва

Поступила в редакцию 27 января 1992 г.

Для нормального металла и сверхпроводника вблизи  $T_c$  найдены зависящие от волнового вектора выражения для флуктуационного вклада в статическое значение ядра  $Q(k)$ . Рассмотрены некоторые следствия, обусловленные нелокальностью флуктуационного диамагнитного отклика.

Температурная зависимость диамагнитной восприимчивости нормального металла вблизи критической температуры  $T_c$ , как известно, в основном описывается вкладом от флуктуаций сверхпроводящего параметра порядка. Теоретическое и экспериментальное изучение данного вклада до сих пор ограничивалось случаем, когда связь индуцированного магнитного момента с приложенным магнитным полем можно считать локальной<sup>1</sup>. Однако, пространственная дисперсия флуктуационного диамагнетизма, как показано ниже, имеет характерный масштаб  $\xi(T)$ . Большое макроскопическое значение корреляционного радиуса сверхпроводящих флуктуаций  $\xi(T)$  приводит к тому, что эффекты пространственной дисперсии становятся существенными уже для макроскопически плавно изменяющегося в пространстве магнитного поля. В сверхпроводнике, при  $T < T_c$ , флуктуационная поправка к связи тока с полем вблизи  $T_c$  также оказывается нелокальной с характерным радиусом нелокальности порядка  $\xi(T)$ . В предлагаемой работе для нормальной и сверхпроводящей фазы вблизи  $T_c$  найдены зависящие от волнового вектора выражения для флуктуационного вклада в статическое значение ядра  $Q(k)$ , связывающего в линейном по полю приближении пространственные фурье-компоненты тока и поля. Рассмотрены некоторые следствия, обусловленные нелокальностью диамагнитного отклика.

Усредним выражение для сверхпроводящего электрического тока по флуктуациям параметра порядка, используя в качестве эффективного гамильтониана обычный функционал Гинзбурга - Ландау

$$F = \int dV \left[ a |\psi(\vec{r})|^2 + \frac{b}{2} |\psi(\vec{r})|^4 + \frac{1}{4m} \left| \left( \vec{\nabla} - \frac{2ie}{c} \vec{A}(\vec{r}) \right) \psi(\vec{r}) \right|^2 \right]. \quad (1)$$

При выполнении калибровочного условия  $\text{div} \vec{A} = 0$  имеем в линейном по полю приближении для усредненного тока

$$\vec{j}(\vec{k}) = -Q(k) \vec{A}(\vec{k}). \quad (2)$$

Для величины  $Q(k) - Q(0)$  в гауссовом приближении получаем явное выражение, а для  $Q(0)$  приходим к формуле, содержащей расходящийся в области больших импульсов интеграл. В случае,  $T > T_c$  когда речь идет о нормальном металле, в силу градиентной инвариантности должно быть  $Q(0) = 0$ . Это, разумеется, подтверждает и микроскопический расчет. Выше  $T_c$  вместо величины  $Q(k)$  удобно ввести магнитную восприимчивость  $\chi(k) = -Q(k)/(ck^2 + 4\pi Q(k)) \simeq -Q(k)/ck^2$ , для которой получаем

$$\chi(k) = \chi_0 f\left(\frac{1}{2}k\xi(T)\right) = \frac{3\chi_0}{k\xi(T)} \left[ \left(1 + \frac{4}{k^2\xi^2(T)}\right) \operatorname{arctg}\left(\frac{k\xi(T)}{2}\right) - \frac{2}{k\xi(T)} \right]. \quad (3)$$

Здесь  $\xi(T) = 1/\sqrt{4m|a|}$  - зависящая от температуры длина когерентности, а  $\chi_0 = -e^2 T_c \xi(T)/6\pi c^2$  - хорошо известное выражение для флуктуационной диамагнитной восприимчивости в однородном поле <sup>2,3</sup>. В предельных случаях малых и больших значений  $k\xi(T)$  из (3) следует

$$\chi(k) = \chi_0 \left(1 - \frac{k^2 \xi^2(T)}{20}\right), \quad k\xi(T) \ll 1;$$

$$\chi(k) = \frac{3\pi\chi_0}{2k\xi(T)} \left(1 - \frac{8}{\pi k\xi(T)}\right), \quad k\xi(T) \gg 1. \quad (4)$$

Форма нелокального ядра, связывающего флуктуационную намагниченность  $\vec{M}$  с магнитным полем  $\vec{H}$ , согласно (3), в координатном пространстве в точности совпадает с выражением, предложенным Пиппардом для нелокальной связи тока  $\vec{j}$  с векторным потенциалом  $\vec{A}$  в сверхпроводниках <sup>4</sup> (см. также <sup>5</sup>)

$$\vec{M}(\vec{r}) = \frac{3\chi_0}{2\pi\xi(T)} \int \frac{\vec{R}(\vec{R} \cdot \vec{H}(\vec{r}'))}{R^4} e^{-2R/\xi(T)} d\vec{r}'; \quad \vec{R} = \vec{r} - \vec{r}'. \quad (5)$$

Существенно, что характерный радиус нелокальности в (5) есть  $\xi(T) \gg \xi(T = 0) \equiv \xi_0$ .

Вблизи  $T_c$  внешнее магнитное поле  $H$ , параллельное плоской границе массивного нормального металла, индуцирует в глубине металла намагниченность  $M_0 = \chi_0 H$ . Пространственная дисперсия магнитной восприимчивости (3) задает профиль изменения на масштабе длины  $\sim \xi(T)$  намагниченности  $M$ , от нуля на границе металла до  $M_0$  в объеме металла. Если образец занимает полупространство  $x > 0$ , то из (3) при условии зеркального отражения получаем для намагниченности  $M(x) = (B(x) - H)/4\pi$ :

$$M(x) = M_0 \left\{ 1 - e^{-2x/\xi} + \frac{x}{2\xi} \left[ \left(\frac{2x}{\xi} - 1\right) e^{-2x/\xi} + 2 \left(\frac{2x^2}{\xi^2} - 3\right) \operatorname{Ei}\left(-\frac{2x}{\xi}\right) \right] \right\}. \quad (6)$$

Здесь  $\operatorname{Ei}(-x) = \int_{-\infty}^{-x} dt e^t/t$ . Для  $x \ll \xi/2$  из (6) находим

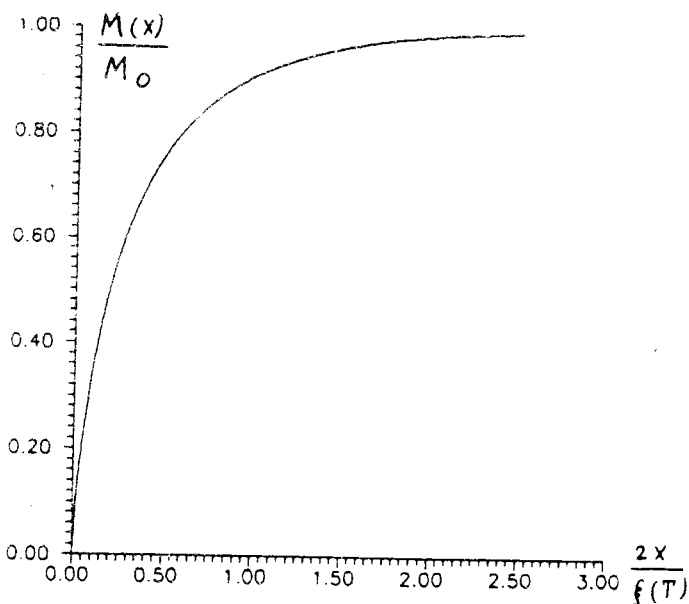
$$M(x) = \frac{3M_0 x}{\xi(T)} \ln\left(\frac{\xi(T)}{2,16x}\right). \quad (7)$$

В области  $x \gg \xi/2$  из (6) следует

$$M(x) = M_0 \left(1 - \frac{3\xi^2(T)}{4x^2} e^{-2x/\xi(T)}\right). \quad (8)$$

Зависимость  $M(x)/M_0$  от безразмерной координаты  $2x/\xi(T)$  изображена на рисунке.

В сверхпроводнике, при  $T < T_c$ , характерный масштаб нелокальной связи основной (нефлуктуационной) части сверхтока с полем во всей области температур определяется, как известно, длиной когерентности  $\xi_0$  при нулевой температуре. Вблизи  $T_c$  имеем  $\xi_0 \ll \xi(T)$ , и в соответствии с приближением, позволяющим использовать теорию Гинзбурга - Ландау, мы пренебрегаем



нелокальностью с масштабом  $\xi_0$ . Флуктуационный вклад в экранирующий ток представляет собой в гауссовом приближении лишь малую поправку к основному сверхтоку. Флуктуационная поправка к величине  $Q(0)$  была недавно найдена в <sup>6</sup>. При этом рассматриваются флуктуации параметра порядка относительно однородного сверхпроводящего состояния. Учет зависимости флуктуационного вклада от волнового вектора приводит в гауссовом приближении к выражению

$$Q(k) = \frac{c}{4\pi} \lambda_L^{-2} \left[ 1 + \frac{1}{3} \sqrt{\frac{Gi}{t}} \left( 1 + \frac{k^2 \xi^2(T)}{2} \right) f \left( \frac{1}{\sqrt{2}} k \xi(T) \right) \right]. \quad (9)$$

Здесь  $t = (T_c - T)/T_c$ ,  $\lambda_L = (mc^2 b / 8\pi e^2 |a|)^{1/2}$  - лондоновская глубина проникновения магнитного поля без учета флуктуаций параметра порядка. Число Гинзбурга определено выражением  $Gi = 2T_c m^3 b^2 / \pi^2 a$ , где  $a = \alpha(T - T_c)$ . Функция  $f(x)$  определена в (3).

В случае  $k\xi(T) \ll 1$ , который отвечает большим значениям параметра Гинзбурга - Ландау  $\kappa \gg 1$ , из (9) находим

$$Q(k) = \frac{c}{4\pi} \lambda_L^{-2} \left[ 1 + \frac{1}{3} \sqrt{\frac{Gi}{t}} \left( 1 + \frac{2}{5} k^2 \xi^2(T) \right) \right]. \quad (10)$$

Отсюда получаем флуктуационную поправку к глубине проникновения

$$\lambda^{-2} = \lambda_L^{-2} \left[ 1 + \frac{1}{3} \sqrt{\frac{Gi}{t}} \left( 1 + \frac{2}{5\kappa^2} \right) \right], \quad \kappa \gg 1. \quad (11)$$

По сравнению с результатом работы <sup>6</sup>, в (11) дополнительно учтена обусловленная нелокальностью отклика малая поправка  $\propto \kappa^{-2}$ .

При выполнении условия  $k\xi(T) \gg 1$ , соответствующего сверхпроводникам первого рода с  $\kappa \ll 1$ , из (9) имеем

$$Q(k) = \frac{c}{4\pi} \lambda_L^{-2} \left\{ 1 + \frac{\pi k \xi(T)}{4\sqrt{2}} \sqrt{\frac{Gi}{t}} \left( 1 - \frac{4\sqrt{2}}{\pi k \xi(T)} \right) \right\}. \quad (12)$$

Для глубины проникновения поля, определяемой по формуле  $\lambda = \int_0^{\infty} B(x) dx / H$ , из (12) получаем в случае зеркального отражения на границе

$$\lambda^{-2} = \lambda_L^{-2} \left[ 1 + \frac{1}{2\sqrt{2}\kappa} \sqrt{\frac{Gi}{t}} (1 - 2\sqrt{2}\kappa) \right], \quad \kappa \ll 1. \quad (13)$$

Нелокальный характер диамагнитного отклика здесь важен уже для первой флуктуационной поправки к глубине проникновения.

Область применимости полученных выше результатов связана с применимостью теории Гинзбурга - Ландау, с предположением о малости флуктуаций параметра порядка и с возможностью пренебречь флуктуациями магнитного поля. Указанные требования приводят к неравенствам

$$k \ll \xi_0^{-1}; \quad \max\{Gi, \kappa^{-6}Gi\} \ll |t| \ll 1. \quad (14)$$

Условие  $|t| \gg Gi/\kappa^6$ , существенное для сверхпроводников первого рода с  $\kappa < 1$ , позволяет при описании малых флуктуаций параметра порядка не принимать во внимание, что вследствие флуктуаций магнитного поля сверхпроводящий переход есть фазовый переход первого рода<sup>7</sup>. В частности, из данного условия находим  $(Gi/|t|)^{1/2}\kappa^{-1} \ll \kappa^2$ , и, следовательно, второй член в (13) всегда мал по сравнению с первым, как и должно быть.

Приведенные результаты относятся к случаю массивного (трехмерного) сверхпроводника. Аналогичные вопросы для образцов меньшей размерности, а также пространственная дисперсия флуктуационной проводимости будут рассмотрены отдельно.

Благодарим В.Л.Гинзбурга и Г.Е.Воловика за обсуждение работы.

- 
1. W.J.Skocpol, M.Tinkham, Rep. Progr. Phys. 38, 1049 (1975).
  2. A.Schmid, Phys. Rev. 180, 527 (1969).
  3. H. Schmidt, Z. Phys. 216, 336 (1968).
  4. A.V.Pippard, Proc. Roy. Soc. London A 216, 547 (1953).
  5. A.L.Fetter and J.D.Walecka, Quantum Theory of Many-Particle Systems. N.Y.: McGraw-Hill, 1971.
  6. A.Buzdin and B.Vuyichit, Mod. Phys. Lett. B 4, 485 (1990).
  7. B.I.Halperin, T.C.Lubensky and S.K.Ma, Phys. Rev. Lett., 32, 292, (1974).