Магнетосопротивление и симметрия двумерного электронного газа гетероструктур AlGaN/AlN/GaN¹⁾

Н. К. Чумаков⁺²⁾, А. А. Андреев⁺, И. В. Белов⁺, А. Б. Давыдов^{*}, И. С. Езубченко⁺, Л. Л. Лев[×], Л. А. Моргун^{*}, С. Н. Николаев⁺, И. А. Черных⁺, С. Ю. Шабанов⁺, В. Н. Строков[°], В. Г. Валеев⁺²⁾

+ Национальный исследовательский центр "Курчатовский институт", 123182 Москва, Россия

*Физический институт им. П. Н. Лебедева РАН, 119991 Москва, Россия

[×] Московский физико-технический институт, 141701 Долгопрудный, Россия

°Swiss Light Source, Paul Scherrer Institute, CH-5232 Villigen, Switzerland

Поступила в редакцию 15 декабря 2023 г. После переработки 1 марта 2024 г. Принята к публикации 12 марта 2024 г.

Физические свойства двумерного электронного газа, локализованного в слое GaN вблизи интерфейса AlN/GaN гетероструктур AlGaN/AlN/GaN, изучаются не одно десятилетие. По сложившимся представлениям его симметрия совпадает с симметрией несимморфной пространственной группы C_{6v}^4 в объеме GaN. Последнее, однако, неверно. В самом деле, единственный составной элемент этой группы – вращение системы на 120° вокруг оси [0001], направленной по нормали к плоскости интерфейса, с одновременным сдвигом вдоль нее на полпериода кристаллической решетки GaN – для двумерного газа запрещен потенциалом конфайнмента, который, следовательно, понижает его симметрию до симметрии тригональной точечной группы C_{3v} . Настоящая работа посвящена подтверждению этого факта результатами расчетов из первых принципов методом функционала плотности и данными электрофизических экспериментов.

DOI: 10.31857/S1234567824080056, EDN: KAEIEB

1. Введение. Нитридные транзисторы с высокой подвижностью электронов (HEMT) на основе гетероструктур AlGaN/AlN/GaN получили широкое практическое применение в качестве базовых компонент устройств стабильной высокотемпературной микроволновой электроники высокой мощности. Их уникальные свойства обусловлены наличием в них двумерного электронного газа (2DEG) с концентрацией носителей ~ 10^{13} см⁻², локализованного в слое нитрида галлия вблизи границы раздела AlN/GaN, без специального легирования. На этом фоне растет интерес к более глубокому изучению физических свойств этого семейства материалов, мотивируемый потребностью расширения их функциональных возможностей.

Одной из актуальных задач в этой области является описание динамических токовых состояний в таком 2DEG. Ее решение, однако, осложняется тем, что некоторые основные физические свойства этой системы исследованы недостаточно глубоко. В част-

ности, величина и тип тензора эффективных масс 2DEG в гетероструктуре AlGaN/AlN/GaN, знание которых критически необходимо для расчета откликов системы на внешние воздействия, до сих пор служат предметом обсуждения. Господствующим является предположение, что 2DEG локализован достаточно глубоко в толще GaN и "видит" его объемную (C_{6v}^4) симметрию, см., например, работу [1] (в частности пункт 2a of Appendix 1, Model for singlesubband 2DEGs) и библиографию в ней. Ниже будет показано, что эти выводы противоречат результатам недавней работы [2], где 2DEG гетероструктур GaN/AlN HEMT со сверхтонким барьерным слоем был исследован методом фотоэлектронной спектроскопии с угловым разрешением (ARPES) в мягком рентгеновском диапазоне. В этом эксперименте получены первые прямые изображения основных характеристик электронного строения системы в обратном пространстве – поверхности Ферми ($\Pi \Phi$), электронного спектра и заполнения зон, что позволило показать, что форма $\Pi \Phi$ электронов 2DEG характеризуется гексагональным искажением с коэффициентом анизотропии порядка 11%, которое трансли-

 $^{^{1)}\}mathrm{Cm.}$ дополнительный материал к данной статье на сайте нашего журнала www.jetpletters.ac.ru

²⁾e-mail: Chumakov_NK@nrcki.ru; Valeev_VG@ nrcki.ru

руется в 22%-ную анизотропию эффективной массы его электронов и, в частности, приводит к анизотропии насыщения скорости дрейфа носителей тока в нелинейных транспортных свойствах гетероструктур GaN/AlN/AlGaN в сильных электрических полях. При этом ARPES, в отличие от косвенных данных электрофизических методик, является практически единственным прямым методом исследования электронной структуры материалов.

Возможная причина этого факта была связана в [2] с релаксацией позиций приинтерфейсных атомов GaN. Однако было отмечено, что предсказанная в расчетах, выполненных без учета спиновой степени свободы электронов, атомная релаксация ограничивается несколькими атомными слоями вблизи границы раздела AlN/GaN, и неясно, почему она должна существенно влиять на электронные свойства 2DEG, максимальная плотность которого локализована на расстоянии ~3 нм от этой границы.

Этот и ряд других фактов не находят адекватной интерпретации в предположении о C_{6v}^4 симметрии системы в области локализации 2DEG.

Ранее мы показали, что результаты работы [2] можно объяснить, приняв во внимание то обстоятельство, что наличие в системе конфайнмента 2DEG, порожденного интерфейсом GaN/AlN гетероструктуры, лежащим в плоскости (0001), понижает симметрию 2DEG до симметрии группы C_{3v} – вращений на 120° вокруг тригональной оси с (она же [0001]) и зеркального отражения $x \to -x$, где x – направление оси $\overline{\Gamma}\overline{K}$ [3]. Отметим, что из общих соображений подобное утверждение высказывалось и раннее [4]. Простой анализ физической модели [3], основанной на этом наблюдении, показал, что в отсутствии внешнего магнитного поля наблюдаемая в ARPES анизотропия поверхности Ферми 2DEG может быть объяснена членами спин-орбитальной связи (SOC) третьего порядка в kp-гамильтониане $H_n(\mathbf{k})$ (индекс n здесь нумерует размерно-квантованные состояния электронов в квантовой яме (QWS)), нарушающими вращательную симметрию затравочного гамильтониана $\hat{H}_0 =$ $= \hbar^2 k^2 / 2m^*$, где $\mathbf{k} = (k_x, k_y)$ и m^* – эффективная масса электронов в центре зоны Бриллюэна плоскости (0001) в объеме GaN. Действительно, симметрия системы C_{3v} и инвариантность ее свойств по отношению к обращению времени диктуют следующий выбор эффективного 2 × 2 гамильтониана электронов 2DEG:

$$\hat{H}_n(\mathbf{k}) = E_n + \hat{H}_0 + v_k (k_x \hat{\sigma}_y - k_u \hat{\sigma}_x) + \frac{\lambda}{2} [k_+^3 + k_-^3] \hat{\sigma}_z, \quad (1)$$

где E_n , $n = 0, 1, \ldots$ – энергия *n*-го QWS (предполагается сепарабельный удерживающий потенциал

Письма в ЖЭТФ том 119 вып. 7-8 2024

 $V_c = V_c(z)$, где ось z направлена вдоль [0001]), $k_{\pm} = k_x \pm i k_y$, $\hat{\sigma}_x$, $\hat{\sigma}_y$ и $\hat{\sigma}_z$ – стандартные матрицы Паули в спиновом подпространстве, $v_k = v(1 + \alpha k^2)$, третье, циркулярно-симметричное слагаемое – спинорбитальный вклад Рашбы, а член, пропорциональный λ – кубическая по квазиимпульсу добавка Дрессельхауса к SOC в С_{3v}-симметричной системе.

Спектр 2DEG гамильтониана (1) есть $E_{n\sigma}(\mathbf{k}) = E_n + \hbar^2 k^2 / 2m^* + \sigma \sqrt{v_k^2 k^2 + \lambda^2 k^6 \cos^2(3\theta)}$ где $E_{n\sigma}(\mathbf{k})$, $\sigma = \pm 1$ – энергия σ -й псевдоспиновой подзоны *n*-й QWS, θ – азимутальный угол квазиимпульса электрона \mathbf{k} , отсчитываемый от направления оси Ox, ориентированной вдоль одного из главных направлений $\Gamma \bar{K}$. Заметим, что хотя виду инвариантности свойств системы относительно инверсии времени в отсутствие магнитного поля электронный спектр 2DEG имеет гексагональную симметрию, период его спиновой текстуры в *k*-пространстве вдвое больше. Результаты подгонки П Φ к данным ARPES [2], а также вид спиновой текстуры фермиевских электронов для нижней (n = 0) QWS, двукратно расщепленной по псевдоспину, приведены на рис. 1.

Отметим, что трехмерный GaN со структурой вюрцита представляет собой нецентросимметричный кристалл, и если бы исследуемый 2DEG наследовал его симметрию (C_{6v}^4), вместо (1) для его гамильтониана следовало бы написать (см. в [5] табл. 1): $\hat{H}_n(\mathbf{k}) =$ $=E_n+\hat{H}_0+a_1(k_x\hat{\sigma}_y-k_u\hat{\sigma}_x)+i\frac{a_2}{2}[k_+^6-k_-^6]\langle k_z\rangle\hat{\sigma}_z,$ где a_1 и a_2 – константы материала. В отличие от [5], где соответствующая формула записана для трехмерного случая, мы заменили сомножитель k_z в последнем слагаемом его средним значением для электрона в размерно-квантованном состоянии. Спектр этого гамильтониана в тех же обозначениях имеет вид $E_{n\sigma}(\mathbf{k}) = E_n + \hbar^2 k^2 / 2m^* + \sigma \sqrt{a_1^2 k^2 + a_2^2 k^{12} \sin^2(6\theta)}$ и, в отличие от случая симметрии $C3_v$, описанного выше, отвечает не гексагональному, а додекагональному искажению электронного спектра, что явно противоречит данным ARPES [2]. Как мы увидим ниже, этот вывод согласуется с результатами наших расчетов из первых принципов и с данными электрофизических экспериментов.

2. Поверхность Ферми: расчет из первых принципов. Анализ гетероструктур GaN/AlN НЕМТ методом функционала плотности с учетом спина электронов в пакете программ VASP [6–9], v. 5.4.4, который, насколько нам известно, выполнен впервые в настоящей работе, качественно подтверждает эти представления. Расчеты выполнены при B = 0 с использованием РАW-обобщения ультрамягкого псевдопотенциала Вандербильта (US-PP) и метода линеаризованных



Рис. 1. (Цветной онлайн) (a), (b) – Поведение спина электронов на поверхности Ферми 2DEG; (c) – результат фитинга поверхности Ферми к данным ARPES [2]

присоединенных плоских волн (LAPW) в параметризации Ceperley-Alder для *хс*-потенциала, см. [10-14]. Самосогласованные вычисления проведены с энергией отсечки плоских волн 400 эВ. Исходная структура сверхъячейки из 106 атомов (7 слоев AlN и 19 слоев GaN, пассивированных NH) и вакуумной щели, получена путем релаксации ионных степеней свободы системы, форма и объем сверхъячейки были такими же, как в объемном GaN, z-координаты ато-MOB фиксировались. Релаксация прекращалась при условии, что абсолютные значения всех сил Хеллмана-Фейнмана на каждом атоме меньше, чем $EDIFFG = 3 \times 10^{-2} \, \mathrm{sB/\AA}$. Энергия системы найдена из вариационного принципа, записанного в терминах плотности электронов, при условии, что изменение свободной энергии Гельмгольца между двумя шагами итерации было меньше, чем $EDIFF = 10^{-6}$ sB.

На рисунке 2 представлен результат DFT-расчета ПФ нижней (из двух частично заполненных) QWS 2DEG с плотностью электронов 2.5×10^{13} см⁻², наложенный на данные ARPES [2]. Видно, что

(a) эта подзона размерного квантования двукратно расщеплена по псевдоспину;

(b) обе псевдоспиновые подзоны гексагонально искажены;

(с) фермиевские импульсы в них как функции азимутального угла θ меняются в противофазе, что отвечает спектру модельного гамильтониана (1) и было бы невозможно в случае простой непараболичности электронного спектра, рассмотренной в [2];

(d) учет кулоновского взаимодействия электронов позволяет получить существенно лучшее соответствие результатов расчета данным ARPES.



Рис. 2. (Цветной онлайн) Результат DFT-расчета поверхности Ферми 2DEG с электронной плотностью 2.5×10^{13} см⁻², совмещенный с данными ARPES [2]

Отметим отдельно, что "на вход" VASP получил только химический состав системы и ее исходную структуру в реальном пространстве.

Таким образом, 2DEG нитридных НЕМТ есть двумерный нецентросимметричный металл. Как известно, отсутствие центра инверсии качественно меняет природу блоховских электронов, приводя к наличию нетривиальных геометрических свойств их волновых функций и возникновению сложной спиновой текстуры в обратном пространстве [5] (см. рис. 1b). Нетрудно показать, что во внешнем поперечном магнитном поле спектр 2DEG в модели HWM теряет гексагональную симметрию – в отличие от электронов в плоскости (0001) объема GaN, симметрия которых, напротив, становится гексагональной. 3. Образцы. В настоящей работе изучены некоторые проявления этих свойств в данных магнитотранспортных экспериментов в области поперечных магнитных полей B до 14 Тл в интервале температур от 3 до 300 К. Для этого на исследуемых гетероструктурах методом лазерной фотолитографии были сформированы модули в виде классического холловского креста и в геометрии ван дер Пау миллиметровых размеров, а также изготовлены образцы в форме окружности, круга и дуги диаметром в 200 микрон с множеством контактов, ориентированных под разными углами относительно кристаллической решетки GaN (см. вставки в рис. 3а и 4а).

4. Результаты эксперимента и обсуждение. Магнитотранспортные измерения в геометрии ван дер Пау показали, что как холловское сопротивление $R_{xy}(1/B)$, так и величина магнетосопротивления 2DEG $R_{xx}(1/B)$, усредненная методом ван дер Пау, демонстрируют осцилляции Шубникова-де-Гааза. Рассчитанная по их периоду плотность электронов $n_s = 1.5 \cdot 10^{13} \, {\rm cm}^{-2}$ согласуется с вычисленной по данным о величине постоянной Холла. Однако R_{xx} , измеряемое на образцах в стандартной геометрии холловского креста, существенным образом зависит от направления протекания тока и имеет вид суперпозиции осциллирущих вкладов, амплитуды и фазы которых также зависят от направления протекания тока. Отметим, что анизотропия магнитополевой зависимости поперечного сопротивления в области осцилляций Шубникова-де-Гааза для двух главных кристаллографических направлений GaN наблюдалась ранее в работе [8], где, однако, вопрос о физическом механизме этого явления не обсуждался.

Удельное магнетосопротивление каждой из дуг (α, β) образца определяется спектром электронов в сильном магнитном поле и зависит как от ширины $(\alpha - \beta)$ дуги и так и от направления $(\alpha + \beta)/2$).

Приведенные на рис. 3 данные получены на образце в форме кольца, данные рис. 4 – на образце в форме дуги.

Анализ данных рис. 3, 4 показывает, что результаты измерений магнетосопротивления для нескольких дуг разной пространственной ориентации с углом раствора в $120^{\circ} - (-60^{\circ}, 60^{\circ}), (-30^{\circ}, 90^{\circ}), (0^{\circ}, 120^{\circ}),$ $(30^{\circ}, 150^{\circ}) - совпадают друг с другом, При этом$ существенно, что результаты усреднения магнетосопротивления*по любой* $дуге с углом раствора в <math>120^{\circ}$ совпадают как между собой (рис. 3a, 4a), так и с результатом усреднения по дуге 360° (рис. 3b), которое фактически реализуется при измерениях магнетосопротивления методом ван дер Пау. В то же время, для дуг меньшего размера относительное отклонение сопротивления $\Delta R_{(\alpha,\beta)}(B)/R_p(B)$ от основного хода полевой зависимости сильно зависит от направления протекания тока (рис. 3с, 4b). Причем $\Delta R_{(\alpha,\beta)}$ для дуг одинаковой ширины, отличающихся ориентацией, в одном и том же магнитном поле может иметь разный знак.

Отметим, что особенности, наблюдаемые на $\Delta R_{(\alpha,\beta)}(B)$ для дуг малого углового размера $(\alpha,\beta) < 120^{\circ}$, не являются шумами или ошибкой измерений – они воспроизводятся с высокой точностью в разных по времени сканах по магнитному полю, не зависят от направления скана по оси магнитных полей и слабо зависят от температуры (см. рисунки в дополнительных материалах).

Кроме отчетливо наблюдаемых в сильных полях осцилляций Шубникова–де Гааза присутствует вклад в магнетосопротивление от универсальных флуктуаций проводимости, который, более заметен для коротких дуг и уменьшается с ростом длины. Измерение магнетосопротивления на дугах с достаточно большими углами раствора (α - β) позволяет уменьшить вклад фундаментальных флуктуаций.

Следует подчеркнуть, что магнетосопротивление дуг 120° не зависит от ориентации $(\alpha + \beta)/2$ относительно кристаллографических осей GaN, тогда как зависимости магнетосопротивлений дуг 90°, например, измеряемые методом Ван дер Пау для кольцевого образца с симметричными контактами существенно отличаются. И лишь усреднение по всем четырем измерениям дает совпадение с усреднением по дуге 120° (рис. 3a, b).

Мы полагаем, что наблюдаемая зависимость магнетосопротивления от направления протекания тока относительно кристаллографических осей и особенности $R_{xx}(\theta, B)$ в области осцилляций Шубникова-де-Гааза обусловлены суперпозицией вкладов двух частично заполненных подзон размерного квантования электронного спектра 2DEG. Каждая из них двукратно расщеплена спин-орбитальной связью, вид которой обусловлен понижением симметрии системы с симметрии несимморфной группы C_{6v}^4 в объеме GaN со структурой вюрцита до тригональной симметрии С_{3v} вследствие наличия конфайнмента 2DEG у интерфейса GaN/AlN. При этом наблюдаемая анизотропия $R_{xx}(\theta, B)$ определяется особенностями электронной структуры 2DEG.

Итак, поперечное магнетосопротивление 2DEG имеет тригональную симметрию C_{3v} . И поскольку симметрия 2DEG не может быть выше симметрии любого из его физических свойств и при этом огра-



Рис. 3. (Цветной онлайн) (a) – Магнитополевые зависимости отклонения сопротивления ΔR от среднего значения $R_{p}(B)$ для дуг (α, β), по-разному ориентированных относительно кристаллографических осей GaN. $\Delta R(B) =$ $= R(B) - R_p(B)$, где $R_p(B)$ – результат аппроксимации зависимости основного хода магнетосопротивления полиномом 5-й степени методом средних квадратов в диапазоне 8 ÷ 14 Тл. (b) – Результаты измерений магнетосопротивления образца методом ван дер Пау для трех четверок контактов (-30°, 60°, 150°, -120°); (30°, 120°, -150°, -60°); (0°, 90°, 180° , -90°). (c) – Относительное отклонение $\Delta R_{(\alpha,\beta)}(B)/R_p$ (B) для дуг ($\alpha\beta$) с разными угловыми размерами ($\alpha-\beta$) и ориентацией $(\alpha + \beta)/2$ относительно кристаллографических осей GaN



Рис. 4. (Цветной онлайн) Зависимости – магнетосопротивления 2DEG за вычетом ее основного хода ΔR_{xx} при разных направлениях тока относительно кристаллографических осей для дуг шириной 120° (a) и 15° (b)

ничена снизу симметрией кристаллического поля, такова симметрия и самого исследуемого 2DEG. А это значит, что процессы переноса в нем нельзя корректно описать без учета геометрических свойств его зонной структуры – наличия кривизны Берри, возникновения в *k*-пространстве аналога магнитного поля, перенормировки магнитного момента блоховских электронов.

Финансирование работы. Работа выполнена при финансовой поддержке Российского научного фонда (грант #23-29-00536) с использованием оборудования Ресурсного центра Национального исследовательского центра "Курчатовский институт". Квантовохимические расчеты проведены на ресурсах Федерального центра коллективного пользования научным оборудованием "Комплекс моделирования и обработки данных исследовательских установок НИЦ "Курчатовский институт". Л. Л. Лев благодарит Министерство науки и высшего образования РФ (государственное задание по

Соглашению 075-03-2024-107 от 17.01.2024 г. (проект FSMG-2023-0006)).

Конфликт интересов. Авторы заявляют об отсутствии конфликта интересов.

- 1. J. Fu, P.H. Penteado, D.R. Candido, G.J. Ferreira, D. P. Pires, E. Bernardes, and J. C. Egues, Phys. Rev. B 101, 134416 (2020).
- 2. L. L. Lev, I. O. Maiboroda, M. A. Husanu, E. S. Grichuk, N.K. Chumakov, I.S. Ezubchenko, I.A. Chernykh, X. Wang, B. Tobler, T. Schmitt, M.L. Zanaveskin, V.G. Valeyev, and V.N. Strocov, Nat. Commun. 9(1), 2653 (2018).
- 3. N.K. Chumakov, I.S. Ezubchenko, I.A. Chernykh, I.V. Belov, M.L. Zanaveskin, L.L. Lev, V.N. Strocov, and V. G. Valevev, VIII Euro-Asian Symposium "Trends in MAGnetism" EASTMAG-2022, Book of abstracts, Kazan, Russia (2022), v. II, p. 305.
- 4. Е. Л. Ивченко, Симметрия в физике твердого тела, https://solid.phys.spbu.ru/images/Ivch_lec_asp.pdf.

602

- 5. K. V. Samokhin, Ann. Phys. **324**, 2385 (2009).
- 6. G. Kresse and J. Hafner, Phys. Rev. B 47, 558 (1993).
- G. Kresse and J. Furthmuller, Comput. Mater. Sci. 6, 15 (1996)
- G. Kresse and J. Furthmuller, Phys. Rev. B 54, 11169 (1996).
- 9. P.E. Blochl, Phys. Rev. B 50, 17953 (1994)
- D. Hobbs, G. Kresse, and J. Hafner, Phys. Rev. B 62, 11556 (2000).
- G. Kresse and J. Hafner, Journ. Phys. Cond. Matt. 6, 8245 (1994).
- 12. O.K. Andersen, Phys. Rev. B 12, 3060 (1975)
- D. M. Ceperley and B. J. Alder, Phys. Rev. Letts. 45, 566 (1980).
- L. Yang, J. Wang, T. Wang, M. Wu, P. Wang, D. Wang, X. Yang, F. Xu, W. Ge, X. Wu, X. Wang, and B. Shen, Appl. Phys. Lett. **115**(15), 152107 (2019).

9*