

РЕЗОНАНСНОЕ ОБРАЗОВАНИЕ МЕЗОМОЛЕКУЛ В  
НАДТЕПЛОВОЙ ОБЛАСТИ

Ю.В.Петров

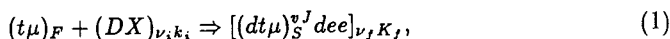
Петербургский институт ядерной физики им.Константинова РАН  
188350, Гатчина, Ленинградская обл.

Поступила в редакцию 8 апреля 1992 г.

Получена формула для резонансного образования мезомолекул в тепловых областях энергий с учетом эффекта "выедания" спектра замедляющихся мезоатомов. Учтено доплеровское уширение уровней.

Основанные на резонансном механизме Весмана<sup>1</sup> расчеты образования в тепловой области мезомолекул  $dt\mu$ <sup>2</sup>, находятся в хорошем согласии с экспериментом<sup>3-5</sup>. Образование же в тепловой области при малых температурах мезомолекул  $dt\mu$  на молекулах  $D_2$  в основном происходит за счет отрицательных подпороговых резонансов<sup>6</sup> (подробнее см. обзоры<sup>7,8</sup>). Помимо тепловой области мезомолекулы образуются резонансным образом также и в области надтепловых энергий при замедлении мезоатомов. В этой области спектр замедляющихся мезоатомов отличается от максвелловского. Особенно сильно он искажен в резонансах, что существенно влияет на формирование мезомолекул.

1. Мезомолекула  $dt\mu$  резонансным образом образуется в реакции типа<sup>9</sup>



где  $\nu = J = 1$  - вибрационные и ротационные числа слабосвязанного уровня мезомолекулы<sup>10</sup>, а  $\nu_i, K_i, \nu_f, K_f$  - ротационные и вибрационные числа исходной молекулы  $DX$  и образующегося мезомолекулярного комплекса (ММС) ( $X = H, D, T$ ). Из-за конечного времени жизни ММС микроскопическое сечение реакции (1) в окрестности резонанса носит брейт-вигнеровский характер<sup>11</sup> ( $\nu_i = 0$ ;  $\{F, S, \nu_f, K_i, K_f\} \equiv Q$ ;  $\hbar = c = 1$ )

$$\sigma_{dt\mu-X}(E) = \frac{\pi}{p^2} \sum_Q \frac{W(K_i) \Gamma_{eQ} \Gamma_{cQ}}{(E - E_{rQ})^2 + \Gamma_{rQ}^2/4}. \quad (2)$$

Здесь  $p$  - импульс в ЦМ,  $W(K_i)$  - заселенность уровней молекулы  $DX$  при заданной температуре,  $E_{rQ}$  - энергия резонанса:

$$E_{rQ} = -|\epsilon_{11}| + E_{\nu_f K_f}(C) - E_{\nu_i K_i}(DX) + \Delta E_S - \Delta E_F, \quad (3)$$

где  $\epsilon_{11}$  - энергия слабосвязанного уровня мезомолекулы,  $E_{\nu_f K_f}(C)$ ,  $E_{\nu_i K_i}$  - энергии уровней ММС и  $DX$ ,  $\Delta E_F$  и  $\Delta E_S$  - энергии релятивистского расщепления мезоатома и мезомолекулы. Ширина захвата мезоатомов  $\Gamma_{cQ}$  складывается в основном из вероятностей переходов в нижние состояния мезомолекулы (за счет оже-процессов) и ММС (за счет столкновений с молекулами окружающей среды)<sup>12,13</sup>. Входная ширина  $\Gamma_{eQ}$  в первом порядке теории возмущений связана с матричным элементом перехода соотношением<sup>6</sup>

$$\Gamma_{eQ}(E) = \frac{\mu p}{\pi} |V(E)|_Q^2, \quad (4)$$

где  $\mu$  - приведенная масса  $t\mu$ .

Полная ширина  $\Gamma_{rQ}$  включает все процессы распада комплекса, в том числе и в начальное состояние  $t\mu + DX$ .

2. При определении спектра замедляющихся мезоатомов МА будем исходить из аналогии с нейтронами. В энергетической области, удаленной от  $E_0$  – энергии образования МА (десятки эВ), справедливо приближенное уравнение баланса для потока замедляющихся МА ( $E < E_0$ ) <sup>14</sup>

$$-\frac{\partial}{\partial E}(\Sigma \xi E \varphi) + \Sigma_a \varphi(E) + \frac{\varphi(E)}{\tau_0 v} = 0; \quad (5)$$

Здесь  $\Sigma_a = \Phi N_0 \Sigma_i c_i \sigma_{dt\mu, i}$  – макроскопическое сечение образования ММС;  $N = \Phi N_0$  – плотность среды относительно плотности жидкого водорода  $N_0 = 4,25 \cdot 10^{22} \text{ см}^{-3}$ ;  $c_i$  – относительная концентрация молекул сорта  $i$ ;  $\sigma_{dt\mu, i}$  – их сечение образования мезомолекул;  $\tau_0 = 2,2 \cdot 10^{-6} \text{ с}$  – время жизни мюона;  $v$  – скорость замедляющихся МА;  $\Sigma$  – полное макроскопическое сечение, включающее сечение рассеяния  $\Sigma_s$ ;  $\xi$  – есть средняя логарифмическая потеря энергии:

$$\xi = \frac{\Sigma_i c_i \xi_i \Sigma_{si}}{\Sigma_s}; \quad \xi_i = 1 + \frac{\epsilon_0 \ln \epsilon_0}{1 - \epsilon_0}; \quad \epsilon_0 = \left( \frac{A_i - 1}{A_i + 1} \right)^2, \quad (6)$$

где  $1 - \epsilon_0$  – максимально возможная потеря энергии при одном упругом столкновении,  $A_i = M_i/m_a$  – отношение массы молекулы  $i$  и МА.

При отсутствии поглощения и распада согласно (5) плотность столкновений в каждом энергетическом интервале сохраняется:  $Q = \Sigma \xi E \varphi = \text{const} = Q_0$  ( $Q_0$  – заданная плотность генерации МА при энергии  $E_0$ ). Отсюда следует, что спектр замедляющихся МА описывается классическим спектром Ферми

$$\varphi(E) = \frac{Q_0}{\xi \Sigma_s E}. \quad (7)$$

В плотной среде ( $\Sigma_s \tau_0 v \gg 1$ ) доля замедлившихся до энергии  $E$  и избежавших резонансного поглощения МА, и доля образовавшихся ММС соответственно равны

$$p(E) \equiv Q(E)/Q(E_0) = \exp \left[ - \int_E^{E_0} \frac{\Sigma_a(E')}{[\Sigma_s + \Sigma_a(E)] \xi E'} dE' \right]; \quad \delta = 1 - p. \quad (8)$$

3. Рассмотрим случай сильного резонанса, когда сечение в резонансе  $c_i \sigma_{\tau Q_i} = c_i W(K_i) 4\pi \Gamma_{e Q_i} / p_r^2 \Gamma_{\tau Q_i} \gg \sigma_s = \Sigma_i c_i \sigma_{si}$ . Вычислим (8) в приближении узкого резонанса, когда ширина зоны, где существенно образование ММС,  $\Delta E \ll \xi E$  – средней потери энергии в одном столкновении. Ширину  $\Delta E$  определим из условия, что подинтегральная функция при  $E = E_r + \Delta E/2$  убывает вдвое по сравнению с максимумом <sup>15</sup>:  $\Delta E = \Gamma_{Q_i} \sqrt{1 + c_i \sigma_{\tau Q_i} / \sigma_s}$ . При условии, что резонансы не перекрываются и расстояния между уровнями  $D_Q \gg \Delta E$ , из (2) для резонансного интеграла (8) выше нижней границы спектра Ферми  $E_c$  имеем

$$p = \exp \left\{ - \frac{1}{\xi} \sum_i c_i \sum_{Q_i} \frac{\pi \Gamma_{\tau Q_i}}{2 E_{Q_i} \sigma_s \sqrt{1 + c_i \sigma_{\tau Q_i} / \sigma_s}} \right\}. \quad (9)$$

(Для простоты в (9) опущена поправка на интерференцию потенциального и резонансного рассеяния).

По сравнению с интегралом со слабым поглощением  $c_i \sigma_{i0} \ll \sigma_s$ , формула (9) содержит дополнительный малый множитель  $(1 + c_i \sigma_{\tau Q_i} / \sigma_s)^{-1/2} = \Gamma_{Q_i} / \Delta E$ , который является следствием эффекта "выедания" спектра мезоатомов в резонансе, обнаруженного для нейтронов Я.Б.Зельдовичем и Ю.Б.Харитонов <sup>16</sup>.

Суть эффекта заключается в том, что в резонансе могут поглотиться все мезоатомы, попадающие туда в результате предшествующего рассеяния при более высокой энергии, но не более того. В итоге поток мезоатомов  $\varphi = Q/\xi\Sigma(E)$  в окрестности резонанса сильно падает.

Отдельные слагаемые в (9) убывают как  $E_{rQ_i}^{-3/2}$ , поэтому главный вклад дает первый член суммы с наименьшим  $\nu_f$ . Как показано в <sup>17</sup>, особенно велико значение  $\sigma_{rQ_i}$  при столкновении  $t\mu$  с молекулами  $DH$ , когда  $\nu_i = 0$ ,  $\nu_f = 2$  <sup>16</sup>. Выберем для примера переход  $\{F = 1, K_i = 0 \rightarrow S = 2, K_f = 3\}$ . Расчет дает  $E_{rQ} = 0,172$  эВ <sup>8,17</sup>,  $|V|_Q^2 = 1,55 \cdot 10^{-15}$  эВ·см<sup>3</sup>/с,  $W(0) = 5/9$  и  $\sigma_{rQ} = 0,74 \cdot 10^{-20}$  эВ·см<sup>2</sup>/Г<sub>rQ</sub>. При  $\Gamma_{rQ} \simeq 2 \cdot 10^{-3}$  эВ сечение в пике резонанса  $\sigma_{rQ} \simeq 37 \cdot 10^{-19}$  см<sup>2</sup> значительно превосходит сечение рассеяния  $\sigma_S(E_{rQ}) = 0,9 \cdot 10^{-19}$  см<sup>2</sup> <sup>18</sup> для равновесной смеси при  $c_p = c_d = c_{HD} = 0,5$  ( $c_t \ll 1$ ). Резонансный захват из-за эффекта "выедания" уменьшается в  $\sqrt{1 + c_{HD}\sigma_{rQ}/\sigma_S} = 4,6$  раза. Ширина зоны образования ММС составляет:  $\Delta E = 9,2$  мэВ, а всего в этом резонансе захватывается около 4% мезоатомов.

4. Образование мезомолекул увеличивается, если учесть доплеровское уширение уровней. Учитывая в линейном приближении связь энергии МА в СЦМ  $E'$  с проекцией скорости молекулы  $V_z$ :  $E' \simeq E - \sqrt{2\mu E} \cdot V_z$ , и усредняя по максвелловскому распределению  $V_z$ , получим вместо (2)  $z = 2(E' - E)/\Gamma_{rQ}$ ;  $\Delta_D = \sqrt{4TE_{rQ}/A}$ ;  $\zeta_0 = \Gamma_{rQ}/\Delta_D$ :

$$\bar{\sigma}_{dt\mu-x}(z) = \sigma_{rQ}\psi(x, \zeta_0); \quad \psi(x, \zeta_0) = \frac{\zeta_0}{2\sqrt{\pi}} \int_{-\infty}^{\infty} \frac{\exp[-\zeta_0^2(x-y)^2/4]}{1+y^2} dy. \quad (10)$$

При  $\zeta \ll 1$  и  $x < 4/\zeta_0^2$  выражение (2) заменяется на чисто доплеровское распределение, а показатель экспоненты  $\omega_i$  в (8) вблизи резонанса на

$$\psi_D(x, \xi) = \frac{\sqrt{\pi}}{2} \zeta_0 \exp\left[-\frac{\zeta_0^2 x^2}{4}\right]; \quad \omega_i = \frac{\Gamma_{Q_i}}{\xi E_{Q_i}} \int_0^{\infty} \frac{\psi_D(x, \zeta_0) dx}{[\psi_D(x, \zeta_0) + \beta_i]}, \quad (11)$$

где  $\beta_i = \sigma_S/c_i\sigma_{rQ_i}$ . При  $\beta_i \ll 1$  и  $\sqrt{\pi}\zeta_0/2\beta \gg 1$  имеем

$$\omega_i \simeq \frac{2\Delta_D}{\xi E_{rQ}} \sqrt{\ln\left[\frac{\sqrt{\pi}\zeta_0}{2\beta}\right]}. \quad (12)$$

В случае обратного отношения  $\sqrt{\pi}\zeta_0/2\beta_i < 1$  <sup>20</sup>:

$$\omega_i = \frac{\pi}{2} \frac{\Gamma_{Q_i}}{\xi E_{Q_i}} \frac{c_i\sigma_{rQ_i}}{\sigma_S} \sum_{n=0}^{\infty} \frac{(-1)^n}{\sqrt{n+1}} \left(\frac{\sqrt{\pi}\zeta_0}{2\beta}\right)^n. \quad (13)$$

Как видно из (13) при малых  $\beta$  значение  $\omega_i$  уже приближается к резонансному поглощению при бесконечном разбавлении. Для рассмотренного выше резонанса при  $T = 25$  мэВ ( $\Delta = 0,13$  эВ,  $\sqrt{\pi}\zeta_0/2\beta = 0,26$ ) по формуле (13) получаем значение  $\omega_i = 0,15$ , существенно превышающее предыдущее. Образование мезомолекул в эпитепловой области происходит и при других переходах  $K = 0 \rightarrow K_f$ , так что общий вклад надтеплого образования мезомолекул значителен.

Автор выражает благодарность В.Ю.Петрову за вычисление матричного элемента.

2. Л.И.Меньшиков, Л.И.Пономарев, Т.А.Стриж, М.П.Файфман, ЖЭТФ **92**, 113 (1987).
3. Д.В.Балин, А.А.Воробьев, Ан.А.Воробьев и др., Письма в ЖЭТФ **40**, 318 (1984); D.V.Balin, A.A.Vorob'ev, An.A.Vorob'ev et al., Phys. Lett. B **161**, 1 (1984).
4. S.E.Jones, A.N.Anderson, A.J.Gaffrey et al., Phys. Rev. Lett. **56**, 588 (1986).
5. J.Zmeskal, W.H.Breunlich, M.Cargnelli et al., Muon Catalyzed Fusion **1**, 109 (1987).
6. Ю.В.Петров, В.Ю.Петров, ЖЭТФ **100**, 58 (1991).
7. W.H.Breunlich, P.Kammel, J.S.Cohen, and M.Leon, Ann. Nucl. Part. Sci. **39**, 311 (1989).
8. С.С.Герштейн, Ю.В.Петров, Л.И.Пономарев, УФН **160**, 3 (1990).
9. S.S.Gerstein, L.I.Ponomarev, Phys. Lett. B **72**, 80 (1977).
10. С.И.Виницкий, Л.И.Пономарев, И.В.Пузынин и др., Препринт ОИЯИ-Р4-10929, Дубна, 1977; ЖЭТФ **74**, 849 (1978).
11. Yu.V.Petrov, Phys. Lett. B **163**, 28 (1985).
12. L.I.Menshikov, and L.I.Ponomarev, Phys. Rev. Lett. B **167**, 141 (1986).
13. V.Yu.Petrov, and Yu.V.Petrov, Preprint LNPI-1390, Leningrad, 1988; Proc. AIP Conf., N.Y., 1989, 181, 124; Muon Catalyzed Fusion **4**, 73 (1989).
14. A.M.Weinberg, and E.P.Wigner, The Phys. Theory of Neutron Chain Reactors. Chicago Un., Press, 1959.
15. А.Д.Галанин, Введение в теорию ядерных реакторов на тепловых нейтронах. Москва, 1990.
16. Я.Б.Зельдович, Ю.Б.Харитон, ЖЭТФ **10**, 29 (1940).
17. М.Р.Файфман, and Л.И.Пономарев, Phys. Lett. B **265**, 201 (1991).
18. J.S.Cohen, Muon Catalyzed Fusion, 1990/91, 5/6, 3.
19. E.P.Wigner, E.Creutz, H.Jupnik, and T.J.Snyder, J. Appl. Phys. **26**, 260 (1955).
20. L.Dresner, Resonance Absorption in Nuclear Reactors, ORNL, Pergamon Press, 1960.