

О ФОРМИРОВАНИИ МАГНИТНОГО СОСТОЯНИЯ РЕШЕТОК КОНДО

В.Ю.Ирхин, М.И.Кацнельсон

*Институт физики металлов Уральского отделения РАН
620219, Екатеринбург*

Поступила в редакцию 7 апреля 1992 г.

С использованием простейшего варианта метода ренормгруппы для периодической обменной $s - f$ -модели исследовано взаимное влияние эффекта Кондо и межузельного обменного взаимодействия. В зависимости от соотношения однопримесной температуры Кондо и затравочной частоты спиновых флуктуаций может иметь место режим обычного магнетика, кондовского магнетика или немагнитной решетки Кондо. В случае "ферромагнитного" $s - f$ -обмена получены явные выражения для момента насыщения и перенормировки спиновой динамики.

Многочисленные экспериментальные исследования последних лет убедительно показывают, что магнитное упорядочение широко распространено среди систем с тяжелыми фермионами и других аномальных f -соединений, трактуемых как "кондовские решетки" (см. обзор ¹). Характерной чертой магнитных кондовских решеток является высокая чувствительность момента насыщения M_s к внешним воздействиям (легирование, давление). При этом M_s изменяется от величин порядка $10^{-2} \mu_B$ (например, UPt_3 , $CeAl_3$, $CeInCu_2$) до порядка μ_B (UCd_{11} , U_2Zn_{17} , TmS , $U(Pt_{0,95}Pd_{0,05})_3$, $U_{0,95}Th_{0,05}Pt_3$, $CeAl_2$). В ^{1,2} было высказано предположение, что такое поведение является результатом взаимного влияния эффекта Кондо и межузельного обменного взаимодействия, в противоположность ранее бытовавшему мнению, что конкуренция этих факторов приводит к полному подавлению одного из них (см. ³). В настоящей статье дано обоснование этой гипотезы и объяснена высокая лабильность M_s .

Будем исходить из гамильтониана периодической $s - f$ -модели

$$H = \sum_{\vec{k}\sigma} \epsilon_{\vec{k}} c_{\vec{k}\sigma}^{\dagger} c_{\vec{k}\sigma} - I \sum_{\vec{k}\vec{q}\alpha\beta} \vec{S}_{\vec{q}} \vec{\sigma}_{\alpha\beta} c_{\vec{k}+\vec{q}\alpha}^{\dagger} c_{\vec{k}\beta} - \sum_{\vec{q}} J_{\vec{q}} S_{\vec{q}} S_{-\vec{q}}, \quad (1)$$

где $c_{\vec{k}\sigma}^{\dagger}$ - операторы рождения электронов проводимости, $\vec{S}_{\vec{q}}$ - фурье-компоненты спиновых операторов, $\vec{\sigma}$ - матрицы Паули. Для рассмотрения перенормировки $s - f$ -обменного параметра I в парамагнетике (ПМ), ферромагнетике (ФМ) и антиферромагнетике (АФМ) используем простейший вариант метода ренормгруппы ("root man scaling" ⁴). В рамках теории возмущений по I вычислим собственно-энергетические части электронной функции Грина $\Sigma_{\sigma}(\vec{k}, E)$. Например, для ФМ имеем

$$\Sigma_{\sigma}(\vec{k}, E) = -\sigma IS + 2I^2 S \sum_{\vec{q}} \frac{\delta_{\sigma, -\sigma} f_{\vec{q}, -\sigma}}{E - \epsilon_{\vec{q}, -\sigma} + \sigma \omega_{\vec{q} - \vec{k}}}, \quad \sigma = \pm(\uparrow, \downarrow), \quad (2)$$

где $\epsilon_{\vec{k}\sigma} = \epsilon_{\vec{k}} - \sigma IS$, $\omega_{\vec{q}}$ - частота магнонов, $f_{\vec{k}\sigma} = f(\epsilon_{\vec{k}\sigma})$ - фермиевская функция. Эффективный $s - f$ -параметр определим по перенормировке спинового расщепления на поверхности Ферми:

$$I_{ef} = \frac{[\Sigma_{\downarrow}(\vec{k}, E) - \Sigma_{\uparrow}(\vec{k}, E)]}{2S}, \quad \epsilon_{\vec{k}\sigma} = E = 0.$$

Уравнение ренормгруппы получим, разбивая сумму с $f_{\vec{q}, -\sigma}$ в (2) на слои $C < \epsilon_{\vec{q}, -\sigma} < C + \delta C$, вычисляя вклад от каждого слоя и заменяя $I \rightarrow I_{ef}$

в выражении для $\partial I_{ef}/\partial C$. Аналогично, I_{ef} в АФМ можно определить по перенормировке антиферромагнитной щели в электронном спектре, для чего необходимо вычислить Σ до третьего порядка по I ⁵. Наконец, I_{ef} в ПМ определяется из мнимой части Σ , вычисленной в третьем порядке по I с учетом спиновой динамики^{1,5}. Вводя безразмерную константу связи $g_{ef} = -2\rho I_{ef}$ (ρ - плотность состояний на уровне Ферми), получим

$$\frac{\partial g_{ef}(C)}{\partial C} = \frac{g_{ef}^2(C)}{C} \phi \left(\frac{\bar{\omega}_{ef}(C)}{C} \right).$$

Здесь функция $\phi(x)$, удовлетворяющая условию $\phi(0) = 1$, зависит от типа магнитной структуры и размерности пространства d :

$$\phi(x) = \begin{cases} (1/x)\arctg x, & \text{ПМ, } d = 3 \\ (1/2x)\ln[(1+x)/(1-x)], & \text{ФМ, } d = 3 \\ -(1/x^2)\ln(1-x^2), & \text{АФМ, } d = 3 \\ (1-x^2)^{-1/2}, & \text{АФМ, } d = 2 \end{cases} \quad (4)$$

$\bar{\omega}$ - характерная частота спиновых флуктуаций ($\bar{\omega} = \omega_{2k_F}$ в ФМ и АФМ, $\bar{\omega} = 4Dk_F^2$ в ПМ, D - коэффициент спиновой диффузии, k_F - импульс Ферми). В свою очередь, $\bar{\omega}$ заменяется на $\bar{\omega}_{ef}$, которая зависит от параметра обрезания C через кондовские вклады от занятых электронных состояний. Логарифмические поправки к $\bar{\omega}$ порядка I^3 в ПМ найдены в² по второму моменту спиновой корреляционной функции. Используя для $f-f$ -обмена приближение ближайших соседей (на расстоянии R), получаем

$$\frac{\partial \ln \bar{\omega}_{ef}(C)}{\partial C} = -\frac{1-\alpha}{2C} g_{ef}^2(C) \phi \left(\frac{\bar{\omega}_{ef}(C)}{C} \right), \quad \alpha = \left(\frac{\sin k_F R}{k_F R} \right)^2, \quad (5)$$

где $\phi(x) = \arctg x/x$. Для ФМ и АФМ кондовские поправки к $\bar{\omega}$ формально возникают из членов, описывающих ангармонизмы магнонов, при учете логарифмических поправок к их числам заполнения $N_{\bar{p}}$ при $T = 0$, которые обусловлены обменным $s-f$ -затуханием. Например, для ФМ

$$\delta \omega_{\bar{q}} = 2 \sum_{\bar{p}} (J_{\bar{p}} + J_{\bar{q}} - J_{\bar{p}-\bar{q}} - J_0) \delta N_{\bar{p}},$$

$$\delta N_{\bar{p}} = 2I^2 S \sum_{\bar{k}} \frac{f_{\bar{k}\downarrow}(1 - f_{\bar{k}+\bar{p}\uparrow})}{(\epsilon_{\bar{k}\downarrow} - \epsilon_{\bar{k}+\bar{p}\uparrow} - \omega_{\bar{p}})^2}.$$

Для всех магнитных состояний получается уравнение (5), причем функция $\phi(x)$ определена в (4).

Уравнения (3), (5) могут быть преобразованы к виду

$$\bar{\omega}_{ef}(\xi) = \bar{\omega} \exp \left\{ \frac{1-\alpha}{2} [g - g_{ef}(\xi)] \right\}, \quad (6)$$

$$\frac{1}{g_{ef}(\xi)} = \frac{1}{g} - \int_0^\xi d\xi' \psi \left(\beta + \frac{1-\alpha}{2} g_{ef}(\xi') - \xi' \right) \quad (7)$$

$$g = -2\rho I \ll 1, \quad \beta = \ln \left(\frac{W}{\bar{\omega}} \right) \gg 1, \quad \xi = \ln \left| \frac{W}{C} \right|, \quad (8)$$

где W - ширина зоны проводимости, $\psi(x) = \phi(e^{-x})$ - монотонно возрастающая функция, причем $\psi(x \gg 1) \approx 1$. Исследование уравнения (7) позволяет

выделить три области параметров модели в зависимости от соотношения затравочных значений $\bar{\omega}$ и однопримесной температуры Кондо $T_K = W \exp(-1/g)$ ($g > 0$).

Если $\omega < T_K$ (g больше β^{-1}), то заведомо существует значение ξ^* , при котором g_{ef} расходится. Величина $T_K^* = W \exp(-\xi^*)$ играет роль температуры Кондо для решетки. При $\xi \rightarrow \xi^*$, $\bar{\omega}_{ef}(\xi)$ обращается в нуль как $\exp[-(\xi - \xi^*)^{-1}]$. Можно думать, что в этом случае все носители тока связаны с f -спинами в синглетные состояния, межспиновое взаимодействие подавлено и реализуется случай немагнитной кондовской решетки. Рассматриваемый случай соответствует также разбавленным кондо-системам ($\bar{\omega} \rightarrow 0$, $\beta \rightarrow \infty$).

Если $1 < (\beta g)^{-1} < 1 + \text{const} \cdot g$, или, что эквивалентно, $T_K < \bar{\omega} < AT_K$ ($A = 0(1)$ при $g \rightarrow 0$), то существует фиксированная точка с конечным g^* при $\xi \rightarrow \infty$. При этом компенсация магнитного момента идет не до конца. Вычисляя поправки к намагниченности подрешетки \bar{S} в ФМ и АФМ фазах или к постоянной Кюри в ПМ фазе ⁵, находим

$$\frac{\bar{S}_{ef}(\xi)}{S} = \left(\frac{\bar{\omega}_{ef}(\xi)}{\bar{\omega}} \right)^{\frac{1}{1-\alpha}} \simeq \exp \left[-\frac{g_{ef}(\xi) - g}{2} \right]. \quad (9)$$

Таким образом, при изменении затравочной константы g в малом интервале порядка g^2 происходит изменение $g^* = g_{ef}(\xi = \infty)$ от значений порядка 1 до бесконечности, а $S^* = \bar{S}_{ef}(\xi = \infty)$ падает от значений порядка S до нуля. Повидимому, это может объяснить высокую лабильность значений M_S в системах с тяжелыми фермионами.

Наконец, для $\beta g \ll 1$, то есть $\bar{\omega} \gg T_K$, $g^* \simeq g$, кондовские расходимости обрезаются при $|C| \sim \bar{\omega}$ и достаточно ограничиться логарифмическими поправками второго порядка по g , то есть мы имеем ситуацию обычного магнетика.

Важно подчеркнуть, что сам факт магнитного упорядочения или его тип не слишком важен для определения режима: изменяются лишь вид функции $\phi(x)$ и, следовательно, константа A .

Для ферромагнитного $s-f$ -обмена $I > 0$ ($g < 0$) имеем $|g_{ef}(\xi)| < |g|$ и уравнения (3), (5), (9) позволяют не только провести качественное рассмотрение, но и получить явные формулы для \bar{S}^* и $\bar{\omega}^* = \bar{\omega}_{ef}(\xi = \infty)$. Пренебрегая $g_{ef}(\xi)$ по сравнению с β в аргументе функции ψ в (7), находим

$$\bar{\omega}^* = \bar{\omega} \exp \left[-\frac{(1-\alpha)g^2\beta}{2(1-g\beta)} \right], \quad (10)$$

$$\bar{S}^* = S \exp \left[-\frac{1}{2} \frac{g^2\beta}{1-g\beta} \right]. \quad (11)$$

При $g\beta \ll 1$ (10) переходит в соответствующий результат ⁵. Для чистых редкоземельных металлов $g \sim 10^{-2}$ и перенормировки (10), (11) несущественны, но они могут быть заметными для соединений с высокой плотностью состояний на уровне Ферми.

-
1. В.Ю.Ирхин, М.И.Кацнельсон, ФММ 1, 16 (1991).
 2. V.Yu.Irkhin, and M.I.Katsnelson, Z. Phys. B 82, 77 (1991).
 3. В.В.Мошчалков, Н.Б.Брандт, УФН 149, 585 (1986).
 4. P.W.Anderson, J.Phys. C 3, 2346 (1970).
 5. V.Yu.Irkhin, and M.I.Katsnelson, Z. Phys B 75, 67 (1989).