

## КОВАРИАНТНОЕ ДЕЙСТВИЕ ДЛЯ КИРАЛЬНЫХ БОЗОННЫХ СТРУН

*С.М.Кузенко, О.А.Соловьев*

Предложено ковариантное действие для киральных бозонных струн с  $d$  пространственно-временными измерениями,  $N_L$  лево- и  $N_R$  праводвижущимися бозонами и  $2N_F$  нераспространяющимися майорано-вейлевскими фермионами. Показано, что теория свободна от аномалий, когда  $N_R = N_L = 26 - d$ ,  $N_F = 2d$ .

Ковариантное квантование моделей с киральными бозонами широко обсуждается в последнее время. Интерес к таким моделям обусловлен хорошо известным фактом, что имеется две формулировки гетеротических струн в  $d = 10^1$  и  $d = 4^2$ , в которых внутренние степени свободы реализуются либо киральными бозонами, либо киральными фермионами. Кроме того, введение киральных бозонов необходимо для явно суперсимметричного описания четырехмерных струн<sup>3, 4</sup>.

Ковариантное действие, описывающее классическую динамику киральных бозонов, было предложено несколько лет назад Зигелем<sup>5</sup>. В подходе Зигеля условие киральности учитывается через введение в действие связи с соответствующим лагранжевым множителем. При этом возникает новая симметрия, аналогичная диффеоморфизму (симметрия Зигеля). Однако, эта симметрия аномально на квантовом уровне, причем условия сокращения аномалий не согласуются с каноническим анализом. Например, канонически квантованная бозонная струна с  $d$  пространственно-временными координатами,  $N_L$  лево- и  $N_R$  праводвижущимися бозонами свободна от аномалий, когда  $N_L = N_R = 26 - d$ , тогда как сокращение аномалии симметрии Зигеля имеет место если  $N_L = N_R = 26$  и, следовательно,  $d = 0$ .

Для решения этой проблемы Халл<sup>6</sup> предложил модифицировать действие киральных бозонов добавлением к действию Зигеля нового члена, зависящего от классически нераспространяющихся полей. Эти дополнительные поля приобретают кинетический член на квантовом уровне и могут быть использованы для сокращения аномалии симметрии Зигеля.

В настоящей статье предлагается новое киральное струнное действие, в котором нединамический сектор реализован в терминах нераспространяющихся спиноров. Найдены условия сокращения аномалий и доказана эквивалентность нашей модели и модели Халла. Обозначения совпадают с принятыми в<sup>6</sup>.

Рассмотрим действие для киральной бозонной струны с  $d$  пространственно-временными координатами  $X^P$ ,  $N_L$  левыми бозонами  $Y^I$ ,  $N_R$  правыми бозонами  $Z^M$ ,  $N_F$  фермионами  $\Psi_-^I$  и  $N_F'$  фермионами  $\varphi_+^M$

$$S = - \int d^2 \sigma e \{ \eta_{pq} \nabla_{\hat{\alpha}} X^p \nabla_{\hat{\beta}} X^q + D_{\hat{\alpha}} Y^I D_{\hat{\beta}} Y^I + \\ + \bar{D}_{\hat{\alpha}} Z^M \bar{D}_{\hat{\beta}} Z^M + \frac{i}{2} \Psi_-^I D_{\hat{\alpha}} \Psi_-^I + \frac{i}{2} \varphi_+^M \bar{D}_{\hat{\alpha}} \varphi_+^M \}, \quad (1)$$

где  $\eta_{pq} = \text{diag}(-1, +1, \dots, +1)$ , ковариантные производные определены так

$$D_{\hat{\alpha}} = \nabla_{\hat{\alpha}} - \Lambda_{\hat{\alpha}\hat{\beta}} \nabla_{\hat{\beta}} + (\nabla_{\hat{\beta}} \Lambda_{\hat{\alpha}\hat{\beta}}) \overset{\wedge}{M}, \quad D_{\hat{\beta}} = \nabla_{\hat{\beta}},$$

$$[D_{\hat{\alpha}}, D_{\hat{\beta}}] = \frac{1}{2} R^Y \overset{\wedge}{M}, \quad R^Y = R + 2\nabla_{\hat{\alpha}} \nabla_{\hat{\beta}} \Lambda_{\hat{\alpha}\hat{\beta}},$$

$$\bar{D}_{\pm} = \nabla_{\pm}, \quad \bar{D}_{\mp} = \nabla_{\mp} - \Lambda_{\mp\mp} \nabla_{\pm} - (\nabla_{\pm} \Lambda_{\mp\mp}) \hat{M},$$

$$[\bar{D}_{\pm}, \bar{D}_{\mp}] = \frac{1}{2} R^Z \hat{M}; \quad R^Z = R + 2 \nabla_{\pm} \nabla_{\mp} \Lambda_{\mp\mp}.$$

Здесь  $\nabla_{\pm}$ ,  $\nabla_{\mp}$  – ковариантные производные, ассоциированные с тетрадой  $e_{\mu}^a$  на мировом листе,  $\hat{M}$  – генератор Лоренца. Лагранжевы множители  $\Lambda_{\pm\pm}$ ,  $\Lambda_{\mp\mp}$  являются калибровочными полями для симметрии Зигеля<sup>5</sup>. Из уравнений движения для  $\Lambda_{\pm\pm}$ ,  $\Psi^I$  следуют соотношения  $\nabla_{\pm} Y^i = \Psi^I = 0$ . Аналогично показывается, что  $\nabla_{\pm} Z^m = \varphi_s^M = 0$ . Следовательно, действие (1) описывает классическую динамику киральной бозонной струны.

Для квантования модели используется метод фонового поля. Вклад в эффективное действие (ЭД)  $\Gamma_{eff}$ , идущий от переменных  $X^P$ , дается хорошо известным выражением

$$\Gamma_X = - \frac{d}{96\pi} \int d^2 \sigma e R \frac{1}{\square} R, \quad \square \equiv \{ \nabla_{\pm}, \nabla_{\mp} \}. \quad (3)$$

Соответственно, вклады в ЭД от  $Y^i$  и  $Z^m$  имеют вид

$$\Gamma_Y + \Gamma_Z = - \frac{N_L}{96\pi} \int d^2 \sigma e R^Y \frac{1}{\square^Y} R^Y - \frac{N_R}{96\pi} \int d^2 \sigma e R^Z \frac{1}{\square^Z} R^Z. \quad (4)$$

Гостовская часть ЭД устроена следующим образом

$$\Gamma_{Gh} = \frac{26}{96\pi} \int d^2 \sigma e \{ R^Y \frac{1}{\square^Y} R^Y + R^Z \frac{1}{\square^Z} R^Z \}. \quad (5)$$

В случае, когда  $N_F = N'_F$ , ЭД фермионов может быть записано в ковариантной форме

$$\Gamma_{\Psi, \varphi} = - \frac{N_F}{192\pi} \int d^2 \sigma e \{ R^Y \frac{1}{\square^Y} R^Y + R^Z \frac{1}{\square^Z} R^Z - R \frac{1}{\square} R \}. \quad (6)$$

Полное ЭД  $\Gamma_{eff}$  модели (1) ( $N_F = N'_F$ ) является суммой выражений (3–6). Вариация  $\Gamma_{eff}$  по  $\Lambda$  обращается в ноль при условиях

$$N_L + \frac{1}{2} N_F = 26, \quad N_R + \frac{1}{2} N_F = 26. \quad (7)$$

В свою очередь, сокращение вейлевской аномалии происходит, если выполняется соотношение

$$2d = N_F. \quad (8)$$

Уравнения (7), (8) показывают, что модель свободна от аномалий тогда и только тогда, когда каноническое квантование соответствующей теории является состоятельным.

В заключение рассмотрим вопрос о эквивалентности теории с действием (1) и струной Халла<sup>6</sup>. Нединамическими полями в подходе Халла являются бозоны  $W^a$ , описываемые действием

$$S_H = - \int d^2 \sigma E D_{\pm} W^{\alpha} D_{\mp} W^{\alpha}, \quad E \equiv e(1 - \Lambda^2), \quad (9)$$

$$D_{\pm} = (1 - \Lambda^2)^{-1} D_{\pm}, \quad D_{\mp} = (1 - \Lambda^2)^{-1} \bar{D}_{\mp}, \quad \Lambda^2 \equiv \Lambda_{\pm\pm} \Lambda_{\mp\mp} < 1.$$

Можно показать, что ЭД  $\Gamma_W$ , отвечающее теории (9), совпадает, с точностью до конечных локальных контрчленов, с (6), когда  $N_W = 2N_F$ . Поэтому действие (9) эквивалентно действию фермионов в (1).

Однако, в нашем подходе не возникает ограничения  $\Lambda^2 < 1$ , которое делает процедуру квантования теории (9) не вполне удовлетворительной. Кроме того, предлагаемая нами формулировка наиболее удобна для суперсимметричного обобщения, в частности, для описания 4-мерных суперструн<sup>2</sup>.

#### Литература

1. Gross D.J. et al. Nucl. Phys. B, 1985, **256**, 253; 1986, **B267**, 75
2. Narain K.S. Phys. Lett. B, 1986, **169**, 41.
3. Gates S.J. et al. Phys. Lett. B, 1987, **197**, 35.
4. Gates S.J., Siegel W. Phys. Lett. B, 1988, **206**, 631.
5. Siegel W. Nucl. Phys. B, 1984, **238**, 307.
6. Hull C.M. Phys. Lett. B, 1988, **206**, 234; B, 1988, **212**, 437.

Поступила в редакцию

13 июня 1989 г.