

## АНОМАЛИИ РЕШЕТОЧНЫХ СВОЙСТВ ЗОННЫХ МАГНЕТИКОВ, ОБУСЛОВЛЕННЫЕ ОСОБЕННОСТЯМИ ЭЛЕКТРОННОЙ СТРУКТУРЫ

*В.Ю.Ирхин, М.И.Кацнельсон, А.В.Трефилов\**

*Институт физики металлов, Уральское отделение РАН  
620219, Екатеринбург, Россия*

*\* Российский научный центр "Курчатовский институт"  
123182, Москва, Россия*

Поступила в редакцию 20 августа 1992 г.

Показано, что особенности электронной структуры зонных магнетиков вблизи уровня Ферми играют существенную роль в магнитообъемных и магнитоупругих аномалиях. Даны явные выражения для соответствующих вкладов в коэффициент теплового расширения и модули упругости. Предложено объяснение аномалий, наблюдаемых в  $ZrZn_2$  и  $Cr$ .

Проблема аномалий решеточных свойств ферро- и антиферромагнетиков (ФМ и АФМ) привлекает большое внимание как в связи с важностью для понимания природы магнетизма конкретных систем (адекватность локализованной или коллективизированной картины), так и в связи с практическими применениями (инварные и элинварные сплавы)<sup>1,2</sup>. Существующие подходы к описанию этих аномалий<sup>1,3,4</sup> не учитывают двух важных обстоятельств: существенного значения деталей электронной структуры вблизи уровня Ферми  $E_F$  (особенностей ван Хова, ОВХ, в плотности состояний  $N(E)$ ) для магнетизма<sup>5,6</sup> и определяющей роли этих деталей в формировании особенностей фононных спектров и решеточных свойств<sup>7,8</sup>. В настоящей работе впервые показано, что в слабых зонных ФМ типа  $ZrZn_2$ ,  $MnSi$ ,  $Ni_3Al$  и АФМ (хром) аномалии температурных зависимостей коэффициента теплового расширения  $\beta(T)$  и модулей упругости  $C_{ij}(T)$  обусловлены особенностями их электронной структуры.

Необходимой предпосылкой возникновения ферромагнетизма в  $d$ -металлах и сплавах (исключая узкозонные ФМ типа  $Fe_{1-x}Co_xS_2$ ) является близость  $E_F$  к пику  $N(E)$  в парамагнитной фазе. В типичных ситуациях (включая приближение свободных электронов) такие пики возникают при слиянии двух трехмерных корневых ОВХ, которые связаны с критическими точками, лежащими на некоторой линии  $l$ <sup>9</sup> (в железе  $l$  – это линия  $PN$ <sup>6</sup>). Тогда пик  $N(E)$  имеет вид эффективной двумерной ОВХ:  $\delta N(E) \sim -\ln|E - E_c|$ <sup>9</sup>. Если в парамагнитной фазе  $\eta = E_c - E_F$  мало, выполняется стонеровское условие ферромагнетизма. В рамках стонеровской картины в ФМ фазе электронный спектр расщепляется на  $\Delta = IM(T)$ , где  $M$  – намагниченность,  $I$  – параметр Стонера. Для магнетиков с хорошо определенными локальными моментами с амплитудой  $S_L$  имеем  $\Delta = IS_L(T)$ <sup>10</sup>. В любом случае можно считать, что особенность  $E_c$  расщепляется на две, отстоящие от  $E_F$  на  $\eta_{\pm} = \eta \pm \Delta/2$ , причем форма пиков  $N(E)$  не меняется. Тогда с изменением температуры особенности смещаются благодаря зависимости  $\Delta(T)$ . Виртуальные переходы с пиков на уровень Ферми и обратно приводят к аномалиям в поляризационном операторе и динамической матрице  $D_{\alpha\beta}(q)$  ( $q$  – волновой вектор фонона), а

следовательно в фононной части свободной энергии  $F_{ph}$  и в решеточных свойствах <sup>7,8</sup>. Виртуальные переходы между пиками со спином вверх и спином вниз можно не учитывать в меру малости спин-орбитального взаимодействия (исключая тем самым из рассмотрения, например, актинидные системы).

Аномальные вклады в решеточные свойства при  $\eta \rightarrow 0$  были найдены <sup>8</sup> в модели почти свободных электронов для обычной корневой ОВХ. Поскольку в рассматриваемом случае энергия постоянна вдоль линии  $l$ , существенна лишь дисперсия в перпендикулярном направлении, и мы исследуем двумерный случай, что соответствует эффективной логарифмической ОВХ в трехмерных системах. Для определенности будем считать, что  $l$  лежит на границе зоны Бриллюэна (это выполняется как для Fe <sup>6</sup>, так и для ZrZn<sub>2</sub> <sup>5</sup>). Тогда, как показано в <sup>8</sup>, наиболее сингулярные вклады в динамическую матрицу не зависят от  $q$ :

$$D_{\alpha\beta}^{\text{sing}} = -\frac{1}{M} g_{\alpha} g_{\beta} |V(g)|^2 (\Pi_{g,g}^{\text{sing}} - \Pi_{g,-g}^{\text{sing}}), \quad (1)$$

где  $M$  – масса иона,  $g$  – вектор обратной решетки для заданной грани,  $V(g)$  – фурье-компонента кристаллического потенциала,  $\hat{\Pi}$  – поляризационный оператор. Выделяя сингулярности в

$$F_{ph} = T \sum_{q\nu} \ln \left( 2 \text{sh} \frac{\omega_{q\nu}}{2T} \right) \quad (2)$$

( $\omega_{q\nu}$  – фононный спектр), находим аномальные вклады в

$$\beta_{ph}(T) = \frac{\partial^2 F_{ph}}{\partial T \partial P}, \quad C_{ij}^{ph}(T) = \frac{1}{\Omega} \frac{\partial^2 F_{ph}}{\partial u_i \partial u_j}, \quad (3)$$

где  $\Omega$  – атомный объем,  $P$  – давление,  $u_i$  – параметры деформации. Электронные вклады  $\beta^e$  и  $C_{ij}^e$  могут быть выражены как непосредственно через  $N(E)$ , так и через  $\hat{\Pi}$  <sup>8</sup>.

В простейшей двухволновой модели, учитывающей смешивание электронных состояний  $|k\rangle$  и  $|k-g\rangle$  лишь для одного  $g$ , сингулярные вклады в наблюдаемые величины имеют вид

$$\delta N(E_F) = -\frac{1}{4\pi^2 E_0} \left( \frac{v}{2} \right)^{1/2} \ln |\alpha + v|, \quad (4)$$

$$\delta C_{ij}^e = -\frac{E_0}{\sqrt{2}\Omega} \frac{\partial(\alpha + v)}{\partial u_i} \frac{\partial(\alpha + v)}{\partial u_j} \delta N(E_F), \quad (5)$$

$$\delta \omega_{q\nu}^2 = \frac{\sqrt{2}}{M} |g e_{q\nu}|^2 E_0 v^{3/2} (\alpha + v) \ln |\alpha + v|, \quad (6)$$

где  $e_{q\nu}$  – вектор поляризации,  $E_0 = g^2/(8m^*)$  ( $m^*$  – эффективная масса),  $v = |V(g)|/E_0$ ,  $\alpha = (E_F - E_0)/E_0$ , причем  $\alpha + v \equiv -\eta/E_0 \rightarrow 0$ . Можно показать, что характер сингулярностей по  $\eta$  сохраняется и в общем случае логарифмической ОВХ.

Из (5), (6) следует, что как и в случае <sup>8</sup>, особенность в фононных частотах при не слишком малых  $q$  на одну степень  $\eta$  слабее, чем в акустической области, где  $\delta \omega_{q\nu}^2 \sim \delta C_{ii} q^2 \sim q^2 \ln |\eta|$ . Вид особенности меняется при

$$q_s \sim g|V(g)\eta|^{1/2}/E_0. \quad (7)$$

Соответствующая характерная температура для решеточных свойств равна  $T_s = T_D q_s/g$  ( $T_D$  – температура Дебая).

В случае ФМ мы имеем сумму сингулярных вкладов с  $\eta \rightarrow \eta_{\pm} = \eta \pm \Delta/2$ , причем в типичных случаях (исключая близкую окрестность  $T_c$ )  $|\eta| \ll \Delta$ . Расчет электронных и фононных сингулярных вкладов в  $\beta(T)$  и зависящую от температуры часть  $C_{ii}$  дает

$$\delta\beta_c(T) \sim T \sum_{\sigma=\pm} \frac{\partial \ln |\eta_{\sigma}|}{\partial P} \sim \frac{T}{\Delta} \frac{\partial \Delta}{\partial P}, \quad (8)$$

$$\delta C_{ii}^e(T) \sim -\frac{1}{\Omega} \left(\frac{T}{\Delta}\right)^2 \left(\frac{\partial \Delta}{\partial u_i}\right)^2, \quad (9)$$

$$\delta\beta_{ph}(T) \sim \begin{cases} \left(\frac{T}{T_D}\right)^3 \frac{1}{\Delta} \frac{\partial \Delta}{\partial P}, & T \ll T_s \\ T^3 \sum_{\sigma} \frac{\partial \eta_{\sigma}}{\partial P} \ln \left| \frac{\eta_{\sigma}}{E_F} \right| \sim T^3 \frac{\partial \eta}{\partial P} \ln \frac{\Delta}{E_F}, & T_s \ll T \ll T_D, \\ \sum_{\sigma} \frac{\partial \eta_{\sigma}}{\partial P} \ln \left| \frac{\eta_{\sigma}}{E_F} \right| \sim \frac{\partial \eta}{\partial P} \ln \frac{\Delta}{E_F}, & T > T_D \end{cases} \quad (10)$$

$$\Omega \delta C_{ii}^{ph}(T) \sim \begin{cases} -\left(\frac{T}{T_D}\right)^4 \frac{1}{\Delta^2} \left(\frac{\partial \Delta}{\partial u_i}\right)^2, & T \ll T_s \\ T^4 \frac{\partial \eta}{\partial u_i} \frac{1}{\Delta} \frac{\partial \Delta}{\partial u_i}, & T_s \ll T \ll T_D. \\ T \frac{\partial \eta}{\partial u_i} \frac{1}{\Delta} \frac{\partial \Delta}{\partial u_i}, & T > T_D \end{cases} \quad (11)$$

В качестве примера рассмотрим магнитообъемные аномалии в слабом зонном ФМ  $ZrZn_2$ , где  $\beta(T < T_c) < 0$  и имеет в  $T_c$  резкую аномалию <sup>11</sup>. Аналогичное поведение имеет место в  $MnSi$  <sup>12</sup>. Объяснение, данное в <sup>1</sup>, кажется неубедительным, поскольку оно основано на предположении о минимуме  $S_L(T)$  при  $T = T_c$ , которое не подтверждается более последовательным рассмотрением <sup>13</sup>, дающим минимум при  $T^* \sim T_c^2/E_F$ . В то же время (10) сразу приводит к нужному поведению  $\beta_{ph}(T)$ , если учесть, что как следует из факта подавления ферромагнетизма с ростом  $P$  <sup>14</sup> и из анализа результатов зонного расчета <sup>5</sup>,  $\partial \Delta/\partial P < 0$  и  $\partial \eta/\partial P > 0$ . Отметим, что, в отличие от <sup>1</sup>, выражение (10) допускает оба знака магнитного вклада в  $\beta(T)$  в зависимости от знака  $\partial \eta/\partial P$ .

Рассмотрим теперь случай зонного антиферромагнетизма. В противоположность ФМ, здесь выраженная ОВХ вблизи  $E_F$  может отсутствовать (например, в  $Cr$ ), но часто имеет место (например, в  $UPt_3$ ). Она заведомо существует в тех АФМ, которые склонны к переходу в ФМ состояние (например,  $FeRh$ , инварные сплавы). Если не учитывать вклад процессов с переворотом спина в  $\hat{D}(q)$  (спин-орбитальное взаимодействие мало), то при вычислении аномальных вкладов в  $F_{ph}$  следует рассматривать вектор АФМ структуры  $Q$  как вектор общего положения, в том смысле, что процессы переброса на  $Q$  не приводят к существенным аномалиям в  $\Pi_{g,g'}$  ни для каких  $g, g'$ . (В противном случае, для АФМ структуры с удвоением периода, роль  $g$  в  $\hat{D}(q)$  играют векторы магнитной обратной решетки). Тогда имеем (см. <sup>7,8</sup>)

$$\delta F_{ph} \sim -\delta \bar{\Pi} \equiv -\delta \sum_q \Pi(q), \quad (12)$$

где  $\Pi(\mathbf{q})$  – статический поляризационный оператор в РРА. Примем для простоты модель "нестинга"  $\epsilon_{\mathbf{k}} = -\epsilon_{\mathbf{k}+\mathbf{Q}}$  ( $\epsilon_{\mathbf{k}}$  – электронный спектр, отсчитанный от  $E_F$ ). Тогда в АФМ фазе со спектром  $E_{\mathbf{k}} = \pm(\epsilon_{\mathbf{k}}^2 + \Delta^2)^{1/2}$  ( $\Delta$  – прямая АФМ щель) находим

$$\bar{\Pi} = \sum_{\mathbf{k}\mathbf{k}'} \frac{2\epsilon_{\mathbf{k}}^2}{E_{\mathbf{k}} E_{\mathbf{k}'}} \frac{1}{\epsilon_{\mathbf{k}}^2 - \epsilon_{\mathbf{k}'}^2} \text{th} \frac{E_{\mathbf{k}}}{2T}, \quad \bar{\Pi}(T \ll \Delta) = \sum_{\mathbf{k}\mathbf{k}'} \frac{1}{E_{\mathbf{k}} + E_{\mathbf{k}'}} \left( 1 + \frac{\Delta^2}{E_{\mathbf{k}} E_{\mathbf{k}'}} \right). \quad (13)$$

При  $T \ll \Delta \ll W = Q^2/2m^*$  из (13) получаем

$$\frac{\partial \bar{\Pi}}{\partial \Delta} = 4N(0)\Delta \int_{-\infty}^{\infty} \frac{d\epsilon}{(\epsilon^2 + \Delta^2)^{1/2}} \ln \left[ \frac{\epsilon + (\epsilon^2 + \Delta^2)^{1/2}}{\Delta} \right] \frac{\partial N(\epsilon)}{\partial \epsilon}. \quad (14)$$

Если затравочная плотность состояний  $N(\epsilon)$  – регулярная функция вблизи  $\epsilon = 0$ , из (14) можно выделить особенность в  $\bar{\Pi}$  и, следовательно, в  $F_{ph}$  порядка  $\pm \Delta^2 \ln \Delta$ , что дает вклады в решеточные свойства

$$\delta\beta_{ph} \sim \pm \frac{\partial \Delta^2}{\partial P} \ln \frac{\Delta}{W}, \quad \delta C_{ii}(T) \sim \pm \frac{1}{\Delta^2} \left( \frac{\partial \Delta^2}{\partial u_i} \right)^2. \quad (15)$$

По сравнению с обычным электронным вкладом возникает большой логарифмический множитель, связанный с особенностями зонной структуры в АФМ фазе (образование щели). При  $\Delta \ll T$  (в узкой окрестности температуры Нееля)  $\ln \Delta \rightarrow \ln T_N$ . Результат (15) позволяет качественно понять магнитообъемные и магнитоупругие аномалии в  $\text{Cr}$  при  $T \rightarrow T_N - 0$  (отрицательные значения  $\beta(T)$  и резкое падение модуля сжатия<sup>15</sup>). Более слабые аномалии при  $T \rightarrow T_N + 0$ , по-видимому, связаны с ближним АФМ порядком.

Если  $N(\epsilon)$  имеет при  $\epsilon = 0$  обычную корневую ОВХ, то (14) дает  $\delta F_{ph} \sim \pm \Delta^{3/2}$ , а если логарифмическую ОВХ (как для квадратной решетки в центре зоны), то особенность резко усиливается:  $\delta F_{ph} \sim \pm \Delta \ln \Delta$ . Соответственно усиливаются и аномалии в  $\beta_{ph}$  и  $C_{ii}$ .

Итак, сильные аномалии решеточных свойств характерны для случаев, когда  $\Delta$  резко меняется при изменении внешних параметров. Такая ситуация типична вблизи точек резкого изменения локальных моментов, в частности, для инварных сплавов, где к тому же имеет место антиферро-ферро переход. Интересны также выраженные магнитоупругие аномалии в парамагнитной фазе АФМ системы  $\text{Cu-Mn}$ <sup>16</sup>.

В актинидных системах также наблюдаются яркие магнитоупругие и магнитообъемные аномалии<sup>17,18</sup>. В этом случае в нашем рассмотрении существенны релятивистские процессы с переворотом спина, и все сингулярности должны усиливаться: в (5) имеем  $\ln \Delta \rightarrow 1/\Delta$ , а в случае АФМ следует, вместо аномалий  $\bar{\Pi}$  в (12), рассматривать, как и для ФМ, более сильные аномалии, связанные с процессами переброса.

1. Т.Мория, Спиновые флуктуации в магнетиках с коллективизированными электронами. М.: Мир, 1988.
2. В.Л.Седов, Антиферромагнетизм гамма-железа. Проблема инвара. М.: Наука, 1987.
3. В.М.Зверев, В.П.Силин, ЖЭТФ **93**, 709 (1987).

4. D.J.Kim, *Phys. Reports* **171**, 129 (1988).
5. T.Jarlborg and A.J.Freeman, *Phys. Rev. B* **22**, 2322 (1980); T.Jarlborg, A.J.Freeman, D.D.Koelling, *J. Magn. Magn. Mater.* **23**, 291 (1981).
6. В.Ю.Ирхин, М.И.Кацнельсон, А.В.Трефилов, *Письма в ЖЭТФ* **53**, 351 (1991).
7. М.И.Кацнельсон, А.В.Трефилов, *Письма в ЖЭТФ* **42**, 393 (1985).
8. V.G.Vaks and A.V.Trefilov, *J. Phys.: Cond Mat.* **3**, 1389 (1991).
9. М.И.Кацнельсон, Г.В.Песчанский, А.В.Трефилов, *ФТТ* **32**, 470 (1990).
10. J.A.Hertz and M.A.Klenin, *Phys. Rev. B* **10**, 1084 (1974); *Physica* **91B**, 49 (1977).
11. S.Ogawa and N.Kasai, *J. Phys. Soc. Jpn.* **27**, 789 (1969).
12. M.Matsunaga, Y.Ishikawa, T.Nakashima, *J.Phys. Soc. Jpn.* **51**, 1153 (1982).
13. V.Yu.Irkhin and M.I.Katsnelson, *J. Phys.: Cond. Mat.* **2**, 7151 (1990).
14. P.G.Mattocks and D.Merville, *J. Phys.* **F8**, 1291 (1978).
15. E.Fawcett and H.L.Alberts, *J. Phys. Cond. Mat.* **4**, 613 (1992).
16. Y.Tsunoda, N.Orishi, and N.Kunitomi, *J. Phys. Soc. Jpn.* **53**, 359 (1984).
17. A.de Visser et al., *J. Magn. Magn. Mater.* **108**, 61 (1992).
18. M.Yoshizawa et al., *J. Magn. Magn. Mater.* **52**, 413 (1985).