

**ПОЛЯРИЗОВАННЫЕ СОСТОЯНИЯ В ОБЛАСТИ  
ЭНЕРГЕТИЧЕСКОЙ ЩЕЛИ СВЕРХРЕШЕТОК  
СВЕРХПРОВОДНИК-ФЕРРОМАГНЕТИК**

С.В.Куплевахский, И.И.Фалько<sup>1)</sup>

Харьковский государственный университет  
310077 Харьков, Украина

1) Харьковский политехнический институт  
310002 Харьков, Украина

Поступила в редакцию 13 января 1992 г.

Получен спектр возбуждений сверхрешеток типа  $S/F$  и  $S/I(F)$  ( $S$  - сверхпроводник,  $F$  - ферромагнитный металл,  $I(F)$  - ферромагнитный диэлектрик). Показано, что в обоих случаях (для  $S/F$ -сверхрешетки требуется выполнение определенных условий) в области энергетической щели существуют узкие блоховские зоны квазичастичных состояний с одной ориентацией спина. Характер блоховских зон  $S/I(F)$ -сверхрешетки необычен: их ширина является быстроосцилирующей функцией толщины сверхпроводящего слоя.

В последние годы был создан ряд пространственно-периодических структур с чередующимися слоями из сверхпроводящего и магнитного материалов (в частности, системы с непосредственной проводимостью  $Mo/Ni$ <sup>1</sup>,  $V/Fe$ <sup>2</sup>, где  $Mo$ ,  $V$  - низкотемпературные сверхпроводники,  $Ni$ ,  $Fe$  - зонные ферромагнетики и системы  $Y_1Ba_2Cu_3O_{7-x}/Pr_1Ba_2Cu_3O_{7-x}$ <sup>3-5</sup>, где  $Y_1Ba_2Cu_3O_{7-x}$  - высокотемпературный сверхпроводник,  $Pr_1Ba_2Cu_3O_{7-x}$  - полупроводник с антиферромагнитным порядком при  $T \leq 17\text{ K}$ ). Почти идеальная периодичность и контролируемая (в известных пределах) чистота образцов делает их привлекательными объектами экспериментальных и теоретических исследований. Тем не менее физические свойства сверхрешеток сверхпроводник - магнетик к настоящему времени изучены недостаточно. Имеющиеся теоретические работы посвящены, главным образом, расчету температуры сверхпроводящего перехода (см., например,<sup>6</sup> и цитированную там литературу). Мы же хотим обратить внимание на проблему спектра возбуждений при низких температурах, остававшуюся до сих пор за рамками обсуждения.

В статье рассматриваются два типа чистых систем с ферромагнитными слоями: 1)  $S/F$  - сверхрешетка ( $S$  - сверхпроводник,  $F$  - ферромагнитный несверхпроводящий металл); 2)  $S/I(F)$  - сверхрешетка ( $I(F)$  - ферромагнитный диэлектрик). Известно, что спектры возбуждений одиночных контактов  $S/F/S$  и  $S/I(F)/S$  обнаруживают нетривиальные особенности. В частности, при произвольно малой величине спонтанного момента в спектре контакта  $S/I(F)/S$  в отсутствие джозефсоновских токов и внешних магнитных полей формируется единственный дискретный уровень, соответствующий поляризованному квазичастичному состоянию вблизи барьера<sup>7,8 2)</sup>. Появление локализованного состояния связано с подавлением куперовского спаривания на  $S/I(F)$ -границах, а его энергия дается формулой<sup>8</sup>

$$E_{0+}(t) = \Delta_\infty [1 - 2T_S(t)], \quad |t| \gg \max\{(\Delta_\infty/E_F)^{1/2}, [T_S(1)]^{1/4}\}, \quad (1)$$

где  $\Delta_\infty$  - параметр щели в глубине сверхпроводящих берегов,  $T_S(t)$  - обменная часть вероятности туннелирования, зависящая от косинуса угла падения на барьер ( $T_S(1) \ll 1$ ). Как показано в работе<sup>10</sup>, в контакте  $S/F/S$  существует

<sup>2)</sup>Имеются экспериментальные указания на существование подобных состояний для структур  $Pb/Ho(OH)_3/Pb$ <sup>9</sup> ( $Ho(OH)_3$  - ферромагнитный диэлектрик при  $T \leq 2,5\text{ K}$ ).

аналог состояния (1) при условии  $h \gg \Delta_\infty$ ,  $d \ll v_0/h$  ( $h$  - энергетический параметр обменного поля,  $v_0$  - скорость Ферми,  $d$  - толщина  $S$ -слоя,  $\hbar = 1$ ):

$$E_{0+}(t) = \Delta_\infty \left[ 1 - \frac{h^2 d^2}{2v_0^2 t^2} \right], \quad |t| \gg \max\{(h/E_F)^{1/2}, dh/v_0\}. \quad (2)$$

Казалось бы, в периодических  $S/I(F)$ - и  $S/F$ -структурах уровни (1) и (2) должны порождать сходные по свойствам блоховские зоны. Мы продемонстрируем, что в действительности это не так.

1.  *$S/F$ -сверхрешетка.* Считаем, что система полностью однородна в направлениях  $y$ ,  $z$ , а ось  $x$  перпендикулярна границам слоев. Будем исходить из системы уравнений Боголюбова - де Жена пониженного порядка с кусочно-постоянной аппроксимацией для вещественного потенциала спаривания  $\Delta(x)$  (ср. <sup>10</sup>):

$$[-iv_0 t \tau_3 \frac{d}{dx} + \Delta_\infty \tau_1 - (\Delta_\infty \tau_1 \pm h) \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \Theta(x - nc) \Theta(d + nc - x)] \psi_{\pm} = E \psi_{\pm}. \quad (3)$$

Здесь  $t$  - косинус угла между направлением движения возбуждения и осью  $x$ ;  $c$  - период сверхрешетки ( $c = a + d$ );  $\tau_i$  - матрицы Паули в пространстве Горькова-Намбу;  $\psi_+ = (u_\uparrow, v_\downarrow)$ ,  $\psi_- = (u_\downarrow, v_\uparrow)$  (индексы "+" , "-" соответствуют ориентации квазичастичного спина "вверх", "вниз"). Состояниям внутри щели ( $0 < E < \Delta_\infty$ ) соответствуют ограниченные на всей оси  $x$  решения (3), удовлетворяющие условиям непрерывности на  $S/F$ -границах и условию Блоха  $\psi(x+c) = \exp(\pm iqc)\psi(x)$  с вещественным  $q$ . Подчеркнем, что различным знакам  $t$  в (3) соответствует два типа возбуждений, и эти возбуждения не перемешиваются, поскольку при андреевском отражении на границах слоев не происходит изменения знака  $x$ -компоненты импульса. Разрешимость (3) обеспечивается условием

$$\cos(qc) = \cos \left[ \frac{(E \pm h)d}{v_0 |t|} \right] \operatorname{ch} \left[ \frac{(\Delta_\infty^2 - E^2)^{1/2} a}{v_0 |t|} \right] - \\ - \frac{E}{(\Delta_\infty^2 - E^2)^{1/2}} \sin \left[ \frac{(E \pm h)d}{v_0 |t|} \right] \operatorname{sh} \left[ \frac{(\Delta_\infty^2 - E^2)^{1/2} a}{v_0 |t|} \right]. \quad (4)$$

Соотношение (4) фактически решает модельную задачу о спектре  $S/F$ -сверхрешетки. Здесь мы не будем проводить его детальное исследование при всех допустимых значениях параметров. Отметим только, что при  $h = 0$  из (4) следует известный результат теории  $S/N$ -сверхрешеток ( $N$  - нормальный металл) <sup>11,12</sup>, а в пределе  $a = \infty$  получаем спектр одиночного  $S/F/S$ -контакта <sup>10</sup>. В практически наиболее важном случае  $h \gg \Delta_\infty$  (напомним, что обычно  $h \sim 10^2 - 10^3$  К,  $\Delta_\infty \sim 1 - 10$  К) и  $d \ll v_0/h$  (при  $d \sim v_0/h$  возможно нарушение корреляции фаз соседних сверхпроводящих слоев <sup>1,2,10</sup>) в области щели для каждого  $|t|$  существует зона блоховских состояний с положительной ориентацией спина ( $\psi_+$ ), и в пределе  $a \gg v_0^2 t^2 / \Delta_\infty h d$ ,  $|t| \gg \max\{(h/E_F)^{1/2}, dh/v_0\}$ , их энергия дается простым аналитическим выражением

$$E_{0+}(t; q) = \Delta_\infty \left\{ 1 - \frac{h^2 d^2}{2v_0^2 t^2} \left[ 1 + 4 \cos(aq) \exp \left( -\frac{hda\Delta_\infty}{v_0^2 t^2} \right) \right] \right\}. \quad (5)$$

2.  *$S/I(F)$ -сверхрешетка.* Считая, что толщина  $S$ -слоев значительно больше толщины  $I(F)$ -слоев, как и в теории  $S/I(F)/S$ -контактов <sup>7,8</sup>, для описания потенциала  $I(F)$ -слоев используем  $\delta$ -функционную аппроксимацию

$$\mathcal{H}_1 = (\mp J + V\tau_3) \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(x - na),$$

где  $J, V$  - обменная и необменная части соответственно ( $J > 0, V > 0$ ). В отличие от предыдущего случая, понижение порядка дифференцирования по  $x$  невозможно, и задача сводится к нахождению собственных значений сингулярного оператора

$$\mathcal{H}_0 + \mathcal{H}_1 \equiv - \left( \frac{1}{2m} \frac{d^2}{dx^2} + E_F t^2 \right) \tau_3 + \Delta_\infty \tau_1 + \mathcal{H}_1 \quad (6)$$

на классе ограниченных на всей оси  $x$  функций. Наиболее простой способ решения дает техника запаздывающих функций Грина. Соответствующая (6) функция Грина находится из уравнения Дайсона с помощью преобразования Фурье. Поскольку эта функция может представлять самостоятельный интерес, приведем ее явный вид:

$$\begin{aligned} G_E^\pm(x, x') &= G_E^{(0)}(x, x') + \frac{m}{\pi} \int_{-\infty}^{+\infty} dq g_0(q, E) e^{iq(x-x')} \times \\ &\times \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{2m}{a} (\mp J + V\tau_3) g_n(q, E) \exp(i2\pi nx/a) \times \\ &\times [1 + \frac{2m}{a} (\mp J + V\tau_3) \sum_{n=-\infty}^{+\infty} g_n(q, E)]^{-1}, \\ g_n(q, E) &= \left\{ \left[ \left( q + \frac{2\pi n}{a} \right)^2 - 2mE_F t^2 \right] \tau_3 + 2m\Delta_\infty \tau_1 - 2m(E + i\omega) \right\}^{-1}, \end{aligned} \quad (7)$$

где  $G_E^{(0)}(x, x')$  - функция Грина оператора  $\mathcal{H}_0$  (однородный сверхпроводник)<sup>8</sup>. Пределами (7) при  $\Delta_\infty = 0$  и  $a \rightarrow \infty$  являются функции Грина соответственно сверхрешетки в нормальном состоянии<sup>13</sup> и контакта  $SI/(F)/S$ <sup>7</sup>. Спектр возбуждений для  $0 < E < \Delta_\infty$  определяем из условия

$$\det \left[ 1 + \frac{2m}{a} (\mp J + V\tau_3) \sum_{n=-\infty}^{+\infty} g_n(q, E) \right] = 0. \quad (8)$$

Выполняя суммирование с помощью интегрирования в комплексной плоскости, можно убедиться, что (8) имеет решения только при верхнем знаке перед  $J$ . В случае малой прозрачности  $I(F)$ -слоев ( $v_0, J \ll V$ ) и  $a \gg v_0/\Delta_\infty [T_S(1)]^{1/2}$  ( $T_S(t) = v_0^2 J^2 t^2 / V^4$ ),  $|t| \gg \max\{(\Delta_\infty/E_F)^{1/2}, [T_S(1)]^{1/4}\}$  получим

$$\begin{aligned} E_{0+}(t; q) &= \Delta_\infty \{ 1 - 2T_S(t) [1 + 4 \cos(ap_0 t) \cos(aq) \times \\ &\times \exp\left(-\frac{2a[T_S(1)]^{1/2} \Delta_\infty}{v_0}\right)] \}, \end{aligned} \quad (9)$$

где  $p_0 = mv_0$  - импульс Ферми.

Очень необычно (ср. с (5)) присутствие в формуле (9) фактора  $\cos(ap_0 t)$ , благодаря которому ширина блоховской зоны при заданном  $|t|$  становится быстроосциллирующей функцией толщины  $S$ -слоев и даже обращается в нуль, если  $ap_0|t| = \pi/2 + \pi N$  ( $N$  - целое). Физическая причина осцилляций - интерференция состояний  $t > 0$  и  $t < 0$  в результате "обычного" отражения

на  $S/I(F)$ -границах. В принципе, осцилляции должны сохраняться с уменьшением  $a$  вплоть до самых малых значений, при которых еще возможна сверхпроводимость сверхрешетки, причем по мере убывания толщины  $S$ -слоев, максимальная ширина блоховских зон возрастает. Конечно, экспериментальное наблюдение осцилляций сопряжено с известными трудностями, так как требуемая точность приготовления сверхструктуры имеет порядок постоянной кристаллической решетки. В образцах с большим разбросом параметров слоев должно происходить усреднение косинуса, и плотность состояний будет иметь такой же вид, как и в одиночном  $S/I(F)/S$ -контакте.

Наконец, укажем, что эффект осцилляции ширины блоховских зон обязан существовать и в том случае, если моменты  $I(F)$ -слоев находятся в paramagnитной фазе, причем теперь число допустимых состояний внутри щели удваивается за счет "связывания" квазичастиц с обеими ориентациями спина (ср. обсуждение одиночного контакта<sup>8</sup>).

Авторы благодарят А.Н.Омельянчука за полезное обсуждение.

Работа поддерживается Научным Советом по проблеме ВТСП в рамках проекта N90118 Государственной программы "Высокотемпературная сверхпроводимость".

- 
1. C.Uher et al., Phys. Rev. B **30**, 453 (1984).
  2. H.K.Wong et al., J. Low Temp. Phys. **63**, 307 (1986).
  3. J.M.Triscone et al., Phys. Rev. Lett. **64**, 804 (1990).
  4. Q.Li et al., Phys.Rev. Lett. **64**, 3086 (1990).
  5. D.H.Lowndes et al., Phys. Rev. Lett. **65**, 1160 (1990).
  6. А.И.Буздин, М.Ю.Куприянов, Письма в ЖЭТФ, **52**, 1089 (1990).
  7. M.J. de Wert and G.B.Arnold, Phys. Rev. Lett. **55**, 1522 (1985). Phys. Rev. B **39**, 11307 (1989).
  8. С.В.Куплевахский, И.И.Фалько, ФММ **6**, 68 (1991); ФТТ **34**, N1 (1992).
  9. F.Stageberg et al., Phys. Rev. B **32**, 3292 (1985), J. Low Temp. Phys. **60**, 435 (1985).
  10. С.В.Куплевахский, И.И.Фалько, Письма в ЖЭТФ **52**, 957, (1990).
  11. A.P.van Gelder, Phys. Rev. **181**, 787 (1969).
  12. М.В.Баранов, А.И.Буздин, Л.Н.Булаевский, ЖЭТФ **91**, 1063 (1986).
  13. З.А.Касаманян, ЖЭТФ **61**, 1215 (1971).