

ОПРЕДЕЛЕНИЕ НАТЯЖЕНИЯ СТРУНЫ В КАЛИБРОВОЧНЫХ ТЕОРИЯХ НА РЕШЕТКЕ И НЕПЛАНАРНЫЕ КОНТУРЫ

Д.Б. Саакян

В евклидовом подходе к калибровочным полям на решетке введен аналог внеосевой струны. Описано, как строится высокотемпературное разложение. Установлена связь между диаграммами в евклидовой и гамильтоновой теории.

Известно, что переход в фазу раффинга (огрубление) ухудшает точность определения натяжения струны в калибровочных теориях на решетке.

В работе ¹ рассмотрена динамика струны между кварком и антикварком, не находящимся на одной оси. В гамильтоновой калибровочной теории вычислялась энергия системы в первых порядках высокотемпературного разложения.

Было показано, что во всей области измерения константы связи $0 < g^2 < \infty$ струна находится в фазе раффинга.

В данной работе аналогичная задача рассматривается для внеосевой струны в евклидовом подходе к калибровочным теориям на решетке.

Рассмотрим следующий процесс: в момент времени 0 на расстоянии R друг от друга рождаются кварк и антикварк и через время t исчезают. Если R не лежит на одной из осей решетки, то существует множество замкнутых контуров C_I с минимальной площадью (площадь поверхности, которую можно натянуть на контур), описывающих траекторию кварка и антикварка. По аналогии с g^2 , физическую амплитуду процесса можно записать так:

$$A = \sum W(C_I), \quad (1)$$

где $W(C)$ — вильсоновский параметр порядка. Потенциальная энергия системы $V(R)$ и натяжение струны α равны соответственно:

$$V(R) = - \lim_{t \rightarrow \infty} \ln A/t, \quad (2)$$

$$\alpha = \lim_{t \rightarrow \infty} V(R)/R. \quad (3)$$

В принципе $W(C)$, определенное для любого непланарного контура, в пределе больших таких контуров, также может служить источником определения α . Но поскольку именно A является физической амплитудой, α определенная из A , должна быть более регулярна (как функция от g^2). Естественно ожидать, что это повысит точность определения α .

Кроме того, рассматривая величину A , можно определить кулоновский член в потенциальной энергии струны.

Покажем, как строится высокотемпературное разложение в евклидовой калибровочной теории на решетке. Обозначим через $|I\rangle$ I -ый минимальный путь между кварком и антикварком в $d-1$ -мерном пространстве. Тогда, по определению

$$A = \sum_I \langle I | T | I \rangle \quad (4)$$

в (4) подразумевается суммирование по контурам, противоположные стороны которых параллельны).

Пусть собственные вектора и собственные числа матрицы T являются $|J\rangle$ и $\exp(-E_J t)$. Тогда:

$$V(R) = - \lim_{t \rightarrow \infty} \frac{\ln \left(\sum_k \exp(-E_k t) \right)}{t} = E_1, \quad (5)$$

где $|1\rangle$ состояние с наибольшим $\exp(-Et)$. Мы хотим получить разложение $V(R)$ в виде ряда по степеням β^n ($\beta \equiv 1/g^2$). Из (5) имеем условие $(E_2 - E_1) t \rightarrow \infty$, $\beta \rightarrow 0$. Из одного $W(C_I)$ невозможно вычислить $V(R)$. Если же взять $\langle 1' | T | 1' \rangle$, где $|1'\rangle$ решение секулярного уравнения из (5), то его выражение в теории возмущения можно с точностью до $\beta^3 t^2$ представить в виде экспоненты:

$$\langle 1' | T | 1' \rangle = \beta^{\sqrt{2}Rt} \exp(-c_1 \beta t) [\exp(c_2 \beta + c_3 \beta^2 + c_4 \beta^2 t + 0(\beta^3 t^2))], \quad (6)$$

но поэтому, согласно (5) можно получить $V(R)$ до членов β^2 включительно. На ЭВМ вычислялись величины n_I/R (n_I — число поверхностей, натянутых на траекторию кварка и антикварка, с одинаковым угловым фактором). Для R , направленного под углом $\pi/4$ к осям

$$V(R) = - (-1,414 \ln u - 0,901 u + 0,213 u^2) R + (-0,181 u + 0,003 u^2) \frac{1}{R}. \quad (7)$$

Диаграммы высокотемпературного разложения в гамильтоновой калибровочной теории можно вычислить на анизотропной евклидовой решетке путем выборочного суммирования бесконечного числа диаграмм, имеющих вид удлинненных по оси t параллелепипедов. Например, для струны на одной оси имеем:

$$\alpha = u_0^2 u_1^2 + u_0^2 u_1^4 + \dots = \frac{u_0^2 u_1^2}{(1 - u_1^2)} \quad (8)$$

здесь $u_0 = \int \exp(\beta_0 S(\Omega)) \chi_\phi(\Omega) d\Omega$, $u_1 = \int \exp(\beta_1 S(\Omega)) \chi_\phi(\Omega) d\Omega$, $\chi_\phi(\Omega)$ — характер фундаментального представления $\beta_0 = 1/g_0^2$ соответствует плакету, параллельному оси t , перпендикулярному t . В пределе $g_0^2 \rightarrow \infty$, $g_1 g_0 \rightarrow g^2$, $g_1^2 \rightarrow 0$ получим значение конкретной диаграммы в гамильтоновой теории

$$\lim \frac{u_0^2 u_1^2}{1 - u_1^2} = \beta / C_2 \quad (9)$$

C_2 — значение оператора Казимира второго порядка.

Установленная связь между диаграммами из ¹ и диаграммами, необходимыми для вычисления A говорит о правильности выбора величины A .

В заключение автор выражает благодарность С.Г.Матиняну, А.А.Мигдалу, А.М.Полякову, А.Г.Седракяну за полезные обсуждения.

Литература

1. Kogut J.B et al. Phys. Rev., 1981, 23D, 2945.
2. Wilson K.G. Phys. Rev., 1974, 10D, 2445.

Поступила в редакцию

9 марта 1983 г.