

НЕЛИНЕЙНОЕ НАСЫЩЕНИЕ ВРМБ В РАЗРЕЖЕННОЙ НЕИЗОТЕРМИЧЕСКОЙ ПЛАЗМЕ

В.П. Силин, В.Т. Тихончук

Изучен эффект нелинейного насыщения ВРМБ в неизотермической плазме за счет генерации высших гармоник звука. Выявлено ограничение коэффициента нелинейного отражения в разреженной плазме.

Теория вынужденного рассеяния Мандельштама – Бриллюэна применительно к лазерной плазме представляет специальный интерес из-за возможных ограничений, накладываемых этим процессом, на эффективность нагрева [1 – 3]. С другой стороны, в работе [4] было показано, что корректное вычисление коэффициента отражения за счет ВРМБ от разреженных слоев плазмы требует учета нелинейных эффектов, в частности, для неизотермической плазмы – нелинейности ионного звука. В теории ВРМБ в плазме учет такой нелинейности проводился в работах [5], которые, однако, не изменили представлений о сильном рассеянии. В настоящей статье мы покажем, что рассмотренный в [5] процесс генерации гармоники приводит к резкому ограничению ВРМБ в разреженной плазме¹⁾.

Исходная система уравнений для амплитуд электрического поля падающей E_o и рассеянной назад E_1 электромагнитных волн и амплитуд основной ($n_1 = \delta n_1/n_e$) и второй ($n_2 = \delta n_2/n_e$) гармоник звуковых волн имеет вид

$$\frac{dE_o}{dx} = -\frac{1}{2} \alpha k E_1 n_1 \exp(i \int^x \Delta k dx); \quad \frac{dE_1}{dx} = -\frac{1}{2} \alpha k E_o n_1^* \exp(-i \int^x \Delta k dx); \\ \frac{dn_1}{dx} = k \frac{E_o E_1^*}{16 \pi n_c \kappa T_e} \exp(-i \int^x \Delta k dx) + kn_1^* n_2; \quad \frac{dn_2}{dx} = -2kn_1^2, \quad (1)$$

где x – координата в направлении распространения волны накачки, $k = \frac{\omega_o}{c} \left(1 - \frac{n_e}{n_c}\right)^{1/2}$ и ω_o – ее волновое число и частота, $n_e(x)$ – электронная плотность, n_c – критическая плотность, $\alpha = n_e/(n_c - n_e)$, $\Delta k(x)$ – расстройка волновых чисел трех взаимодействующих волн, T_e – температура электронов плазмы.

¹⁾Рассмотренный в работе [6] процесс распада звуковых волн для насыщения ВРМБ является значительно менее эффективным, чем генерация гармоник.

Прежде всего покажем, что в простейшей модели (см. [7]) однородного слоя плазмы толщины l отток энергии звуковой волны во вторую гармонику резко снижает интенсивность ВРМБ. Для этого исследуем систему уравнений (1) при $\Delta k = 0$ и граничных условиях (ср. [7]).

$$E_0(0) = (8\pi q_0/c)^{1/2} (1 - n_e/n_c)^{-1/2}; \quad n_1(0) = n_2(0) = 0; \quad E_1(l) = 0, \quad (2)$$

где q_0 — плотность потока энергии волны накачки в вакууме. Пренебрежение диссипацией звука ограничивает толщину слоя условием $kl < (m_i/m_e)^{1/2}$.

Система уравнений (1) имеет первые интегралы

$$|E_0|^2 - |E_1|^2 = C_1; \quad \frac{|E_1|^2}{8\pi n_c \kappa T_e} + a \left(|n_1|^2 + \frac{1}{2} |n_2|^2 \right) = C_2;$$

$$\operatorname{Im} \left(\frac{E_0 E_1^*}{8\pi n_c \kappa T_e} n_1^* - n_1^2 n_2^* \right) = 0 \quad (\text{при } \Delta k = 0), \quad (3)$$

причем с учетом (2) коэффициент отражения $R = |E_1(0)/E_0(0)|$ связан с C_1 соотношением $C_1 = E_0^2(0)(1 - R^2)$.

Вводя амплитуды и фазы волн $E_i = |E_i| \exp i\Phi_i$, $n_m = |n_m| \exp i\psi_m$ с учетом (2) и (3) приведем систему (1) к следующему виду

$$\frac{dz}{d\xi} = -\frac{1}{2} \sqrt{fF}; \quad \frac{dy}{d\xi} = -\frac{R\sqrt{2}}{a} f \cos \chi; \quad \frac{d\chi}{d\xi} = \frac{R\sqrt{2}}{ay} (f - y^2) \sin \chi, \quad (4)$$

где $\xi = kx E_0(0) \sqrt{a/8\pi n_c \kappa T_e}$; $|E_0(x)|^2 = E_0^2(0) [1 - R^2(1 - z^2)]$; $\chi = \psi_2 - 2\psi_1$; $|n_2| = y R E_0(0) / \sqrt{4\pi n_c \kappa T_e}$; $f(y, z) = 1 - z^2 - y^2$; $F(y, z, \chi, R) = -1 - R^2(1 - z^2) - 2 \frac{R^2}{a^2} \frac{y^2}{z^2} f(y, z) \sin^2 \chi$. Обозначая далее $p = (kl/\pi) \times E_0(0) \sqrt{a/8\pi n_c \kappa T_e}$, согласно (4) имеем следующее соотношение, определяющее $R(p)$:

$$\pi p/2 = \int_0^1 dz F^{-1/2}(y(z), z, \chi(z), R). \quad (5)$$

В обычной трехволновой теории ($y = 0$) правая часть формулы (5) равна $K(R)$, где K — эллиптический интеграл. Отсюда следует известный результат (см. [7]) о том, что отражение возникает при превышении порога $p = 1$, а вблизи порога $R^2 \approx 4(p - 1)$.

Рассмотрим следствия нашей системы уравнений (4) в околоворотной области $R \ll 1$ в предположении $1 - z^2 \gg y^2$, что означает малости амплитуды второй гармоники по сравнению с основным возмущением. При этом имеем $y \sin \chi = 0$, что позволяет положить $\chi = \pi$. Решение уравнения для y находится в явном виде $y(z) = (R\sqrt{2}/a) (\arccos z - z\sqrt{1 - z^2})$, что согласно (5) дает

$$R^2 = \frac{4a^2}{a^2 + 2} (p - 1). \quad (6)$$

Поскольку в разреженной плазме $\alpha \ll 1$, то имеем резкое уменьшение коэффициента отражения, по сравнению с результатом трехвольновой теории. Физически это соответствует тому, что генерация второй гармоники звука значительно более эффективный процесс насыщения ВРМБ, чем истощение волны накачки. При

$$R \sim 2\alpha/\pi \quad . \quad (7)$$

амплитуды второй и высших гармоник звука сравниваются с основной. Значение (7) следует считать предельным, ибо при сокращении фронта звуковой волны можно ожидать возникновения эффективной турбулентной диссипации звука.

Эффект подавления ВРМБ сохраняется и в неоднородной плазме, где в отличие от абсолютной неустойчивости, приводящей к (6), имеет место конвективное усиление [1].

Пренебрегая истощением накачки, считая $\Delta k = \alpha kx/L$ линейной функцией координаты (здесь $x = 0$ — точка фазового синхронизма волн, а L — масштаб неоднородности плотности плазмы в этой точке), и принимая

$$E_1(x) = E_1 \exp\left(-\frac{i}{2} \int \Delta k dx + \frac{i}{2} \int q dx\right); \quad n_m(x) = n_m \exp\left(-\frac{im}{2} \int \Delta k dx - \frac{im}{2} \int q dx\right), \quad \text{получаем из (1) уравнение эйконала}$$

$$\frac{q^2(x)}{k^2} = \alpha^2 \frac{x^2}{L^2} + \alpha \frac{E_0^2(0)}{8\pi n_c \kappa T_e} - |n_1|^2 \frac{\alpha kx - qL}{\alpha kx + qL}. \quad (8)$$

Усиление волн возникает лишь тогда, когда две точки остановки волн $x_t (q(x_t) = 0)$ в комплексной плоскости x имеют одинаковые действительные части. Из (8) имеем $x_t = \pm i \frac{L}{\alpha} (\alpha E_0^2(0)/8\pi n_c \kappa T_e - |n_1|^2)^{1/2}$. Отсюда

следует, что ВРМБ прекращается когда интенсивность звуковых возмущений достигает уровня $|n_1|^2 \approx \alpha E_0^2(0)/8\pi n_c \kappa T_e$. Имея ввиду интеграл C_2 (3) находим $\max|E_1|^2 \lesssim \alpha^2 E_0^2(0)$. Эта оценка отвечает полученному выше (7) ограничению на коэффициент отражения.

Найденное предельное значение локального коэффициента отражения позволяет оценить полное ослабление мощного излучения за счет ВРМБ при его распространении в разреженной плазме. Из (8) (см., также, [8]) следует, что эффективная длина резонансного взаимодействия волн $\Delta x \sim L E_0(0)/\sqrt{8\pi n_c \kappa T_e}$. Это позволяет записать следующее уравнение для потока энергии волны накачки q_0 .

$$\frac{dq_0}{dx} \approx \frac{\Delta q_0}{\Delta x} \approx -\frac{R^2}{L} (\alpha q_0 c n_c \kappa T_e)^{1/2} \lesssim -\frac{\alpha^{5/2}}{L} (q_0 c n_c \kappa T_e)^{1/2}.$$

Отсюда видно, что при распространении излучения в плазме из вакуума до плотности $n_{e \max}$ возникает отраженный поток $q_{\text{отр}} \lesssim \frac{2}{5} \alpha_{\max}^{5/2} \times$

$\times (q_0 c n_c \kappa T_e)^{1/2}$, в условиях $n_{e \max} \ll n_c$ составляющий малую долю падающего потока энергии, независимо от масштаба неоднородности плотности.

Физический институт
им. П.Н.Лебедева
Академии наук СССР

Поступила в редакцию
6 августа 1981 г.

Литература

- [1] Галеев А.А., Лаваль Г., О'Нейл Т., М.Н.Розенблют, Сайдеев Р.З. Письма в ЖЭТФ, 17, 1973, 48; ЖЭТФ, 65, 1973, 973.
- [2] Красюк И.К., П.П.Пашинин, Прохоров А.М. Письма в ЖЭТФ, 17, 1973, 130.
- [3] Chen F.F. Proc. of Int. Conf. on Plasma Phys., 2, Nagoya, Japan, 1980, 345.
- [4] Виноградов А.В., Зельдович Б.Я., Собельман И.И. Письма в ЖЭТФ, 17, 1973, 271.
- [5] Горбунов Л.М. ЖЭТФ, 65, 1973, 990; Горбунов Л.М., Домрин В.И., Салихов Д.К. Краткие сообщения по физике ФИАН, №9, 1981.
- [6] Karttunen S.J., Salomaa R.R.E. Phys. Lett., 72A, 1979, 336.
- [7] Kroll N. J.Appl. Phys., 36, 1965, 34; Горбунов Л.М. ЖЭТФ, 67, 1974, 1382; Andersson D., Wilhelmsson H. Nuclear Fusion, 14, 1974, 537.
- [8] Andersson D., Wilhelmsson H. Phys. Lett., 50A, 1974, 383.