

О СПЕКТРЕ МАСС МЕЗОНОВ В КВАЗИПОТЕНЦИАЛЬНОМ ПОДХОДЕ

С.В.Голоскоков, С.П.Кулешов, А.В.Сидоров

Массы J/ψ и γ -мезонов вычисляются с помощью квазипотенциального уравнения Логунова – Тавхелидзе. Потенциал выбран в виде $V(r) = \sigma r$. Получено хорошее согласие с экспериментом.

Последнее время спектр масс J/ψ и γ -частиц интенсивно исследуется с помощью нерелятивистского уравнения Шредингера (см. обзор [1]). При этом мезоны рассматриваются, как связанные состояния кварка и антикварка, а потенциал выбирается растущим при $r \rightarrow \infty$.

В данной работе спектр масс S -состояний векторных мезонов вычисляется на основе релятивистского трехмерного квазипотенциального уравнения Логунова – Тавхелидзе:

$$(E^2 - m^2 - \hat{\mathbf{p}}^2) \Phi(\mathbf{r}) = - \frac{m^2 V(r)}{\sqrt{m^2 + \hat{\mathbf{p}}^2}} \Phi(\mathbf{r}) \quad \hbar = c = 1. \quad (1)$$

Здесь E – полная энергия одного кварка, m – масса кварка, $\hat{\mathbf{p}} = -i \vec{\nabla}$

Выберем потенциал в уравнении (1) в виде $V(r) = \sigma r$ и произведем подстановку $\Phi(\mathbf{r}) = (\chi_l(r)/r) Y_{lm}(\theta, \phi)$. Тогда для $l = 0$ имеем:

$$\left(E^2 - m^2 + \frac{d^2}{dr^2} \right) \chi_0(r) = - \frac{m^2 \sigma r}{\sqrt{m^2 - (d^2/dr^2)}} \chi_0(r). \quad (2)$$

В уравнении (2) перейдем к фурье образу функции $\chi_0(r)$:

$$\tilde{\chi}_0(\mathbf{p}) = \int_{-\infty}^{+\infty} e^{i\mathbf{p}r} \chi_0(r) dr. \quad (3)$$

Для $\tilde{\chi}_0(\mathbf{p})$ получим дифференциальное уравнение первой степени:

$$-im^2\sigma \frac{d}{d\mathbf{p}} \ln \tilde{\chi}_0(\mathbf{p}) = \sqrt{m^2 + \mathbf{p}^2} (E^2 - m^2 - \mathbf{p}^2). \quad (4)$$

$\tilde{\chi}_0(\mathbf{p})$ вычисляется простым интегрированием. Для того, чтобы получить условие квантования перейдем с помощью обратного преобразования Фурье от $\tilde{\chi}_0(\mathbf{p})$ к $\chi_0(r)$ и положим $\chi_0(0) = 0$. Получим:

$$\int_0^\infty d\mathbf{p} \cos \left\{ \frac{1}{2m^2\sigma} \left[p \sqrt{p^2 + m^2} \left(E^2 - \frac{5}{4} m^2 - \frac{p^2}{2} \right) \mp \right. \right.$$

$$\left. + \frac{1}{2} m^2 \left(E^2 - \frac{3}{4} m^2 \right) \operatorname{arc sh} \frac{p}{m} \right] \} = 0. \quad (5)$$

Интегрирование в (5) может быть выполнено методом стационарной фазы, что приводит к следующему приближенному условию квантования:

$$E_n \sqrt{E_n^2 + m^2} \left(E_n^2 - \frac{3}{2} m^2 \right) + 2m^2 \left(E_n^2 - \frac{3}{4} m^2 \right) \operatorname{arc ch} \frac{E_n}{m} = 4\pi m^2 \sigma \left(n + \frac{3}{4} \right); \quad \pi \left(n + \frac{3}{4} \right) \gg 1 \quad (6)$$

n — целое неотрицательное число.

Согласно [2] будем считать, что масса связанного состояния $q\bar{q}$ равна $M_{q\bar{q}} = 2E_q$. Параметры m и σ фиксируются по значениям масс первых двух уровней с квантовыми числами $n = 1, 2$. При этом для J/ψ частиц получается $\sigma_c = 0,60$ ГэВ², $m_c = 0,961$ ГэВ, а для γ -частиц $\sigma_b = 0,45$ ГэВ², $m_b = 4,34$ ГэВ. Спектры масс, вычисленные с помощью этих параметров для различных значений главного квантового числа n , представлены в таблице и отражают хорошее согласие с экспериментом. (Использование условия квантования (5) приводит к 10%-ному изменению параметров σ и m). Кроме того в таблице указаны теоретические предсказания, полученные в рамках рассмотренной выше модели.

n	$M_{c\bar{c}}, \text{ ГэВ}$		$M_{b\bar{b}}, \text{ ГэВ}$	
	эксперимент	теория	эксперимент	теория
1	3,095	3,095	9,46	9,46
2	3,686	3,686	10,01	10,01
3	4,04	4,082	10,38	10,43
4	4,41	4,391	—	10,78
5	—	4,647	—	11,09
6	—	4,868	—	11,37

В заключение авторы благодарят А.Е.Дорохова, С.Г.Коваленко, Н.Б.Скачкова за интерес к работе.

Литература

[1] *C. Quigg, Y. Rosen. FERMI LAB- Pub- 79/22- THY, 1979.*

[2] В.Г.Кадышевский, А.Н.Тавхелидзе. Книга "Проблемы теоретической физики", М., изд. Наука, 1969 г., стр. 261.
