

## СТАЦИОНАРНЫЕ УРОВНИ ЭЛЕКТРОНА В ПОЛЕ ПОЛЯРИЗУЮЩЕЙСЯ НЕЙТРАЛЬНОЙ ЧАСТИЦЫ

*M. С. Хайкин*

Установлено существование стационарных "диэлектрических уровней" электронов близ диэлектрической частицы, возникающих в потенциальной яме, которая образуется притяжением частицы, поляризующей полем электрона и работой проникновения электрона в ее материал. Найдена зависимость спектра поверхностных уровней от кривизны поверхности диэлектрика. Спектр частот диэлектрических уровней простирается от оптических (для иона) до  $\sim 10^{12} \div 10^{11}$  Гц. Обсуждается возможность существования диэлектрических уровней электронов близ частиц космической пыли.

Притяжение электрона плоской поверхностью поляризующегося диэлектрика, при условии большой работы проникновения электрона внутрь

диэлектрика, образует потенциальную яму, в которой возникают стационарные поверхностные уровни электронов; такие уровни близ поверхности жидкого гелия хорошо изучены [1, 2]. Двухмерный слой поверхностных электронов, расположенный внутри пузырька в жидким (сверхтекущем) гелии, обеспечивает стабильное существование такого образования – баблона [3, 4]. В многоэлектронном баблоне при достаточно низкой температуре должна иметь место вигнеровская кристаллизация слоя электронов; баблон с малым числом электронов, очевидно, представляет собою трехмерную квантовую систему.

В этом сообщении рассматривается геометрически противоположная ситуация, а именно: влияние кривизны выпуклой поверхности диэлектрика на спектр поверхностных уровней электронов и стационарные уровни электронов близ малых (сферических) частиц диэлектрика. Возможность существования таких квантовых систем – "диэлектрических ионов" – имеющих нейтральное многоатомное ядро, удерживающее электрон силами поляризации, представляется несомненной для веществ, атомы (или молекулы) которых способны образовывать отрицательные ионы (например, для  $H^-$  энергия связи избыточного электрона  $\approx 0,7 \text{ эв}$ ). Спектр стационарных уровней электронов близ выпуклой поверхности диэлектрика станет заметно отличаться от спектра плоской системы (частота перехода с основного уровня в сплошной спектр  $\nu_1 \approx 5 \cdot 10^{12} \text{ Гц}$  для твердого  $H$ ) тогда, когда радиус кривизны поверхности  $R$  уменьшится до величины порядка расстояния от плоской поверхности до электрона  $d_{\text{пл}} \approx \approx 10^{-6} \text{ см}$ .

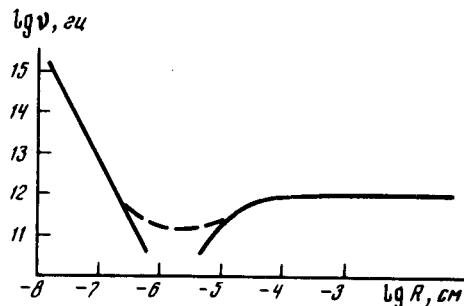
С другой стороны, случай предельно малой частицы, удерживающей электрон силами поляризации, хорошо известен: это отрицательный ион, спектр которого лежит в оптической области ( $\sim 10^{15} \text{ Гц}$ ), а величины  $R$  и  $d \sim 10^{-8} \text{ см}$ . Таким образом, наша задача – определить спектр диэлектрических ионов, имеющих размеры от атомных до  $\sim 10^{-6} \text{ см}$ . Относительную ширину уровней будем считать малой, как это имеет место для стационарных состояний над плоской поверхностью жидкого  $He$  [5]; это тем более верно для ионов (температуру будем предполагать не выше нескольких градусов).

В работе [6] показано, что хорошо согласующаяся со спектроскопическими измерениями поляризуемость атома может быть вычислена (к тому же результату приводит и квантовомеханический расчет [7]) на основе простой модели: поле электрона  $e/r^2$ , находящегося на расстоянии  $r$  от центра атома с поляризуемостью  $a_A$ , вызывает появление в нем дипольного момента  $a_A e/r^2$ . Потенциальная энергия электрона в поле этого диполя  $U = -a_A e^2/2r^4$ . Применим эту же формулу и для содержащей  $N$  атомов сферической частицы радиуса  $R$  с поляризуемостью  $a_R = Na_A$  (считая ее поляризацию однородной).

Квантование по Бору – Зоммерфельду приводит к энергетическим уровням  $E_n = -n^4 e^2 r_B^2 / 2a_R$  для электронов, обращающихся вокруг малой частицы по орбитам с радиусами  $r_n = n^{-1} \sqrt{a_R/r_B}$ ; ( $r_B$  – боровский радиус). Реализующиеся уровни отбираются условием  $r_n \gg R$ , которое для практически интересных случаев ( $H$ ,  $He$ ) допускает единственное значение  $n = 1$ .

Полученный спектр, очевидно, не верен для области  $R \gg d_{\text{пл}}$ , ибо он не переходит при  $R \rightarrow \infty$  в известный спектр плоских уровней. Поэтому спектр для больших  $R$  найдем иначе.

Спектр уровней электронов близ плоской поверхности [1] определяется потенциальной энергией  $U_{\text{пл}} = -\pi a e^2 / 2 d_{\text{пл}}$  (где  $a = (\epsilon - 1) / 4\pi$  – поляризуемость диэлектрика). При переходе к сферической поверхности энергия уменьшается:  $U(R) = U_{\text{пл}} f(R/d)$ , где  $f(R/d) < 1$  просто вычисляется при  $\epsilon - 1 \ll 1$ , что с достаточным приближением верно для H, He. Расчет дает  $U(R \approx 5d_{\text{пл}}) \approx 0,5U_{\text{пл}}$ ; таким же образом изменяются и уровни электронов.



Обратимся к оценкам для твердого водорода, основанным на известных данных:  $a_A = 0,41 \cdot 10^{-24} \text{ см}^3$  [7];  $a = 0,02$ ,  $d_{\text{пл}} = 1,7 \cdot 10^{-7} \text{ см}$  [2]. На рисунке приведены значения частот  $\nu_1(R)$  перехода с основного уровня в непрерывный спектр, вычисленных для двух рассмотренных выше областей  $R < d_{\text{пл}}$  и  $R > d_{\text{пл}}$  (сплошные линии). Крайние значения:  $\nu_1(R \sim 10^{-8} \text{ см}) \sim 10^{15} \text{ Гц}$  – отвечает оптическому спектру иона;  $\nu_1(R = \infty) \sim 10^{12} \text{ Гц}$  – соответствует величине, ожидаемой для поверхности твердого H, исходя из экспериментальных данных для He. В переходной области  $R \sim d_{\text{пл}}$  два решения для  $\nu_1(R)$  пересекаются; очевидно, что реализоваться могут лишь уровни, соответствующие верхним ветвям кривых  $\nu_1(R)$ , ибо они отвечают более глубоким потенциальным ямам. Реальная зависимость  $\nu_1(R \sim d)$  должна выглядеть примерно так, как это показано пунктиром, попадая в интервал  $10^{12} \div 10^{11} \text{ Гц}$ .

Обсудим возможность наблюдения диэлектрических уровней. Прежде всего нужно указать на возможность существования диэлектрических ионов в космической среде, состоящей на  $\sim 90\%$  из H (и на  $\sim 10\%$  из He – по числу атомов) и содержащей космическую пыль с размерами частиц от атомных до  $\sim 10^{-4} \text{ см}$ . Наличие диэлектрических уровней должно обнаруживаться по излучению (и поглощению) в диапазоне от оптического до  $10^{12} \div 10^{11} \text{ Гц}$  с максимумом в области низкочастотной границы, обусловленным экстремумом и горизонтальной ветвью кривой  $\nu_1(R)$  (см. рисунок). Конечно, эта область должна быть размыта вследствие различий формы и поляризуемости (материала) пылинок. Изложенной картине вполне соответствует существующее космическое излучение в широкой полосе в области  $\sim 10^{12} \text{ Гц}$ , особенно интенсивное от пылевых облаков, происхождение которого еще не выяснено [8]. Очевидно, нужен

детальный анализ возможной связи этого излучения с диэлектрическими уровнями.

Постановка лабораторного эксперимента по обнаружению диэлектрических уровней близ малых частиц, несомненно, заслуживает внимания; при этом в качестве частиц следует использовать микрокапли (туман) гелия, а в качестве метода обнаружения — измерение поглощения в характерной области частот.

П.Л.Капице автор благодарен за внимание к работе, Н.С.Кардашеву и В.С.Эдельману — за полезное обсуждение.

Институт физических проблем  
Академии наук СССР

Поступила в редакцию  
17 мая 1978 г.

### Литература

- [ 1 ] В.Б.Шикин, Ю.П.Монарха. ФНГ, 1, 957, 1975.
- [ 2 ] M.W.Cole. Phys. Rev., B2, 4239, 1970.
- [ 3 ] А.П.Володин, М.С.Хайкин, В.С.Эдельман. Письма в ЖЭТФ, 26, 707 1977.
- [ 4 ] В.Б.Шикин. Письма в ЖЭТФ, 27, 44, 1978.
- [ 5 ] В.С.Эдельман. Письма в ЖЭТФ, 24, 510, 1976.
- [ 6 ] M.Born, W.Heisenberg. Zs. f. Phys., 23, 388, 1924.
- [ 7 ] J.G.Kirkwood. Phys. Zs., 33, 57, 1932.
- [ 8 ] М.Гринберг. "Межзвездная пыль", М., изд. Мир, 1970.