

## ДИНАМИКА НАМАГНИЧЕННОСТИ В ДИПОЛЬНОЙ КРИТИЧЕСКОЙ ОБЛАСТИ

Г.Б.Тейтельбаум

Методом Вильсона исследована роль дипольных сил в критической динамике намагниченности ферромагнетика.

Недавно ренорм-групповой подход Вильсона к критическим явлениям [1] был обобщен для исследования динамики модели Гинзбурга – Ландау с обменным взаимодействием [2]. Однако в магнетиках всегда присутствует и дипольное взаимодействие. В наиболее важной для фазовых переходов области температур  $T$  чуть выше критической –  $T_c$ , когда разность  $T - T_c$  сравнима с энергией дипольного взаимодействия, оно может стать существенным в критическом поведении системы. Статистические свойства критического поведения в этой дипольной области были изучены методом  $\epsilon$ -разложения Фишером и Аарони [3], динамические – будут разобраны ниже.

Характерной чертой дипольных сил является их дальноедействие и расходимость, делающие необходимым введение размагничивающих множителей. Немаловажным при использовании  $\epsilon$ -разложения является и то, что из вида изотропного дипольного гамильтониана следует равенство числа компонент параметра порядка  $n$  и размерности системы  $d$ . Наконец дипольное взаимодействие приводит к несохранению параметра порядка, что позволяет считать константой декремент затухания  $\Gamma$  в уравнении Гинзбурга – Ландау, моделирующем низкочастотную динамику:

$$\frac{\partial \sigma_{\mathbf{k}}^{\alpha}}{\partial t} = -\Gamma \frac{\delta \bar{\mathcal{H}}}{\delta \sigma_{-\mathbf{k}}^{\alpha}} + \eta_{\mathbf{k}}^{\alpha} \quad (1)$$

Здесь  $\sigma_{\mathbf{k}}^{\alpha}$  – фурье-образ компоненты параметра порядка ( $\alpha = 1, 2, \dots, n$ ),  $\mathbf{k}$  – волновой вектор, ограниченный сверху,  $\eta_{\mathbf{k}}^{\alpha}$  – компонента случайной силы, характеризующей флуктуации бесконечного теплового резервуара. В такой модели пренебрегается эффектами, связанными с сохранением плотности энергии. Однако для систем с конечной при  $T = T_c$  теплоемкостью, к которым относится наша ( $\alpha_s = -\frac{1}{34}\epsilon < 0$  [3]), это не скажется на результатах, касающихся динамики параметра порядка [2]. Подстановка в (1) модифицированного гамильтониана  $\bar{\mathcal{H}}$  работы [3] с учетом зеемановой энергии в слабом магнитном поле  $\mathbf{h}_{\mathbf{k}}(t)$  приводит к системе нелинейных дифференциальных уравнений

$$\begin{aligned} -\frac{\partial \sigma_{\mathbf{k}}^{\alpha}}{\partial t} + \Gamma(r_0 + k^2)\sigma_{\mathbf{k}}^{\alpha} + \Gamma \sum_{\alpha'} (g_{\alpha'} - h_0 k^2) \frac{k^{\alpha} k^{\alpha'}}{k^2} \sigma_{\mathbf{k}}^{\alpha'} = \Gamma h_{\mathbf{k}}^{\alpha} + \eta_{\mathbf{k}}^{\alpha} - \\ - 4u_0 \Gamma \sum_{\alpha'} \iint d^d k_1 d^d k_2 \sigma_{\mathbf{k}_1}^{\alpha'} \sigma_{\mathbf{k}_2}^{\alpha'} \sigma_{\mathbf{k}-\mathbf{k}_1-\mathbf{k}_2}^{\alpha} \end{aligned} \quad (2)$$

Здесь  $r_0 \sim T$ ;  $g_0$  и  $h_0$  — параметры, пропорциональные константам дипольного взаимодействия,  $u_0$  — параметр нелинейной связи флуктуаций. Требование того, чтобы в равновесном состоянии решения (2) приводили к статическим бинарным корреляторам работы [3], налагает на средние от  $\eta_k^\alpha$  Гауссовы условия:  $\langle \eta_k^\alpha(t) \rangle = 0$ ,  $\langle \eta_k^\alpha \eta_{k'}^\alpha \rangle = 2\Gamma\delta(k+k') \times \delta(t-t')\delta_{\alpha\alpha}$ .

Перейдя к непрерывным значениям размерности системы  $d$  и учтя, что по Вильсону в окрестности фазового перехода существенно фиксированное значение гамильтониана, где при наличии дипольных сил и  $\epsilon = 4 - d > 0$  параметр  $8\pi^2 u_0 \approx \epsilon/34$  [3], итерациями по  $u_0$  получим из системы (2) выражение для динамической магнитной восприимчивости

$$\chi_{\alpha\beta}^{-1}(k, \omega) = G_{\alpha\beta}^{-1}(k, \omega) + \Sigma_{\alpha\beta}(k, \omega). \quad (3)$$

Собственно-энергетическая часть  $\Sigma_{\alpha\beta}$  соответствует графическому разложению по степеням  $u_0$ , а затравочный коррелятор

$$G_{\alpha\beta}(k, \omega) = \frac{\delta_{\alpha\beta} - k^\alpha k^\beta / k^2}{r_0 + k^2 - i\omega/\Gamma} + \frac{k^\alpha k^\beta / k^2}{g_0 + r_0 + (1 - h_0)k^2 - i\omega/\Gamma}, \quad k \neq 0; \quad (4)$$

$$G_{\alpha\beta}(0, \omega) = \delta_{\alpha\beta}(r_0 + g_0 D_a - i\omega/\Gamma)^{-1}$$

Последняя формула, где  $D_a$  — главное значение тензора размагничивающих коэффициентов [3], записана для эллипсоидального образца.

Для анализа однородной восприимчивости  $\chi_{\alpha\beta}(0, \omega)$  при  $T = T_c$  и при малых значениях частоты  $\omega$  удобно использовать перенормированное разложение, где из величины  $r_0(T)$  в (3) и (4) вычтено  $r_0(T_c)$ , тогда из собственно-энергетической части следует вычесть  $\Sigma_{\alpha\beta}(0, 0)$ . Не вдаваясь в подробности графического разложения, заметим, что первая исчезающая поправка к затравочному коррелятору в (3) появится во втором порядке по  $u_0$ . При малых  $\epsilon$  ограничимся такой точностью. Поперечные части  $G_{\alpha\beta}$  в логарифмическом приближении дадут поправки  $\sim \ln \omega$ , а продольные  $\sim \ln g_0$ . В асимптотике по  $\omega \rightarrow 0$  можно пренебречь вкладом от продольных флуктуаций в  $\Sigma_{\alpha\beta}$ . Вычисления, а также справедливое при  $\lambda \ll 1$  соотношение  $\omega(1 - \lambda \ln \omega) \approx \omega^{1-\lambda}$ , приводят к

$$\chi_{\alpha\beta}^{-1}(0, \omega) \approx \delta_{\alpha\beta}(g_0 D_a - i\Gamma^{-1}\omega^{1-\lambda}), \quad \lambda = \frac{90}{(34)^2} \epsilon^2 \ln \frac{4}{3}. \quad (5)$$

Зависящее от  $\omega$  слагаемое  $\chi_{\alpha\beta}^{-1}$  представимо во взятой при  $k=0$  традиционной для динамического подобию форме<sup>1)</sup>  $k^2 - \eta f(\omega/\Gamma k^z)$  (статический индекс  $\eta = \frac{80}{3(34)^2} \epsilon^2$  [3]), причем динамический критический индекс

$$z = 2 + c\eta, \quad c = \frac{27}{4} \ln \frac{4}{3} - 1. \quad (6)$$

<sup>1)</sup> Можно показать справедливость этого и при конечных  $k$  и  $\omega$ .

Отличие (5) и (6) от результатов [2] говорит об изменении критической динамики, присущей моделям с короткодействующими обменными силами, дальнедействующими дипольными. По аналогии со статикой это изменение, связанное с наличием параметра  $g_0$  в гамильтониане, можно характеризовать экспонентой динамического перехода (crossover)  $\bar{\psi}$ , вводимой соотношением

$$\chi_{T=T_c}(\omega, g_0) \sim \omega^{-(1-\lambda)} \Phi(g_0/\omega^{\bar{\psi}}) = g_0^{-(1-\lambda)/\bar{\psi}} \tilde{\Phi}(g_0/\omega^{\bar{\psi}}). \quad (7)$$

Из выражения (5) следует, что в нашем случае  $\bar{\psi} \approx 1 - \lambda$ .

Рассмотрим температурную ( $T > T_c$ ) зависимость времени релаксации параметра порядка  $T_\sigma$ . Вычислив мнимую часть  $\chi_{\alpha}^{-1}(\beta, \omega)$  при  $\omega \rightarrow 0$  и подставив  $r_0(T) - r_0(T_c) \approx B\tau^\gamma$ , где  $\tau = (T - T_c)/T_c$ , а  $\gamma$  - индекс статической восприимчивости [3], получим:

$$T_\sigma \sim \Gamma^{-1}(B\tau^\gamma + g_0 D_\alpha)^{-1} \tau^{-\Delta} \sim \tau^{-\Delta_\alpha}, \quad \Delta = \frac{1}{2}(c + 1)\eta. \quad (8)$$

Из сравнения (8) с результатами [4] следует, что при  $D_\alpha \neq 0$  критический индекс времени релаксации параметра порядка  $\Delta_\alpha (= \Delta)$  почти на единицу меньше, чем в обменной области. Этот факт вероятно наиболее доступен для экспериментального наблюдения. Подчеркнем, что "дипольное" поведение имеет место в узкой ( $\tau \sim 10^{-2} - 10^{-3}$ ) области температур вблизи  $T_c$  (подробнее см. [3]). Если параметр  $D_\alpha = 0$ , то  $\Delta_\alpha = \Delta + \nu$  и лишь немного отличается от обменного значения, причем в этом случае выполняется соотношение динамического подобия  $\Delta_\alpha = \nu z$  ( $\nu$  - критический индекс радиуса корреляции [3]).

Наши результаты, которые при  $\epsilon = 1$  соответствуют обычной трехмерной ситуации, получены без использования формул динамического подобия и несколько уточняют их. Следует упомянуть о недавних итогах ( $z \approx 1$ ,  $\Delta_\alpha \approx 2/3$ ) иного подхода к рассмотренной задаче [5]. Не исключено, что расхождение их с (6) и (8) связано с учетом в [5] эффектов размагничивания.

Пользуюсь случаем поблагодарить за полезные обсуждения С.В.Малева, А.З.Паташинского, В.Л.Покровского и В.В.Прудникова.

Казанский  
физико-технический институт  
Академии наук СССР

Поступила в редакцию  
26 января 1875 г.

### Литература

- [1] K.G.Wilson, J.Kogut. Phys. Reports, **12**, 75, 1974.
- [2] B.I.Halperin, P.C.Hohenberg, S.Ma. Phys. Rev. Lett., **29**, 1548, 1972; Phys. Rev. **10B**, 139, 1974.
- [3] M.E.Fisher, A.Aharony. Phys. Rev. Lett., **30**, 559, 1973; Phys. Rev., **8B**, 3323, 1973; A.Aharony. Phys. Rev., **8B**, 3342, 1973.
- [4] M.Suzuki, G.Igarashi. Progr. Theor. Phys., **49**, 1070, 1973.
- [5] С.В.Малева. ЖЭТФ, **66**, 1809, 1974.