

# Спиновая дисклинация в слоистом антиферромагнетике с винтовой дислокацией

Б. А. Иванов<sup>1)</sup>, В. Е. Киреев

Институт магнетизма НАН Украины, 03142 Киев, Украина

Поступила в редакцию 12 января 2001 г.

В слоистых антиферромагнетиках с ферромагнитным обменным взаимодействием спинов в атомных плоскостях и антиферромагнитным взаимодействием между плоскостями винтовая дислокация, перпендикулярная слоям, приводит к появлению несингулярных дисклинаций с ферромагнитным ядром.

PACS: 61.72.-y, 75.25.+z

Спиновое упорядочение в антиферромагнетиках (АФМ) описывается в рамках картины конечного числа магнитных подрешеток, каждая из которых упорядочена ферромагнитно, при том, что суммарный магнитный момент АФМ в обменном приближении равен нулю. АФМ упорядочение чувствительно к дефектам кристаллической решетки, которые разрушают подрешеточную структуру, характерную для идеального АФМ. При этом дефекты решетки могут приводить к появлению неоднородного распределения спинов, см. [1, 2].

Исторически первый пример подобных неоднородностей был предложен Дзялошинским [3] и Ковалевым, Косевичем [4], которые отметили, что наличие краевой дислокации в АФМ производит “сбой” в подрешетках и приводит к появлению макроскопических магнитных дефектов – доменных стенок и дисклинаций. Подобные эффекты возникают при наличии атомной ступеньки на поверхности раздела АФМ и ферромагнетика (ФМ), см. [5, 6] и ссылки там. Общим свойством всех этих неоднородностей является появление АФМ дисклинаций, которые могут рассматриваться как антиферромагнитный вихрь с полуприветным значением топологического заряда – завихренности, см. [1, 2]. Анализ дисклинации в свете повышения интереса к двумерным магнитным солитонам и особенно вихрям представляет самостоятельный интерес, см. [7–10].

Во всех упомянутых выше работах рассматривалась краевая дислокация в АФМ с шахматным порядком. Наличие скачка АФМ вектора  $\mathbf{l}$  на некоторой поверхности, которая опирается на линию дислокации и простирается до поверхности кристалла, есть общее свойство всех дисклинаций в АФМ с дислокацией в решетке. Однако конкретное распределение спиновой плотности для различных типов АФМ

может сильно отличаться от того, что характерно для описанной выше АФМ дисклинации. Чтобы продемонстрировать это, рассмотрим спиновую неоднородность, которая возникает в слоистых АФМ типа  $\text{CoCl}_2$ ,  $\text{FeCl}_2$ ,  $\text{NiCl}_2$  с винтовой дислокацией, перпендикулярной слоям. В указанных АФМ обменное взаимодействие спинов в плоскостях ферромагнитно (обменный интеграл  $J$ ), а соседние плоскости связаны АФМ взаимодействием с обменным интегралом  $J'$ , обычно более слабым. Характерное значение  $J/J' \approx 10 \div 100$  и достигает  $10^4 \div 10^6$  для интеркалированных систем [11]. Как мы покажем, малость величины  $J'/J$  приводит к существованию несингулярных дисклинаций, которые могут быть последовательно описаны в рамках континуальной теории.

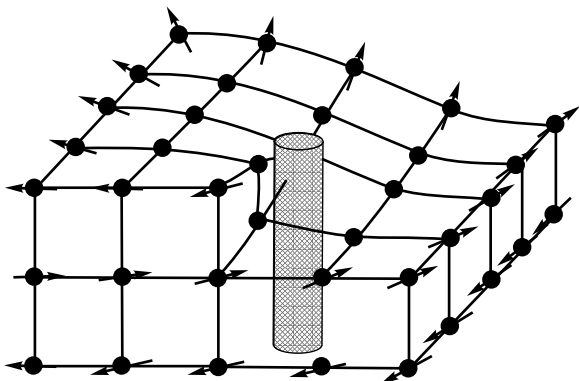
Гамальтониан идеального магнетика указанного выше типа может быть представлен в виде

$$\mathcal{H} = \sum_{n=1}^{N_z} \sum_{\mathbf{r}, \delta} [-J \mathbf{S}_{n,\mathbf{r}} \mathbf{S}_{n,\mathbf{r}+\delta} + J' \mathbf{S}_{n,\mathbf{r}} \mathbf{S}_{n+1,\mathbf{r}+\delta} + K (S_{n,\mathbf{r}}^z)^2], \quad (1)$$

где  $n$  нумерует слои с ФМ взаимодействием (обменный интеграл  $J$ ),  $\mathbf{r}$  определяет узлы в одном слое,  $\delta$  – векторы ближайших соседей, направленные к данному узлу внутри слоя,  $J' \ll J$  – обменный интеграл между слоями,  $N_z = L_z/a_z$  – число атомных плоскостей. Мы учли также легкплоскостную анизотропию с константой  $K$ .

В гамальтониане (1) суммирование проводится по спином внутри каждого слоя и затем по отдельным слоям. При введении в кристалл винтовой дислокации в любой области кристалла, которая не содержит линии дислокации, можно ввести такую же классификацию, но глобально система атомных плоскостей превращается в винтовую поверхность, см. подробнее [12] и рисунок. Удобно параметризовать эту по-

<sup>1)</sup>e-mail: bivanov@i.com.ua



Винтовая дислокация в магнетике (область ядра дислокации условно обозначена цилиндром) и распределение спинов (стрелки) на спиральной линии, охватывающей линию дислокации

верхность координатами  $r$ ,  $\chi$ , где величина  $\chi$  меняется непрерывно от 0 до  $2\pi N_z$ . С использованием этих координат можно легко перейти к континуальному пределу для спиновой плотности  $\mathbf{S} = S\mathbf{m}$ ,  $\mathbf{m}^2 = 1$ . Используем длинноволновое приближение для спинов, находящихся локально в той же плоскости (заменяя, например,  $\mathbf{S}(\mathbf{r} + a\mathbf{e}_x) + \mathbf{S}(\mathbf{r} - a\mathbf{e}_x)$  на  $2\mathbf{S}(r) + a^2\partial^2\mathbf{S}/\partial x^2$  и т.д.), и сохраним дискретное описание для соседних плоскостей. Тогда для макроскопической энергии магнетика можно получить формулу

$$\begin{aligned} \mathcal{W} = JS^2 \int_0^R r dr \int_0^{2\pi L_z/a_z} d\chi \left\{ \frac{1}{2}(\nabla\mathbf{m})^2 + \right. \\ \left. + \frac{j}{a^2}\mathbf{m}(r, \chi)[\mathbf{m}(r, \chi + 2\pi) + \right. \\ \left. + \mathbf{m}(r, \chi - 2\pi)] + \frac{K}{Ja^2}m_z^2(r, \chi) \right\}. \end{aligned} \quad (2)$$

Здесь градиент берется только в данной плоскости,  $j = J'/J$ , значения  $\mathbf{m}(r, \chi)$  и  $\mathbf{m}(r, \chi + \pi)$  соответствуют спином, расположенным в соседних плоскостях, ось  $z$  перпендикулярна слоям. Для простоты мы считаем, что образец имеет цилиндрическую форму и радиус  $R$ .

Начнем с анализа простого случая  $XU$ -модели, когда легкоплоскостная анизотропия предельно сильная, все спины лежат в плоскости  $xy$ , то есть  $m_z = 0$ ,  $m_x = \cos\phi$ ,  $m_y = \sin\phi$ . В случае  $XU$ -модели задача может быть проанализирована точно. В частности, можно продемонстрировать наличие фазового перехода второго рода однородное состояние – спиновая дисклинация. Затем мы покажем, что при конечной анизотропии и возможности выхода спинов из плос-

кости  $XU$  может возникать несингулярная дисклинация с ферромагнитным ядром.

Для  $XU$ -модели энергия (2) принимает вид

$$\begin{aligned} \mathcal{W} = JS^2 \int_0^R r dr \int_0^{2\pi L_z/a_z} d\chi \left\{ \frac{1}{2}(\nabla\phi)^2 + \right. \\ \left. + \frac{j}{a^2} [\cos[\phi(\chi) - \phi(\chi + 2\pi)] + \right. \\ \left. + \cos[\phi(\chi) - \phi(\chi - 2\pi)] + 2] \right\}. \end{aligned} \quad (3)$$

Экстремали функционала (3) определяются уравнением

$$\begin{aligned} \nabla^2\phi + \frac{j}{2a^2} \sin[\phi(\chi) - \phi(\chi + 2\pi)] + \\ + \frac{j}{2a^2} \sin[\phi(\chi) - \phi(\chi - 2\pi)] = 0. \end{aligned} \quad (4)$$

Легко убедиться, что однородное вращение типа

$$\phi = \frac{\alpha\chi}{2} + \phi_0 \quad (5)$$

отвечает точному решению этого уравнения. Отметим, что величина  $\alpha$ , в отличие от случая вихря или обычной дисклинации, где  $\alpha$  – целое или полуцелое число, соответственно может принимать произвольные значения. Такое поведение  $\alpha$  определяется свойствами римановой поверхности, на которой задается переменная  $\phi$ , а именно тем, что не нужно вводить условия непрерывности для  $\cos\phi$  и  $\sin\phi$  при повороте  $\chi$  на  $2\pi$ .

Подставляя решение (5) в выражение (3) и учитывая, что в силу (5)  $(\nabla\phi)^2 = \alpha^2/4r^2$ , получим энергию магнетика как функцию параметра решения  $\alpha$ , величины  $J'/J$  и размеров системы:

$$\mathcal{W} = \pi JS^2 \frac{L_z}{a} \left[ \frac{\alpha^2}{4} \ln\left(\frac{R}{r_0}\right) + \frac{jR^2}{a^2}(1 + \cos\pi\alpha) \right], \quad (6)$$

где  $r_0$  – радиус обрезания порядка постоянной решетки в слое.

Условие минимума энергии  $d\mathcal{W}/d\alpha$  дает, что возможны два типа состояний магнетика: однородное  $\alpha = 0$ , и неоднородные, которым отвечают значения  $\alpha$ , являющиеся решениями трансцендентного уравнения

$$\frac{\sin\pi\alpha}{\pi\alpha} = \frac{\ln(R/r_0)}{2\pi^2 j(R/a)^2}. \quad (7)$$

Однородное (ферромагнитное) состояние невыгодно с точки зрения АФМ взаимодействия между слоями,

ему отвечает энергия магнетика  $\mathcal{W}_{hom} = 2J'S^2V/v_0$ , где  $V = \pi R^2 L_z$  – объем магнетика,  $v_0 = a^2 a_z$  – объем элементарной ячейки. Неоднородные решения существуют только для достаточно больших частиц, при  $R > R_c$ , где  $R_c$  определяется соотношением

$$2\pi^2 j \left( \frac{R_c}{a} \right)^2 = \ln \frac{R_c}{r_0}. \quad (8)$$

При малых значениях  $j \ll 1$  величина  $R_c$  является макроскопической,  $R_c \gg a$ . Поэтому имеет смысл рассмотреть переход от неоднородного состояния, которое может существовать при  $R > R_c$ , к однородному, которое только и является возможным при  $R \leq R_c$ . Роль параметра порядка играет  $\alpha$ , вблизи точки перехода  $\alpha \propto \sqrt{(R - R_c)/R_c}$ . Если же величина  $R \gg R_c$ , то правая часть уравнения (7) мала, величина  $\alpha$  близка к единице,  $\alpha = 1 - (R_c/R)^2$ , и распределение спинов почти такое же, как и распределение вектора  $\mathbf{l}$  в АФМ дисклинации, где  $\phi = \chi/2 + \phi_0$ , а энергия в (3) определяется формулой

$$E = \frac{\pi J L_z}{4a} \ln \left( \frac{R}{r_0} \right) \ll J N_{at} \ll \mathcal{W}_{hom}. \quad (9)$$

В этом случае в соседних слоях спины почти антипараллельны и можно перейти к описанию в терминах вектора антиферромагнетизма  $\mathbf{l}$ , который для слоистых АФМ определяется как разность спинов, расположенных “друг над другом”. Ясно, что такой вектор можно ввести локально для области, не содержащей линию дислокации. Вектор антиферромагнетизма  $\mathbf{l}$ , определенный таким образом, будет иметь разрыв на некой поверхности, которая опирается на линию дислокации и простирается до поверхности кристалла.

Учет реальной трехмерной природы спинов, актуальный при  $K \ll J$  (при любом соотношении между  $K$  и  $J'$  при условии, что  $J' \ll J$ ), приводит к существенно более сложным уравнениям, и мы ограничимся случаем больших  $R$ . Энергию (3) в данном случае удобно привести в обычных угловых переменных для единичного вектора спина  $S_z = S \cos \theta$ ,  $S_x = S \sin \theta \cos \phi$ ,  $S_y = S \sin \theta \sin \phi$ . В этой параметризации энергия принимает вид

$$\begin{aligned} \mathcal{W} = JS^2 \int_0^R r dr \int_0^{2\pi L_z/a_z} d\chi \left\{ \frac{1}{2} [(\nabla\theta)^2 + (\nabla\phi)^2 \sin^2 \theta] + \right. \\ \left. + \frac{1}{2\Delta_0^2} \cos^2 \theta + \frac{j}{a^2} [\cos \theta (\cos \theta_+ + \cos \theta_-) + \right. \\ \left. + \sin \theta \sin \theta_+ \cos (\phi - \phi_+) + \right. \\ \left. + \sin \theta \sin \theta_- \cos (\phi - \phi_-)] \right\}. \quad (10) \end{aligned}$$

Здесь введены параметр  $\Delta_0$  с размерностью длины,  $\Delta_0^2 = Ja^2/K$ , и обозначения  $\theta_{\pm} = \theta(r, \chi \pm 2\pi)$ ,  $\phi_{\pm} = \phi(r, \chi \pm 2\pi)$ . Легко убедиться, что система уравнений Эйлера – Лагранжа для функционала (10) имеет решение вида

$$\theta = \theta_0(r), \quad \phi = \frac{\alpha\chi}{2} + \phi_0. \quad (11)$$

При этом для функции  $\theta$  получается обыкновенное дифференциальное уравнение такого же типа, как для вихрей в магнетиках, см. [1, 2],

$$\frac{d^2\theta}{dr^2} + \frac{1}{r} \frac{d\theta}{dr} + \sin \theta \cos \theta \left( \frac{1}{\Delta_\alpha^2} - \frac{\alpha^2}{4r^2} \right) = 0, \quad (12)$$

с теми лишь различиями, что величина  $\alpha$  теперь может быть произвольной, а не целой, и что характерная длина  $\Delta_\alpha$  зависит от параметра  $\alpha$ ,

$$\Delta_\alpha^2 = \frac{Ja^2}{K + 2J' \sin^2(\pi\alpha/2)} < \Delta_0^2. \quad (13)$$

Естественные граничные условия для этого уравнения определяются отсутствием сингулярностей в центре ( $\theta = 0$  или  $\pi$  при  $r = 0$ ) и тем, что вдали от центра дисклинации спины ложатся в легкую плоскость  $xy$ , формируя такую же структуру, что была рассмотрена выше для дисклинации в ХУ-модели,

$$\cos \theta = p \text{ при } r \rightarrow 0, \quad p = \pm 1, \quad \theta \rightarrow \pi/2 \text{ при } r \rightarrow \infty. \quad (14)$$

Таким образом, в задаче возникает еще один дискретный параметр  $p$ , который играет ту же роль, что и поляризация для внеплоскостного вихря в легкоплоскостных ФМ, см. [2]. Состояние дисклинации вырождено не только по знаку  $\alpha$ , но и по величине  $p$ .

Решение уравнения (12) с учетом (14) и асимптотики  $\sin \theta \simeq (r/\Delta_\alpha)^{\alpha/2}$  при  $r \rightarrow 0$  легко построить численно. Для больших  $R$  величина  $\alpha \simeq 1$  и энергия дисклинации

$$E = \frac{\pi JS^2}{4} \ln \left( \frac{R}{C\Delta} \right), \quad \Delta = a \sqrt{\frac{J}{K + 2J'}}. \quad (15)$$

Таким образом, эта дисклинация имеет характерную логарифмическую зависимость от размеров образца. Но, фактически, на этом сходство между дисклинацией в слоистом АФМ и рассмотренными ранее дисклинациями в АФМ с шахматной структурой заканчиваются. Перечислим их различия.

Дисклинацию в слоистом АФМ уместно назвать ферромагнитной, так как в ядре упорядочение спинов ферромагнитно вдоль всей линии дисклинации и в каждом из локальных участков атомных плоскостей расположение спинов близко к ферромагнитному. Для магнитной частицы, состоящей из нечетного числа атомных плоскостей, суммарная намагниченность в базисной плоскости макроскопическая

и близка к  $(1/2)2\mu_B S N_{at}$ , где  $N_{at}$  – число атомов в плоскости.

При выполнении разумных условий  $K \ll J$  и  $J' \ll J$  ядро ФМ дисклинации не содержит сингулярностей, параметр обрезания в энергии является макроскопической величиной,  $\Delta \gg a$ .

Состояние ФМ дисклинации вырождено по двум дискретным числам,  $p$  и знаку  $\alpha$ , а не по одному, как для сингулярной АФМ дисклинации. Это может проявляться в эффектах макроскопического квантового туннелирования для спиновых дисклинаций, см [13].

Мы благодарны В. Г. Барьяхтару, А. С. Ковалеву и С. М. Рябченко за полезные обсуждения. Работа подержана грантом INTAS # 97-31-311.

1. А. М. Косевич, Б. А. Иванов, А. С. Ковалев, *Нелинейные волны намагниченности. Динамические и топологические солитоны*, Киев: Наукова думка, 1983.
2. V. G. Bar'yakhtar and B. A. Ivanov, *Solitons and Thermodynamics of Low-Dimensional Magnets*, Sov. Sci. Rev. A Phys., Ed. I. M. Khalatnikov, **16**, 1–223 (1992).

3. И. Е. Дзялошинский, Письма в ЖЭТФ **25**, 110 (1977).
4. А. С. Ковалев, А. М. Косевич, ФНТ **3**, 259 (1977).
5. R. L. Stamps and R. E. Camley, Phys. Rev. **B54**, 15200 (1996); R. L. Stamps, R. E. Camley, and R. J. Hicken, Phys. Rev. **B54**, 4159 (1996).
6. О. К. Дудко, А. С. Ковалев, ФНТ **25**, 25 (1999).
7. А. С. Ковалев, ФНТ **20**, 1034 (1994).
8. Б. А. Иванов, В. Е. Киреев, В. П. Воронов, ФНТ **23**, 845 (1997).
9. О. К. Дудко, А. С. Ковалев, ФНТ **24**, 559 (1998).
10. О. К. Дудко, А. С. Ковалев, ФНТ **26**, 821 (2000).
11. D. C. Wiesler, H. Zabel, and S. M. Shapiro, Z Phys. **B93**, 277 (1994).
12. А. М. Косевич, *Дислокации в теории упругости*, Наукова Думка, Киев, 1978.
13. B. A. Ivanov and A. K. Kolezhuk, in: *Frontiers in Magnetism of Reduced Dimension Systems*, Eds. V. G. Bar'yakhtar, P. E. Wigen, and N. A. Lesnik, vol. **49** of NATO ASI Series 3, High Technology, Kluwert, Dordrecht, 1998.