

*Письма в ЖЭТФ, том 20, вып. 3, стр. 202 – 206      5 августа 1974 г.*

**РОЖДЕНИЕ АДРОНОВ  
С БОЛЬШИМИ ПОПЕРЕЧНЫМИ ИМПУЛЬСАМИ  
В ГЛУБОКОНЕУПРУГОМ РАССЕЯНИИ ЛЕПТОНОВ**

*H.N.Николаев*

Обсуждается рождение адронов с большими поперечными импульсами в глубоконеупругом рассеянии лептонов на адонах. Показано, что в спектре поперечным импульсам должен быть минимум при  $p_T \approx \frac{1}{2}\sqrt{Q^2}$ . Предсказываются скейлинговые свойства спектра по  $z = p_T/\sqrt{Q^2}$  в зависимости от  $Q^2$  и  $x$ .

В настоящей статье обсуждается рождение адронов с большими поперечными импульсами  $p_{\perp}$  в глубоконеупругом рассеянии лептонов на адронах. В основном мы интересуемся возможностью проверки в этих процессах механизма рождения адронов с большими  $p_{\perp}$  за счет партон-партонного рассеяния на большие углы с последующей фрагментацией в конечные адроны.

В брейтовской системе, где энергия виртуального фотона равна нулю, фотон поглощается партоном с импульсом  $x p_z \approx \frac{1}{2} \sqrt{Q^2}$  меняющим знак своего импульса, а остальные партоны сохраняют свои импульсы [1]. Так как поперечные импульсы партонов малы и ограничены, и большие поперечные импульсы не возникают и при взаимодействии с фотоном, то ясно, что адроны с большими  $p_{\perp}$  могут рождаться в рамках партонной модели только за счет перерассеяния на большой угол партона отдачи на одном из остальных партонов адрона с последующей фрагментацией в конечные адроны.

Этот механизм рождения частиц с большими  $p_{\perp}$  подробно обсуждается в последнее время в литературе и успешно применяется для описания экспериментальных данных по рождению частиц с большими  $p_{\perp}$  в адрон-адронных столкновениях (см., например, работы [2, 3] и приведенные в них ссылки). Имеется, однако, одно важное отличие между адрон-адронными и лептон-адронными взаимодействиями. Именно, в адрон-адронных взаимодействиях мы имеем дело с рассеянием друг на друге двух партонов из разных адронов. В лептон-адронных же процессах должны рассеиваться друг на друге два партона из одного и того же адрона. Вероятность такого процесса будет определяться двухпартонной функцией распределения, которая должна иметь минимум при совпадающих импульсах партонов из-за отталкивания партонов с близкими быстrotами. В спектре по поперечному импульсу  $p_{\perp}$  под углом  $\theta = 90^\circ$  в брейтовской системе это должно привести к нерегулярности типа плато или даже минимума при  $z = p_{\perp} / \sqrt{Q^2} = 1/2$ .

Важно то, что отталкивание партонов на малых расстояниях по быстроте является универсальным свойством всех партонных моделей, так как в противном случае невозможна предельная равновесная плотность партонов. Поэтому предсказание плато или минимума в спектре по поперечным импульсам при  $z = \frac{1}{2}$  является общим для всех партонных моделей предсказанием механизма партон-партонного рассеяния и его экспериментальное подтверждение было бы важным аргументом в пользу механизма и в пользу партонной модели.

Наиболее удобной для обсуждения величиной является инклюзивный спектр  $f(Q^2, x, z)$ , проинтегрированный по  $\nu$ . Если считать парton отдачи находящимся на массовой поверхности, то в рамках описанного механизма для рождения одного быстрого адрона под углом  $\theta = 90^\circ$  имеем

$$f(Q^2, x, z) = \frac{d^3\sigma}{dQ^2 d\Omega dz} \left/ \frac{d\sigma}{dQ^2} \right. \cong A \nu(x, x_2) F_h(z^2 Q^2) \frac{x(1-z)}{z}. \quad (1)$$

Здесь  $F_h(z^2 Q^2)$  – вероятность перехода партона, летящего под углом  $\theta = 90^\circ$  в один регистрируемый быстрый адрон  $h$ ,  $\nu(x, x_2)$  – плотность

партона с импульсом  $p_{x_2}$ , на которых рассеивается партон отдачи с импульсом  $-px$ . Из кинематики упругого рассеивания  $x_2 = xz/(1-z)$  и в (1) учтено, что дифференциальное сечение рассеяния точечных партона имеет вид  $d\sigma/d\Omega \sim 1/s_{12}$  и что  $s_{12} \approx Q^2 z/(1-z)$ .

Вероятность перехода партона в один адрон  $F_h(z^2, Q^2)$  должна иметь простой степенной вид

$$F_h(z^2 Q^2) \approx (z^2 Q^2)^{-C_h} \quad (2)$$

причем показатель степени  $C_h$  в силу дуальности "партон-адрон" [4] должен быть, по-видимому, таким же, что и в электромагнитном форм-факторе адрона  $h$ .

Если  $|\ln x_2/x| > \rho$ , где  $\rho$  – радиус ближних корреляций по быстрым, то  $v(x, x_2)$  не зависит от  $x$  и  $v(x, x_2) = u(x_2)$ , где  $u(x)$  – однопарточная функция распределения. При  $x = x_2$  из-за отталкивания партона на малых расстояниях  $v(x, x_2)$  должно иметь минимум, приводящий соответственно к минимуму в спектре по поперечному импульсу при  $z \approx 1/2$ . Если же  $x + x_2 \rightarrow 1$ , то  $v(x, x_2)$  быстро убывает:  $v(x, x_2) \approx \approx (1 - x - x_2)^{p(x)}$ . Экспериментально для однопарточной плотности известно, что  $u(x) \approx (1-x)^3$  при  $x \rightarrow 1$ . Поэтому  $p(x) \rightarrow 3$  при  $x \rightarrow 1$ . В противоположном предельном случае  $x \rightarrow 0$  имеется две возможности, так как в этом случае партон отдачи может рассеиваться как на партоне, так и на глюоне и  $p(x)$  зависит от соотношения их плотностей при  $x \rightarrow 0$ . Экспериментально при  $x \rightarrow 0$  выживают только те партоны, которые несут проекцию изоспина нуклона. Можно обобщить это дальше и считать, что одновременно будет мала и плотность глюонов по сравнению с плотностью валентных партона. Тогда  $p(x) \rightarrow 3$  при  $x \rightarrow 0$ . Если же при  $x \rightarrow 0$  напротив выживают глюоны, то  $p(x) < 3$ . Наконец, при  $x = \frac{1}{2}$  необходимо учитывать отталкивание партона и тогда  $p(\frac{1}{2}) > 3$ . Качественная зависимость  $p(x)$  от  $x$  приведена на рис. 1.

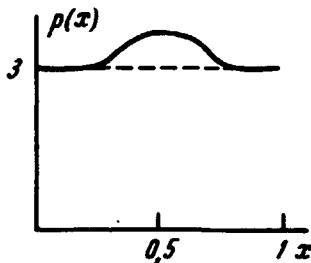


Рис. 1

Учитывая, что при малых  $x$   $u(x) \approx c/x$  имеем:

$$f(Q^2, x, z) \approx \frac{1}{(Q^2)^{C_h}} \begin{cases} (1-z)^2 z^{-2(1+C_h)}, & xz/1-z \ll 1 \\ (z_{max} - z)^{p(x)} (1-z)^{1-p(x)} z^{-1-2C_h}, & z \rightarrow z_{max} \end{cases} \quad (3)$$

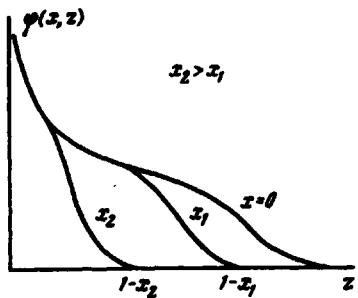


Рис. 2

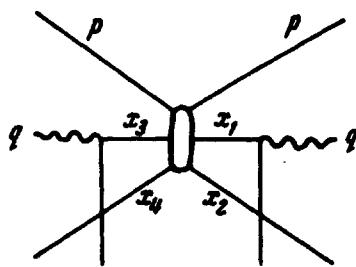


Рис. 3

При этом функция  $\phi(x, z) = f(Q^2, x, z)(Q^2)^{C_h}$  не должна зависеть от  $Q^2$ . Качественный ход  $\phi(x, z)$  представлен на рис. 2. Если как  $x$ , так и  $x_2$  находятся в области плато по быстротам:  $x, x_2 \lesssim a \approx 0,3$  [5], то спектр по  $z$  должен быть дополнительно скейлинговым в смысле независимости от  $x$  вплоть до  $z \approx a/a + x$ , как это видно из формулы (3) и изображено на рис. 2.

В обсуждении выше и в кинематических соотношениях мы считали партон отдачи находящимся на массовой поверхности. В действительности сход с массовой поверхности партона отдачи существует. Однако нетрудно убедиться, что его учет не меняет качественно ситуацию и только приводит к тому, что вместо плотности партонов  $v(x, x_2)$  с определенными из кинематики рассеяния на массовой поверхности значениями  $x$  и  $x_2$  инклузивный спектр по поперечным импульсам будет пропорционален эффективному среднему от  $v(x, x_2)$  по интервалу быстрот порядка единицы, не большему, чем радиус корреляций по быстротам. Для этого заметим, что обсуждаемый инклузивный спектр определяется диаграммой рис. 3. Входящая в нее абсорбционная часть амплитуды процесса  $3 \rightarrow 3$  совпадает согласно теореме Канчели - Мюллера [6] с двухпартонной функцией распределения в случае рассеяния вперед. Требование конечности переданных импульсов в амплитуде  $3 \rightarrow 3$  ограничивает области интегрирования условиями  $(x_1 - x_3)^2 \leq x_1 x_3$  и  $(x_2 - x_4)^2 \leq x_2 x_4$ , так что область быстрот, по которой эффективно усредняется  $v(x, x_2)$ , оказывается конечной и не зависящей от  $x$ . Поэтому нерегулярность в спектре должна сохраниться и ее положение по  $z$  не меняется.

Автор благодарен В.И.Захарову, В.А.Новикову и М.В.Терентьеву за ценные критические замечания.

Институт теоретической физики  
им. Л.Д.Ландау  
Академии наук СССР

Поступила в редакцию  
21 мая 1974 г.

### Литература

- [1] R.P.Feynman. Photon- Hadron Interactions, W.A.Benjamin, Massachusetts, 1972.

- [2] D.Amati, L.Kaneschi, M.Testa. Phys. Lett., 43B, 186, 1972; Е.М.Левин, М.Г.Рыскин. ЯФ, 18, 1108, 1973.
- [3] R.Blanckenbecler, S.J.Brodsky, J.F.Gunion. Phys. Rev., D8, 287, 1973; J.D.Bjorken. Phys. Rev., D8, 4098, 1973.
- [4] В.Н.Грибов. Сб. Элементарные частицы, I школа физики ИТЭФ, Москва, Атомиздат, 1973.
- [5] H.Kendall. Cornell International Conference on Electron and Photon Interactions. Cornell Univ. Press, Ithaca, 1972.
- [6] A.H.Mueller. Phys. Rev., D2, 2963, 1970; О.В.Канчели. Письма в ЖЭТФ, 11, 397, 1970.
-