

## О МЕХАНИЗМЕ СВЕТОИНДУЦИРОВАННОЙ ОРИЕНТАЦИИ МОЛЕКУЛ В ПОГЛОЩАЮЩИХ НЕМАТИЧЕСКИХ ЖИДКИХ КРИСТАЛЛАХ

А.С.Золотко<sup>1)</sup>

Физический институт им. П.Н.Лебедева РАН

117924, Москва, Россия

Поступила в редакцию 28 июля 1998 г.

Предложен новый механизм коллективного светоиндуцированного поворота ориентационно упорядоченных молекул поглощающих нематических жидкых кристаллов, обусловленный нецентральностью изменения потенциала взаимодействия возбужденной и невозбужденной молекул, а также анизотропией их корреляционной функции. Этот поворот вызван различием моментов межмолекулярных сил, ориентирующих ансамбли возбужденных и невозбужденных молекул.

PACS: 34.20.Gj, 42.65.-k, 61.30.-v

1. Нематические жидкие кристаллы (НЖК), благодаря сочетанию ориентационной упорядоченности и подвижности составляющих их молекул, чрезвычайно восприимчивы к внешним воздействиям, в частности, к влиянию светового поля [1–4]. "Гигантская" ориентационная нелинейность прозрачных НЖК на девять порядков превышает керровскую нелинейность обычных жидкостей [1]. Причиной светоиндуцированной переориентации директора  $\pi$  (СПД) прозрачного НЖК является вращающий момент, действующий со стороны светового поля  $E$  на индуцированные им молекулярные диполи.

Сравнительно недавно, однако, было обнаружено, что в НЖК, содержащих малые примеси поглощающих свет молекул красителей [5, 6] или полностью состоящих из поглощающих молекул [7], СПД может быть еще более эффективной. Так, порог светоиндуцированного перехода Фредерикса в НЖК, легированном малой ( $\sim 1\%$ ) примесью антрахинонового красителя, составляет для сфокусированного светового пучка  $P_{th} \sim 1 \text{ мВт}$  [5], что на два порядка меньше характерной для прозрачных НЖК величины  $P_{th} \sim 100 \text{ мВт}$  [2]. Кроме того, в отличие от случая прозрачных НЖК, для которых СПД всегда положительна ( $\pi$  ориентируется параллельно  $E$ ), для поглощающих НЖК СПД может быть и отрицательной ( $\pi$  ориентируется перпендикулярно  $E$ ).

В [6] было высказано предположение, что причиной СПД в поглощающих НЖК является взаимодействие ансамбля возбужденных молекул красителя, характеризующегося несимметричным относительно директора ориентационным распределением, с молекулами нематической матрицы. Расчеты величины действующего на директор момента, приводящие к количественному согласию с экспериментом, были выполнены в работах [7–10], в которых его возникновение связывалось с изменением усредненного потенциала взаимодействия возбужденной молекулы красителя с директором [7–9] или с молекулой нематической матрицы [10]. Однако, для использованных в [7–10] потенциалов вращающий момент, действующий на возбужденную

1) e-mail: zolotko@sci.lebedev.ru

молекулу, должен компенсироваться моментом, действующим со стороны возбужденной молекулы на нематическую матрицу. В [8, 10] эта трудность преодолевалась с помощью введения действующего на директор момента, связанного с ориентационной релаксацией возбужденных молекул красителя.

В настоящей работе проведен прямой расчет момента сил, действующего на директор. Основная идея расчета заключается в учете нецентральности светоиндуцированного изменения потенциала взаимодействия возбужденной молекулы красителя и молекулы нематической матрицы, а также анизотропии ближнего порядка (то есть зависимости парной функции распределения молекул от единичного вектора  $\mathbf{m}$ , параллельного линии, соединяющей их центры). Сочетание этих факторов приводит к различию ориентирующих моментов межмолекулярных сил, приложенных к матрице и ансамблю возбужденных молекул. Это различие и является причиной поворота директора.

2. Пусть  $\mathbf{r}_d$  и  $\mathbf{r}_m$  – радиус-векторы центров молекул красителя и нематической матрицы, а  $\mathbf{l}^{(d)}$  и  $\mathbf{l}^{(m)}$  – единичные векторы, параллельные длинным осям этих молекул. Потенциал парного взаимодействия  $U^{(d,m)}$  двух молекул, зависящий от  $\mathbf{l}^{(d)}$ ,  $\mathbf{l}^{(m)}$  и  $\mathbf{R} = \mathbf{r}_m - \mathbf{r}_d$ , является, вообще говоря, нецентральным ( $[\mathbf{R} \times \partial U^{(d,m)} / \partial \mathbf{R}] \neq 0$ ) [11]. На молекулу красителя со стороны молекулы матрицы действует врачающий момент  $\mathbf{M}_{dm} = -[\mathbf{l}^{(d)} \times \partial U^{(d,m)} / \partial \mathbf{l}^{(d)}]$ . Аналогично, врачающий момент  $\mathbf{M}_{md} = -[\mathbf{l}^{(m)} \times \partial U^{(m,d)} / \partial \mathbf{l}^{(m)}]$  действует со стороны молекулы красителя на молекулу матрицы. Из закона сохранения момента импульса следует равенство

$$\mathbf{M}_{dm} + \mathbf{M}_{md} - \left[ \mathbf{R} \times \frac{\partial U^{(d,m)}}{\partial \mathbf{R}} \right] = 0, \quad (1)$$

которое означает, что для нецентрального потенциала суммарный момент  $\mathbf{M}^{(d,m)} = \mathbf{M}_{dm} + \mathbf{M}_{md}$ , действующий на обе молекулы, отличен от нуля.

Если молекула красителя находится в возбужденном состоянии, то потенциал  $U^{(d,m)}$  изменяется на величину  $\Delta U^{(d,m)}(\mathbf{R}, \mathbf{l}^{(d)}, \mathbf{l}^{(m)})$ . Как следствие, изменяется и момент  $\mathbf{M}^{(d,m)}$ :

$$\Delta \mathbf{M}^{(d,m)} = \left[ \mathbf{R} \times \frac{\partial \Delta U^{(d,m)}}{\partial \mathbf{R}} \right]. \quad (2)$$

Для того, чтобы определить плотность полного момента, действующего на директор поглощающего НЖК и связанного с возбуждением части молекул красителя, необходимо просуммировать (2) по всем парам, состоящим из возбужденной молекулы красителя ( $i$ ) и молекулы матрицы ( $j$ ), и затем полученную сумму разделить на величину объема  $V$ :

$$\Gamma_{abs} = \frac{1}{V} \sum_{i,j} \Delta \mathbf{M}^{(i,j)}. \quad (3)$$

При записи (3) не учтен вклад, вносимый изменением взаимодействия возбужденных и невозбужденных молекул красителя. Пренебрежение этим вкладом оправдано, если концентрация  $c_d$  молекул красителя мала, что соответствует экспериментальной ситуации ( $c_d \leq 1\%$ ). Сумму (3) выразим через парную функцию распределения молекул красителя и нематика  $F_2(R, \mathbf{m}, \mathbf{l}^{(d)}, \mathbf{l}^{(m)}, \mathbf{n})$  и вероятность  $w(\mathbf{l}^{(d)})$  нахожде-

ния молекулы красителя с ориентацией  $\mathbf{l}^{(d)}$  в возбужденном состоянии:

$$\Gamma_{abs} = c_d c_m \int \frac{d\mathbf{l}^{(d)}}{4\pi} w(\mathbf{l}^{(d)}) \int \frac{d\mathbf{l}^{(m)}}{4\pi} \int d\mathbf{m} \int_0^\infty dR R^2 F_2(R, \mathbf{m}, \mathbf{l}^{(d)}, \mathbf{l}^{(m)}, \mathbf{n}) \times \\ \times \Delta \mathbf{M}^{(d,m)}(R, \mathbf{m}, \mathbf{l}^{(d)}, \mathbf{l}^{(m)}). \quad (4)$$

Здесь  $R = |\mathbf{R}|$ ,  $\mathbf{m} = \mathbf{R}/R$ ,  $c_m$  – концентрация молекул нематической матрицы. Функция распределения  $F_2(R, \mathbf{m}, \mathbf{l}^{(d)}, \mathbf{l}^{(m)}, \mathbf{n})$  нормирована условием  $F_2 = 1$ , если величина  $R$  превышает несколько молекулярных размеров.

3. Для вычисления плотности момента  $\Gamma_{abs}$  необходимы явные выражения для функций  $w(\mathbf{l}^{(d)})$ ,  $U^{(d,m)}(\mathbf{R}, \mathbf{m}, \mathbf{l}^{(d)}, \mathbf{l}^{(m)})$  и  $F_2(R, \mathbf{m}, \mathbf{l}^{(d)}, \mathbf{l}^{(m)}, \mathbf{n})$ .

Вероятность  $w(\mathbf{l}^{(d)})$  можно оценить следующим образом:

$$w(\mathbf{l}^{(d)}) = w_\perp + \Delta w (\mathbf{e} \mathbf{l}^{(d)})^2, \quad (5)$$

где

$$w_\perp = \frac{S_p \tau^*}{3\hbar\omega c_d} \left( \alpha_{\parallel} + 2\alpha_{\perp} - \frac{\Delta\alpha}{S_{2d}} \right), \quad \Delta w = \frac{S_p \tau^*}{\hbar\omega c_d} \frac{\Delta\alpha}{S_{2d}}, \quad S_p = \frac{cn}{8\pi} |A|^2$$

– величина вектора Пойнтинга,  $\mathbf{e}$ ,  $A$ ,  $\omega$  – единичный вектор поляризации, комплексная амплитуда и частота светового поля,  $c$  – скорость света в вакууме,  $n$  – показатель преломления НЖК,  $\Delta\alpha = \alpha_{\parallel} - \alpha_{\perp}$ ,  $\alpha_{\parallel}$  и  $\alpha_{\perp}$  – коэффициенты поглощения необыкновенной и обычновенной световых волн,  $\tau^* = \min(\tau_e, \tau_D)$ ,  $\tau_e$  – время жизни молекулы красителя в возбужденном состоянии,  $\tau_D$  – время вращательной диффузии,  $S_{2d}$  – параметр порядка молекул красителя.

Будем считать, что изменение потенциала  $\Delta U^{(d,m)}(R, \mathbf{m}, \mathbf{l}^{(d)}, \mathbf{l}^{(m)})$  при возбуждении молекулы красителя обусловлено изменением диполь-дипольных дисперсионных сил [12]. Энергия взаимодействия молекулы красителя в состоянии  $|\gamma\rangle$  и молекулы матрицы в основном состоянии  $|0\rangle$  равна:

$$\mathcal{U}(\gamma, 0) = -\frac{1}{R^6} \sum_{\substack{\lambda=t,t \\ \delta=t,t}} B_{\lambda\delta}(\gamma, 0) u_{\lambda\delta}, \quad (6)$$

где  $B_{\lambda\delta}$  – коэффициенты, зависящие от энергетического спектра и состояния молекул и характеризующие взаимодействие между продольными ( $t$ ) и поперечными ( $t$ ) флуктуационными дипольными моментами молекул красителя ( $\lambda$ ) и нематической матрицы ( $\delta$ );  $u_{tt} = (\mathbf{l}^{(d)} \mathbf{l}^{(m)})^2 - 6(\mathbf{l}^{(d)} \mathbf{l}^{(m)}) (\mathbf{m} \mathbf{l}^{(d)}) (\mathbf{m} \mathbf{l}^{(m)}) + 9(\mathbf{m} \mathbf{l}^{(d)})^2 (\mathbf{m} \mathbf{l}^{(m)})^2$ ,  $u_{lt} = 1 + 3(\mathbf{m} \mathbf{l}^{(d)})^2 - u_{tt}$ ,  $u_{tl} = 1 + 3(\mathbf{m} \mathbf{l}^{(m)})^2 - u_{tt}$ ,  $u_{tt} = 4 - 3(\mathbf{m} \mathbf{l}^{(d)})^2 - 3(\mathbf{m} \mathbf{l}^{(m)})^2 + u_{tt}$ .

В НЖК парная функция распределения  $F_2(R, \mathbf{m}, \mathbf{l}^{(d)}, \mathbf{l}^{(m)}, \mathbf{n})$  зависит от  $R$  и пяти скалярных параметров  $\xi_i$ : ( $\xi_1 = (\mathbf{m} \mathbf{l}^{(d)})$ ,  $\xi_2 = (\mathbf{m} \mathbf{l}^{(m)})$ ,  $\xi_3 = (\mathbf{n} \mathbf{l}^{(d)})$ ,  $\xi_4 = (\mathbf{n} \mathbf{l}^{(m)})$ ,  $\xi_5 = (\mathbf{l}^{(d)} \mathbf{l}^{(m)})$ ). Представим функцию  $F_2$  в виде разложения по аргументам  $\xi_i$ , ограничившись членами до четвертого порядка включительно:

$$F_2(R, \xi_1, \xi_2, \xi_3, \xi_4, \xi_5) = f_0 + \sum_{i=1}^5 f_i(R) \xi_i + \sum_{i,j=1}^5 f_{ij}(R) \xi_i \xi_j + \\ + \sum_{i,j,k=1}^5 f_{ijk}(R) \xi_i \xi_j \xi_k + \sum_{i,j,k,l=1}^5 f_{ijkl}(R) \xi_i \xi_j \xi_k \xi_l. \quad (8)$$

4. Полагая  $\Delta U = \mathcal{U}(\gamma, 0) - \mathcal{U}(0, 0)$ , из (2), (4), (5) и (8) находим:

$$\Gamma_{abs} = \frac{\Delta\epsilon_{eff}|A|^2}{8\pi} (\mathbf{n}\mathbf{e})[\mathbf{n} \times \mathbf{e}], \quad (9)$$

где

$$\Delta\epsilon_{eff} = -\frac{16\pi c c_m n \tau^* \Delta\alpha}{675\hbar\omega v_m S_{2d}} \sum_{\substack{\lambda=l,t \\ \delta=l,t}} \Delta B_{\lambda\delta} \left( \gamma_{\lambda\delta}^{dd} \nu_{1144} + \gamma_{\lambda\delta}^{mm} \nu_{2244} + \frac{5}{2} \gamma_{\lambda\delta}^{md} \nu_{1234} \right), \quad (10)$$

$$\nu_{ijkl} = 3v_m \int_0^\infty \frac{f_{ijkl}(R)}{R^4} dR, \quad \nu_m = \left( 3 \int_0^\infty \frac{f_0(R)}{R^4} \right)^{-1}, \quad \Delta B_{\lambda\delta} = B_{\lambda\delta}(\gamma, 0) - B_{\lambda\delta}(0, 0),$$

$$\gamma_{ll}^{dd} = -\gamma_{lt}^{dd} = -\gamma_{ll}^{mm} = \gamma_{tl}^{mm} = -\frac{8}{35}, \quad \gamma_{tl}^{dd} = -\gamma_{tt}^{dd} = -\gamma_{lt}^{mm} = \gamma_{tt}^{mm} = -\frac{4}{7},$$

$$\gamma_{lt}^{dm} = -\gamma_{tt}^{dm} = \frac{2}{5}, \quad \gamma_{ll}^{dm} = \gamma_{tt}^{dm} = 0.$$

Выражение (9) имеет такой же вид, как и выражение для плотности вращающего момента, действующего на директор прозрачного НЖК, отличаясь только заменой оптической анизотропии  $\Delta\epsilon$  на эффективную величину  $\Delta\epsilon_{eff}$ .

Отметим, что если парная функция распределения  $F_2$  изотропна (то есть не зависит от вектора  $\mathbf{m}$ ), то момент  $\Gamma_{abs}$  обращается в нуль.

Проведенное рассмотрение можно обобщить и на случай НЖК, состоящего из поглощающих молекул одного вида. В этом случае первые два слагаемых в правой части (10) компенсируют друг друга (поскольку  $\nu_{1144} = \nu_{2244}$ ), но третье слагаемое, пропорциональное  $\nu_{1234}$ , вносит ненулевой вклад в момент  $\Gamma_{abs}$ .

Перейдем к численной оценке  $\Delta\epsilon_{eff}$ . Для величин  $B_{\lambda\delta}$  с помощью теории Майера–Заупе можно получить оценку  $B_{\lambda\delta}(0, 0) \sim 15\tilde{U}_0 v_m / 8\pi c_m$  ( $\tilde{U}_0 = 4.5k_B T_{NI}$ ,  $k_B$  – постоянная Больцмана,  $T_{NI}$  – температура фазового перехода нематик – изотропная фаза). Полагая, что при фотовозбуждении молекулы  $\Delta B_{\lambda\delta} \sim B_{\lambda\delta}$ , находим

$$\Delta\epsilon_{eff} \sim \frac{6c\tilde{U}_0 n \tau^* \Delta\alpha \gamma_{\lambda\delta} \nu_{ijkl}}{135\hbar\omega S_{2d}}. \quad (11)$$

Поскольку, как следует из [13], члены разложения межмолекулярного потенциала  $U(R, \xi_1, \xi_2, \xi_3, \xi_4, \xi_5)$ , содержащие аргументы  $\xi_1$  и  $\xi_2$ , не малы по сравнению с членами, не зависящими от  $\xi_1$ ,  $\xi_2$ , то естественно положить, что  $\nu_{ijkl} \sim 0.1 - 1$ . Подставляя в (11) характерные значения  $\tilde{U}_0 \sim 1.9 \cdot 10^{-13}$  эрг ( $T_{NI} \sim 300$  К),  $n = 1.5$ ,  $\tau^* \sim 10^{-8}$  с [8],  $\Delta\alpha \sim 100$  см $^{-1}$ ,  $\gamma_{\lambda\delta} \sim 0.5$ ,  $\omega = 3.7 \cdot 10^{15}$  с $^{-1}$  ( $\lambda = 515$  нм) и  $S_{2d} \sim 0.8$ , находим  $\Delta\epsilon_{eff} \sim 6 - 60$ . Для прозрачных НЖК  $\Delta\epsilon \approx 0.6$  и, следовательно,  $\Delta\epsilon_{eff}/\Delta\epsilon \sim 10 - 100$ . Эта величина, характеризующая относительную эффективность СПД в поглощающих и прозрачных НЖК, согласуется с экспериментальными результатами [5–7].

Из (10) следует, что знак  $\Delta\epsilon_{eff}$  зависит не только от характера изменения потенциала взаимодействия молекул красителя и матрицы при возбуждении молекулы красителя, но и от парной функции распределения этих молекул, на которую, очевидно, влияет степень их вытянутости. Такая зависимость, возможно, объясняет наблюдавшееся экспериментально [14] различие знаков СПД в НЖК, легированных различными антрахиноновыми красителями.

Светоиндуцированное изменение межмолекулярных сил приводит не только к переориентации директора, но и к изменению параметра порядка [15, 16]. Этот эффект, однако, может иметь место и при изотропной парной функции распределения  $F_2$ . Достаточным условием для его возникновения является изменение потенциала межмолекулярного взаимодействия. Очевидно, параллельное измерение нелинейностей нематической и изотропной фаз может быть чрезвычайно полезным для исследования межмолекулярных взаимодействий и молекулярного упорядочения.

Таким образом, в настоящей работе рассмотрен новый механизм коллективного светоиндуцированного поворота ориентационно упорядоченных молекул НЖК, обусловленный нецентральностью изменения потенциала их взаимодействия и анизотропией ближнего порядка. Этот механизм является весьма общим и должен проявляться также в других средах, характеризующихся анизотропной ориентацией молекул. В частности, он может быть ответственным за эффекты возникновения светоиндуцированной анизотропии в ленгмюровских пленках и полимерах.

Автор благодарит М.И.Барника, Е.И.Каца, В.Ф.Китаеву и В.Н.Очкина за полезные обсуждения.

Работа выполнена при поддержке Российского фонда фундаментальных исследований (грант 98-03-32226а) и Межотраслевой научно-технической программы "Оптика.Лазерная физика".

- 
1. В.Я.Зельдович, Н.Ф.Пилипецкий, А.В.Сухов, Н.В.Табирян, Письма в ЖЭТФ **31**, 297 (1980).
  2. А.С Золотъко, В.Ф.Китаева, Н.Кроо и др., Письма в ЖЭТФ **32**, 170 (1980).
  3. Б.Я.Зельдович, Н.В.Табирян, УФН **147**, 633 (1985).
  4. V.F.Kitaeva and A.S.Zolot'ko, Laser Res. USSR **10**, №4, 275 (1989).
  5. I.Janossy, A.D.Lloyd, and B.S.Wherrett, Mol. Cryst. Liq. Cryst. **179**, 1 (1990).
  6. I.Janossy, L.Csillag, and A.D.Lloyd, Phys. Rev. **A44**, 8410 (1991).
  7. А.С.Золотъко, В.Ф.Китаева, Д.Б.Терсков, ЖЭТФ **106**, 1722 (1994).
  8. I.Janossy, Phys. Rev. **E49**, 2957 (1994).
  9. E.Santamato, G.Abbate, P.Maddalena et al., Mol. Cryst. Liq. Cryst. **302**, 111 (1997).
  10. L.Marucci and D.Paparo, Phys. Rev. **E56**, 1765 (1997).
  11. И.П.Базаров, Э.В.Геворкян, *Статистическая теория твердых и жидких кристаллов*, М.: Изд-во МГУ, 1983.
  12. Ю.С.Бараш, *Силы Ван-дер-Ваальса*, М.: Наука, 1988.
  13. Kean Feng and Chia-Wei Woo, Phys. Rev. **A28**, 1587 (1983).
  14. I.Janossy and T.Kosa, Optics Lett. **17**, 1183 (1992).
  15. D.Paparo, L.Marucci, G.Abbate et al., Phys. Rev. Lett. **78**, 38 (1997).
  16. R.Muenster, M.Jarasch, X.Zhuang and Y.Shen, Phys. Rev. Lett. **78**, 42 (1997).